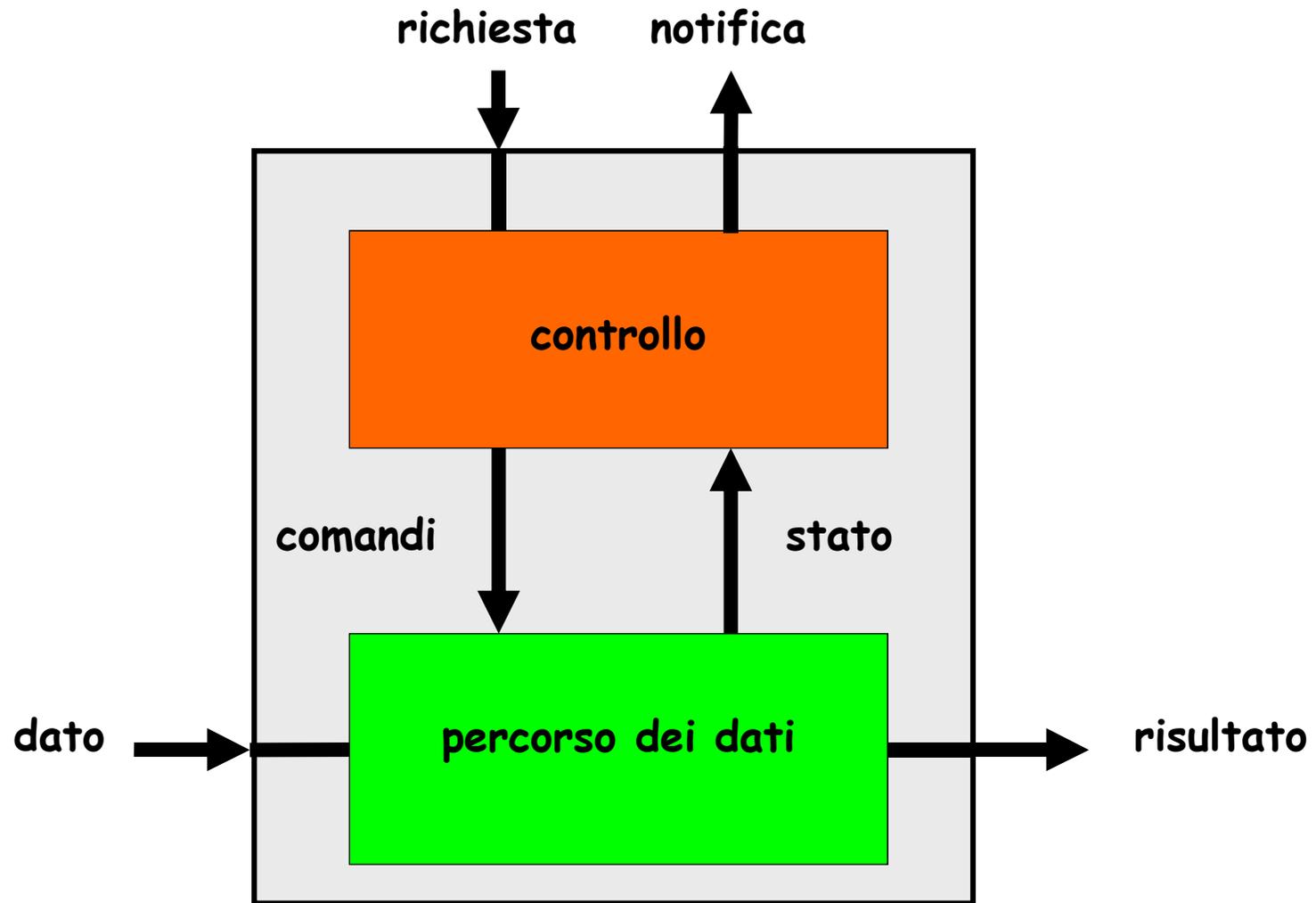


**Data-Path  
&  
Control Unit**

# Modello di riferimento

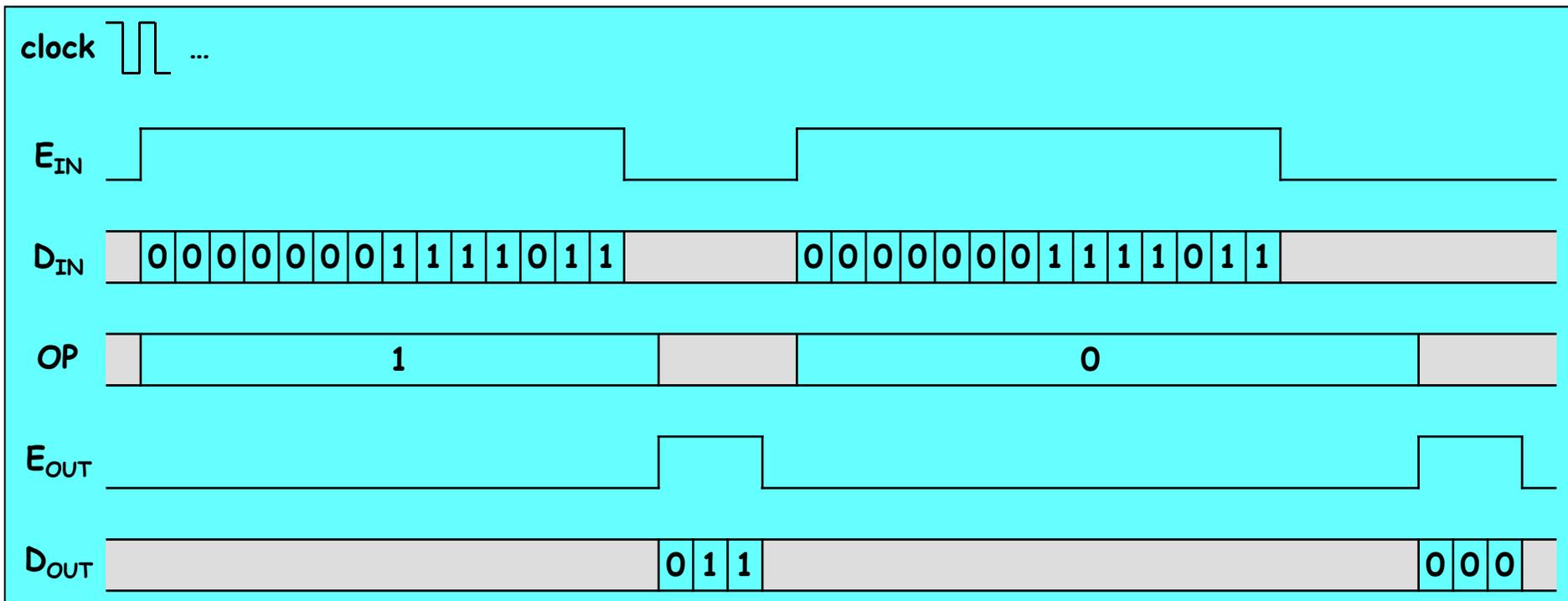


# Problema 1

Un sistema sequenziale sincrono è caratterizzato da tre segnali di ingresso ( $E_{IN}$ ,  $D_{IN}$ ,  $OP$ ) e da due segnali di uscita ( $E_{OUT}$ ,  $D_{OUT}$ ), tutti sincroni.

Attraverso l'ingresso  $D_{IN}$  il sistema riceve serialmente e a partire dal bit più significativo (MSB) numeri decimali di  $k = 4$  cifre rappresentati secondo il sistema di numerazione binario mediante  $h = \lceil \log_2(10^k) \rceil = 14$  bit. Il segnale  $E_{IN}$ , attivo (livello logico 1) per  $h$  periodi di clock, identifica l'intervallo di trasferimento in ingresso al sistema di ciascun numero  $N$ .

Compito del sistema è calcolare e generare in uscita il valore  $N_{\text{mod } 5}$  o  $N_{\text{mod } 3}$ , in dipendenza del valore 1 o 0, rispettivamente, assunto dal segnale di ingresso  $OP$ . Ciascun risultato, rappresentato secondo il sistema di numerazione binario mediante  $m = 3$  bit, deve essere trasferito in serie e a partire dal MSB attraverso l'uscita  $D_{OUT}$ . L'intervallo di generazione di ogni risultato deve essere evidenziato con l'attivazione del segnale  $E_{OUT}$  per  $m$  periodi di clock.



Il sistema deve essere strutturato in accordo al modello data-path & control unit. Il data-path comprende:

- ✧ una unità ( $U_1$ ) preposta alla conversione serie/parallelo e transcodifica binario/BCD dei dati di ingresso;
- ✧ una unità ( $U_2$ ) preposta alla elaborazione e generazione dei risultati di uscita.

L'unità  $U_1$  consiste di  $k = 4$  moduli identici  $M_3, M_2, M_1, M_0$ , ciascuno dei quali, al termine di ogni intervallo di attivazione del segnale  $E_{IN}$ , fornisce in uscita in parallelo 4 bit  $Q_3, Q_2, Q_1, Q_0$  che codificano in BCD ( $Q_3 \equiv$  MSB,  $Q_0 \equiv$  LSB) una cifra decimale, rispettivamente migliaia ( $n_3$ ), centinaia ( $n_2$ ), decine ( $n_1$ ) e unità ( $n_0$ ), del numero  $N \equiv (n_3 n_2 n_1 n_0)$  corrispondentemente ricevuto in ingresso. Ogni modulo è caratterizzato da un ulteriore segnale di uscita  $C_{OUT}$  (Carry<sub>OUT</sub>) e da 3 segnali di ingresso  $C_{IN}$  (Carry<sub>IN</sub>), R (Reset), S/H' (Shift/Hold'). L'ingresso  $C_{IN}$  di  $M_0$  è collegato a  $D_{IN}$ ; l'ingresso  $C_{IN}$  di  $M_i$  ( $i = 1, 2, 3$ ) è collegato all'uscita  $C_{OUT}$  di  $M_{i-1}$ . I segnali R e S/H' condizionano identicamente il funzionamento di tutti i moduli come segue:

$$\begin{aligned} (Q_3 Q_2 Q_1 Q_0)^{n+1} &= 0000 && \text{se } R^n = 1 \\ (Q_3 Q_2 Q_1 Q_0)^{n+1} &= (Q_3 Q_2 Q_1 Q_0)^n && \text{se } R^n = 0 \text{ e } (S/H')^n = 0 \\ (Q_3 Q_2 Q_1 Q_0)^{n+1} &= ((2 * (Q_3 Q_2 Q_1 Q_0) + C_{IN})_{\text{mod}10})^n && \text{se } R^n = 0 \text{ e } (S/H')^n = 1 \\ C_{OUT}^n &= ((2 * (Q_3 Q_2 Q_1 Q_0) + C_{IN}) / 10)^n \end{aligned}$$

L'unità  $U_2$  gestisce le cifre BCD di ciascun dato di ingresso rese disponibili in parallelo da  $U_1$ , calcolando il risultato R richiesto, in dipendenza del valore del segnale OP, come segue:

$$\begin{aligned} OP = 1 \quad \Rightarrow \quad R &= (n_0)_{\text{mod}5}; && OP = 0 \quad \Rightarrow \quad R = 0; \\ &&& \text{for } i = 0 \text{ to } k - 1; \\ &&& \quad R = (R + n_i)_{\text{mod}3}; \\ &&& \text{end\_for;} \end{aligned}$$

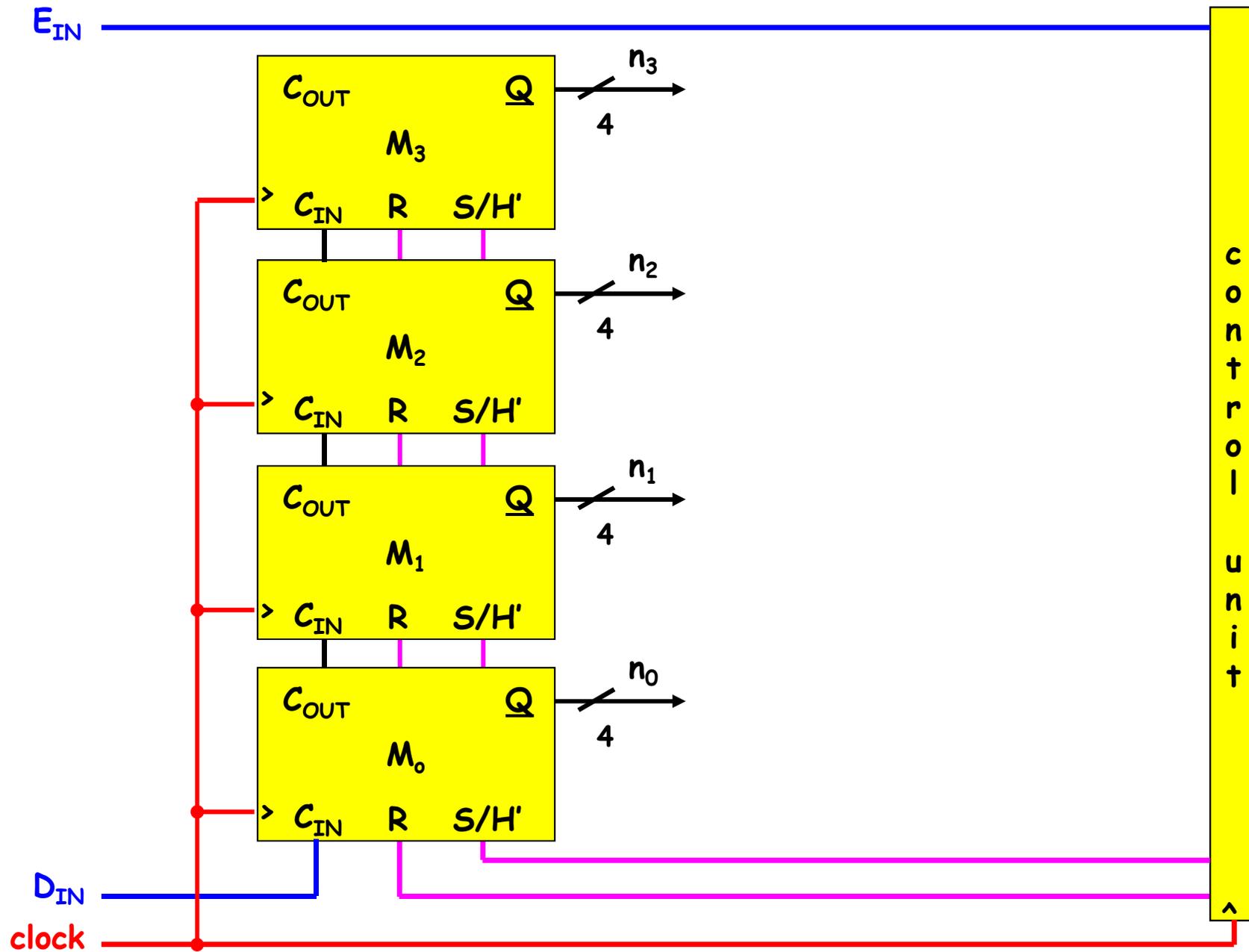
Tale unità comprende allo scopo un contatore con base di conteggio  $b = \max(k, m) = 4$  e dotato di comando di Reset (sincrono), un registro di  $m$  bit dotato di comando S/L' (Shift/Load'), un addizionatore binario a 4 bit e una rete combinatoria preposta al calcolo del modulo (5 o 3) dei risultati parziali e/o finale.

Si esegua il progetto del generico modulo dell'unità  $U_1$ .

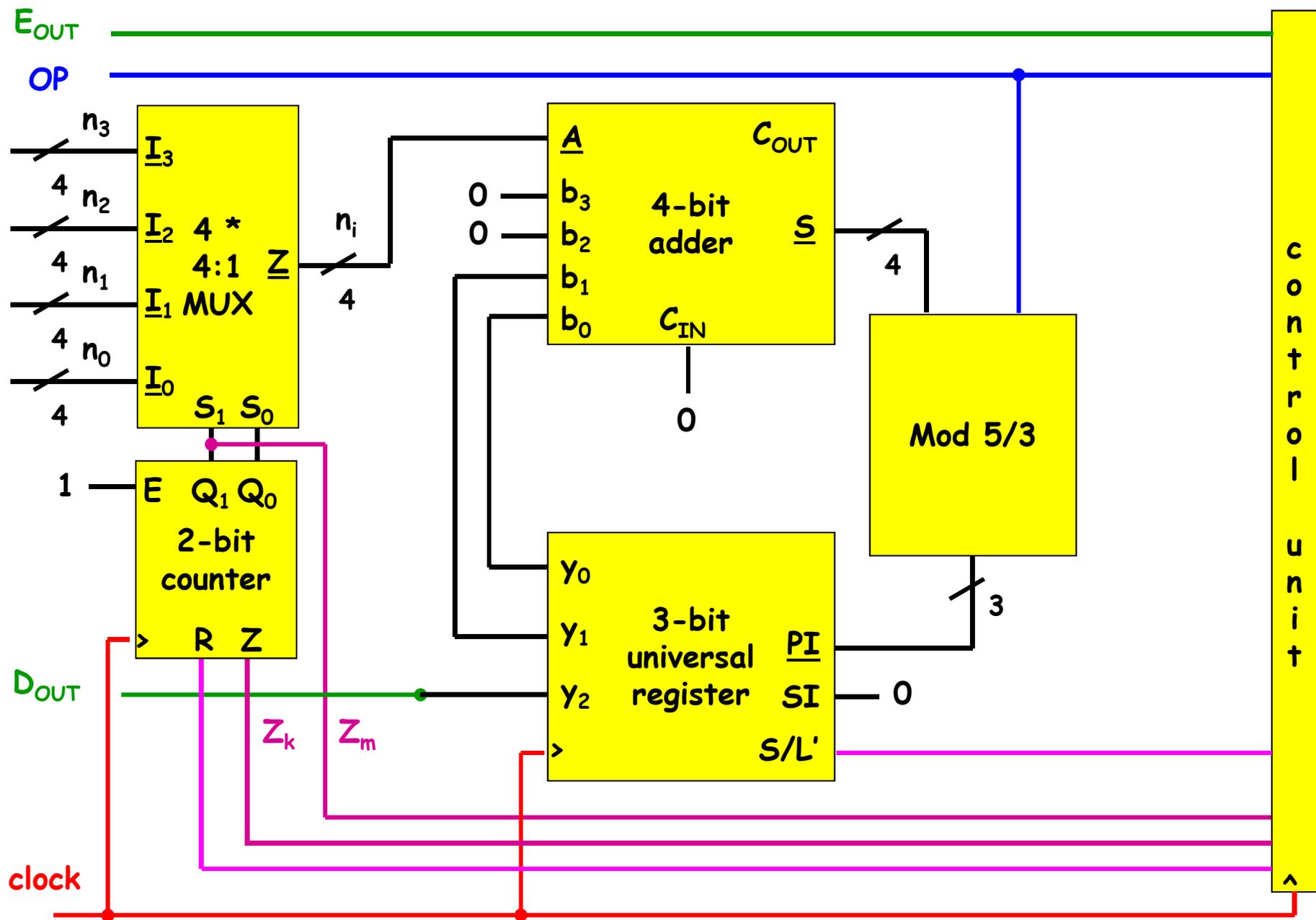
Si completi il progetto dell'unità  $U_2$ .

Si definisca il grafo degli stati dell'unità di controllo ed una sua possibile realizzazione basata su un contatore binario dotato di ingressi di Enable, Load e Reset (sincroni).

## L'unità di conversione e transcodifica dei dati di ingresso



# L'unità di elaborazione e generazione dei risultati di uscita



## Progetto del generico modulo di conversione e transcodifica dei dati di ingresso ...

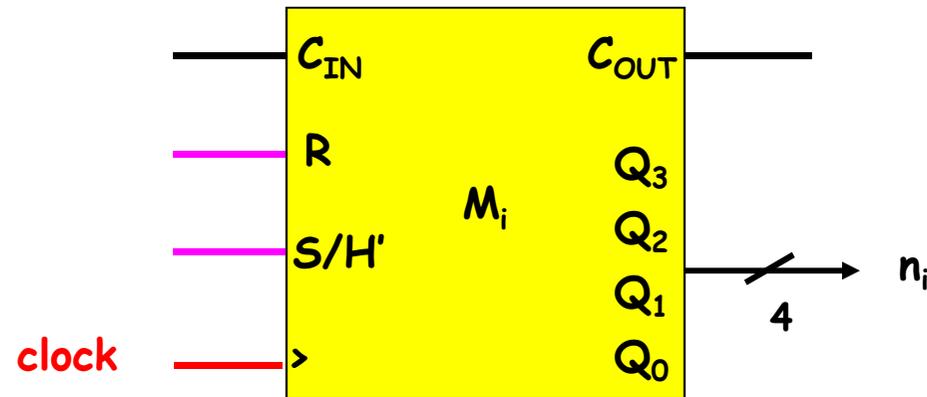
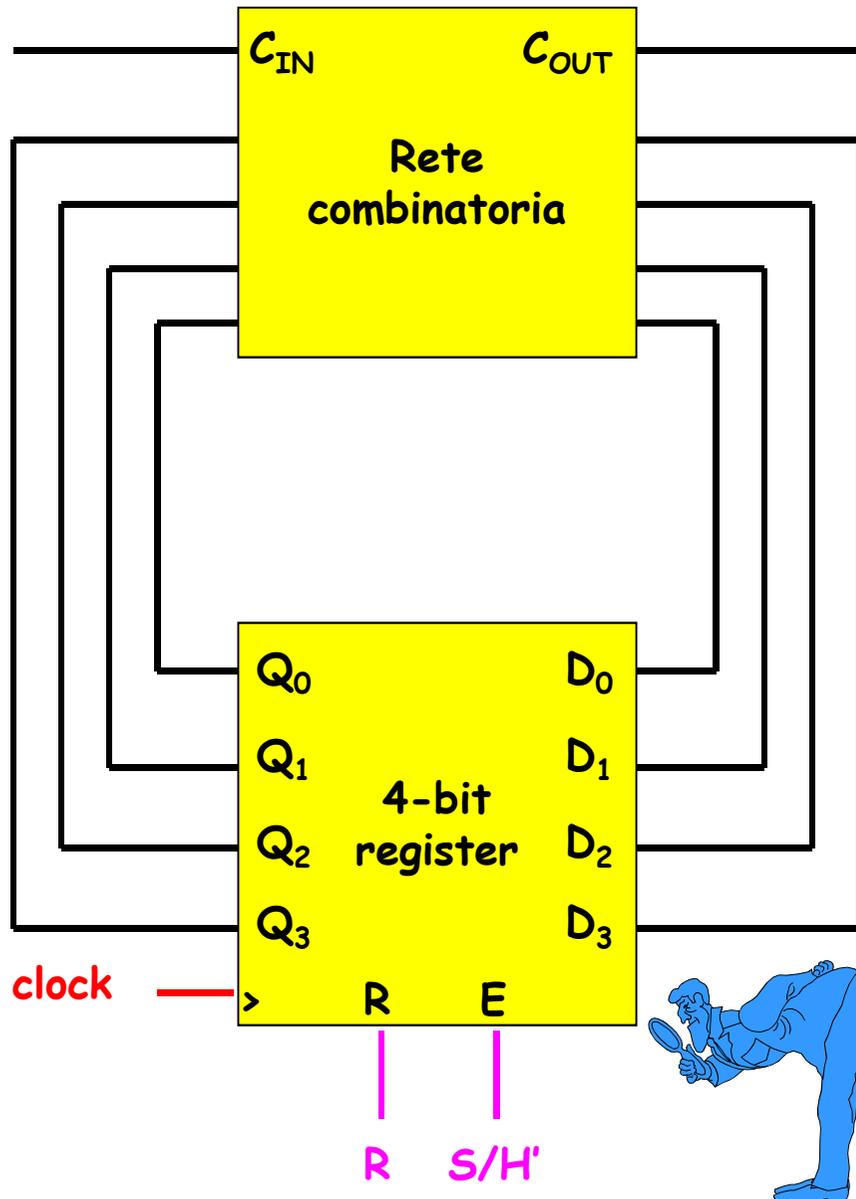


Tabella delle transizioni  
relativa a  
 $R = 0, S/H' = 1$

		$(Q_1 Q_0)^n$			
		00	01	11	10
$(C_{IN} Q_3 Q_2)^n$	000	0000,0	0010,0	0110,0	0100,0
	001	1000,0	0000,1	0100,1	0010,1
	011	----,-	----,-	----,-	----,-
	010	0110,1	1000,1	----,-	----,-
	100	0001,0	0011,0	0111,0	0101,0
	101	1001,0	0001,1	0101,1	0011,1
	111	----,-	----,-	----,-	----,-
	110	0111,1	1001,1	----,-	----,-
		$(Q_3 Q_2 Q_1 Q_0)^{n+1}, C_{OUT}^n$			

## ... Progetto del generico modulo di conversione e transcodifica dei dati di ingresso



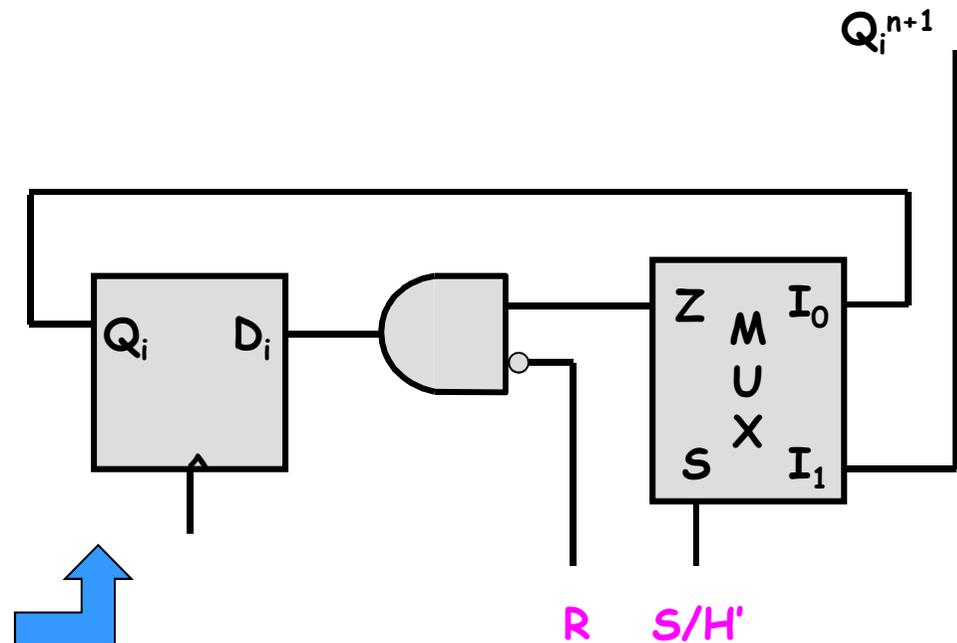
$$C_{OUT}^n = (Q_3 + Q_2(Q_1 + Q_0))^n$$

$$Q_3^{n+1} = (Q_2 Q_1' Q_0' + Q_3 Q_0)^n$$

$$Q_2^{n+1} = (Q_3 Q_0' + Q_2' Q_1 + Q_1 Q_0)^n$$

$$Q_1^{n+1} = (Q_3 Q_0' + Q_3' Q_2' Q_0 + Q_2 Q_1 Q_0')^n$$

$$Q_0^{n+1} = C_{IN}^n$$



## Progetto dell'unità di elaborazione e generazione dei risultati di uscita

		$S_1 S_0$			
		00	01	11	10
$OP S_3 S_2$	000	000	001	000	010
	001	001	010	001	000
	011	---	---	---	---
	010	010	000	010	001
	100	000	001	011	010
	101	100	000	010	001
	111	---	---	---	---
	110	011	100	---	---
		$PI_2 PI_1 PI_0$			

$$PI_2 = OP (S_2 S_1' S_0' + S_3 S_0)$$

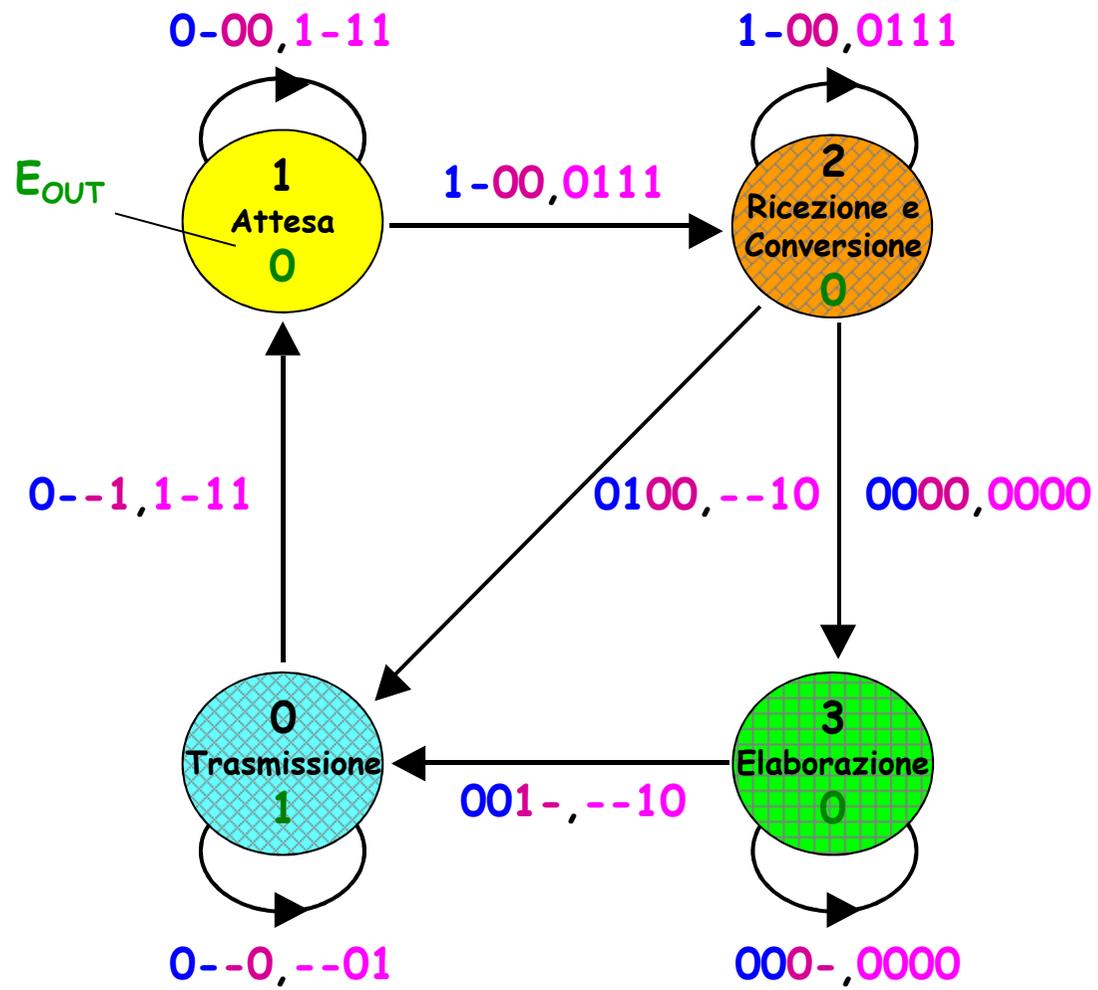
$$PI_1 = OP S_1 S_0 + OP' S_2 S_1' S_0 + S_3 S_1 S_0 + S_3 S_1' S_0' + S_3' S_2' S_1 S_0'$$

$$PI_0 = OP (S_3 S_0' + S_2' S_1 S_0 + S_2 S_1 S_0') + OP' (S_2 S_1' S_0' + S_2 S_1 S_0) + S_3 S_1 S_0' + S_3' S_2' S_1' S_0$$

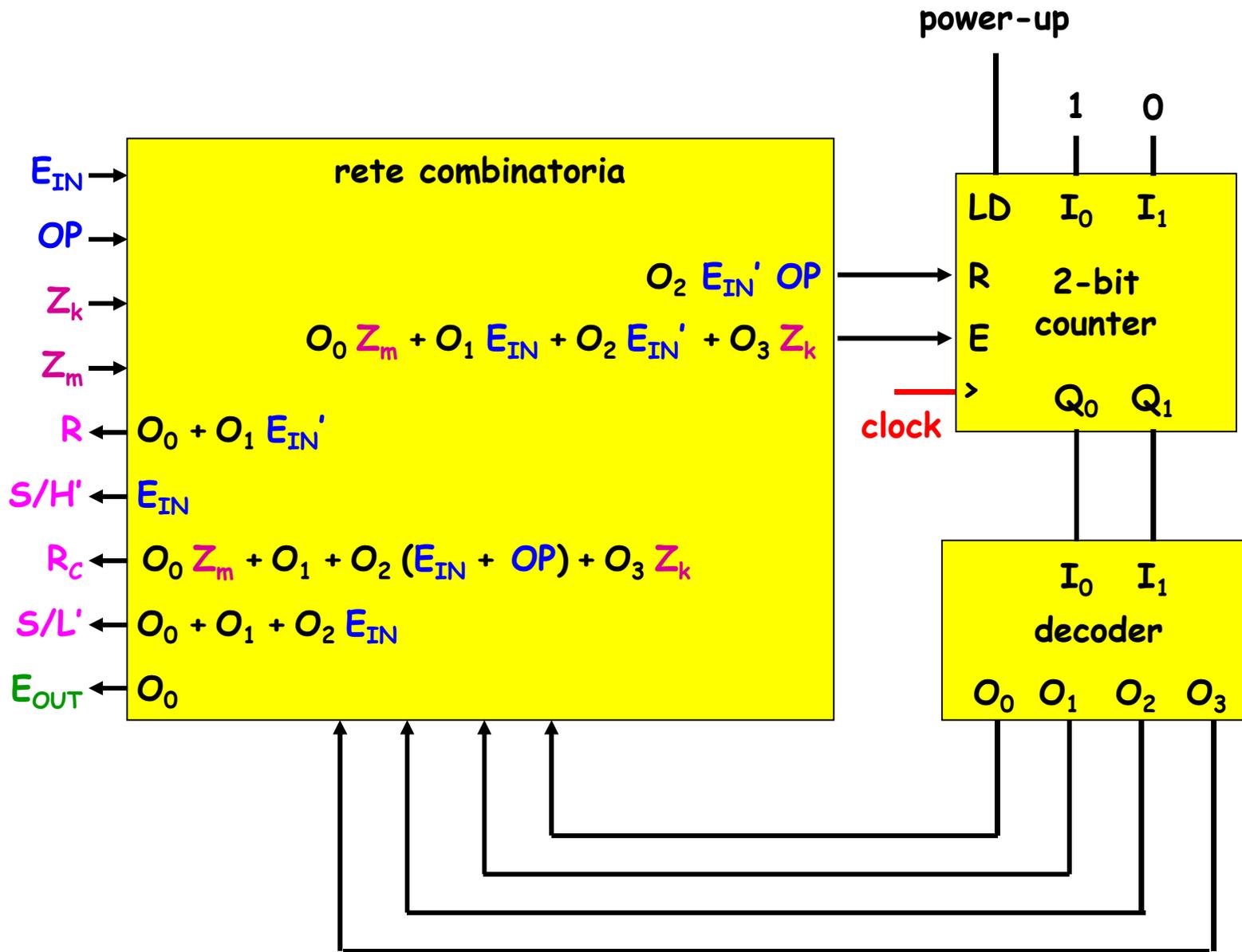
# Progetto dell'unità di controllo ...

## Grafo degli stati

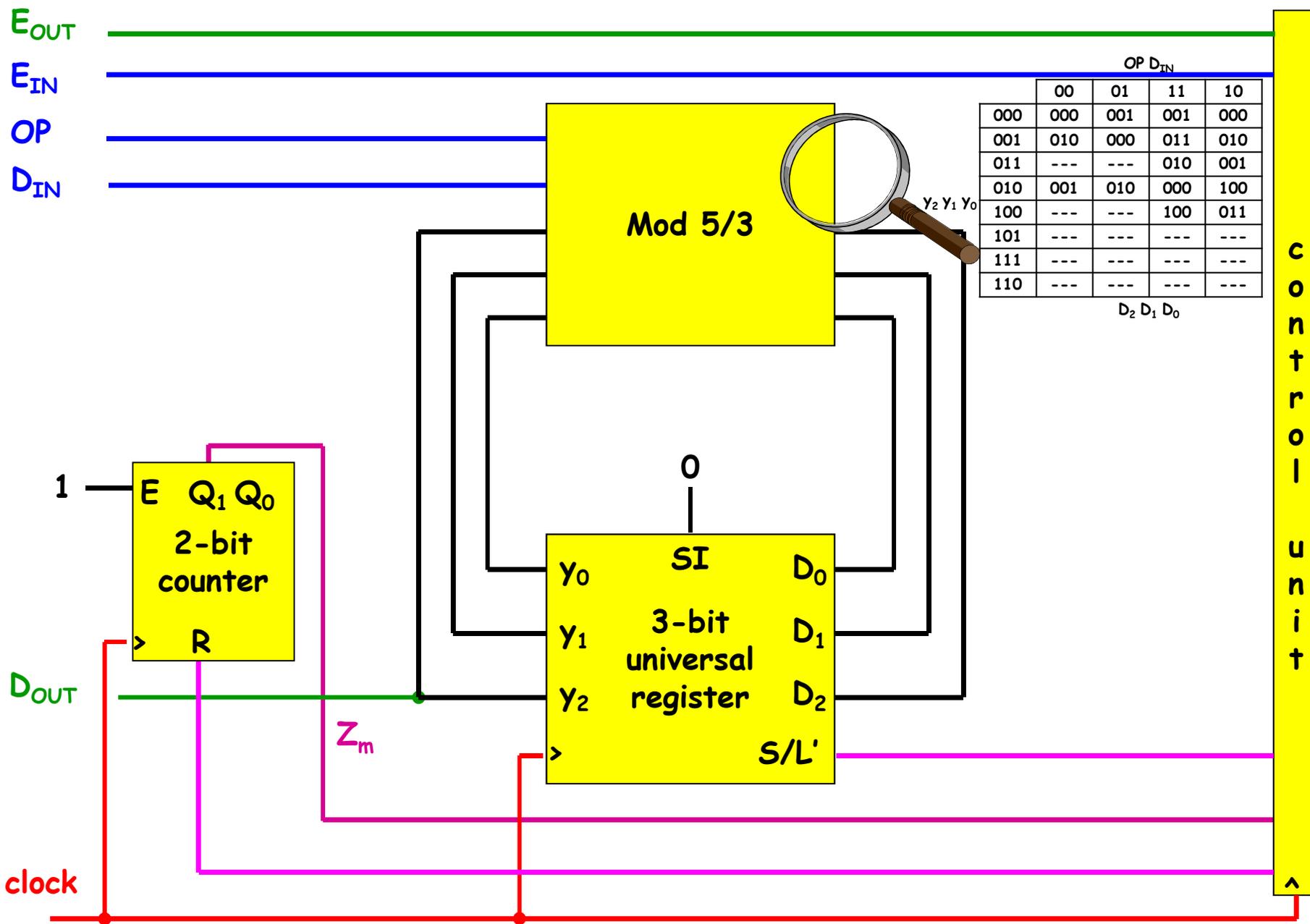
$E_{IN}$   $OP$   $Z_k$   $Z_m$   $R$   $S/H'$   $R_c$   $S/L'$



## ... Progetto dell'unità di controllo



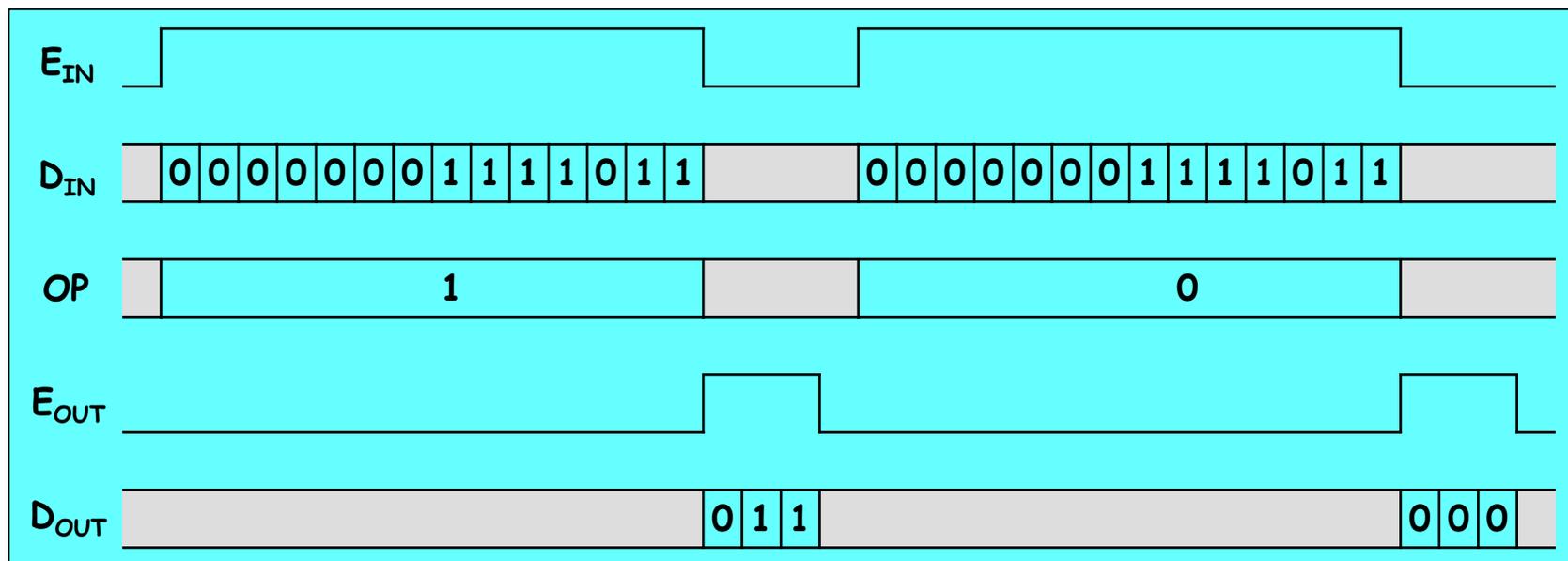
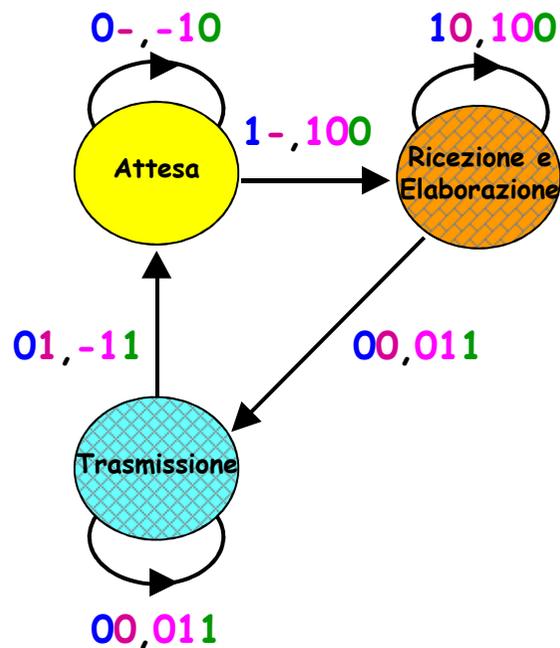
# Una possibile soluzione alternativa: calcolo "on-line" del risultato



## ... Una possibile soluzione alternativa

Grafo degli stati dell'unità di controllo

$E_{IN}$   $Z_m$   $R$   $S/L'$   $E_{OUT}$



## Problema 2

Un sistema sequenziale sincrono é caratterizzato da quattro segnali di ingresso (START,  $I_2$ ,  $I_1$ ,  $I_0$ ) e da due segnali di uscita ( $D_{out}$ , END), tutti sincroni. Il sistema, ad ogni attivazione del segnale START, ha il compito di generare serialmente in uscita uno fra i seguenti otto messaggi, in dipendenza del valore corrispondentemente assunto dagli altri ingressi  $I_2$ ,  $I_1$ ,  $I_0$ :

$$\begin{aligned} I_2 I_1 I_0 = 000 &\Rightarrow M_0 \equiv P_0 P_1 P_2 P_3 P_4 P_5 P_6 P_7, \\ I_2 I_1 I_0 = 001 &\Rightarrow M_1 \equiv P_1 P_2 P_3 P_4 P_5 P_6 P_7, \\ I_2 I_1 I_0 = 010 &\Rightarrow M_2 \equiv P_2 P_3 P_4 P_5 P_6 P_7, \\ I_2 I_1 I_0 = 011 &\Rightarrow M_3 \equiv P_3 P_4 P_5 P_6 P_7, \\ I_2 I_1 I_0 = 100 &\Rightarrow M_4 \equiv P_4 P_5 P_6 P_7, \\ I_2 I_1 I_0 = 101 &\Rightarrow M_5 \equiv P_5 P_6 P_7, \\ I_2 I_1 I_0 = 110 &\Rightarrow M_6 \equiv P_6 P_7, \\ I_2 I_1 I_0 = 111 &\Rightarrow M_7 \equiv P_7, \end{aligned}$$

essendo  $P_0, P_1, P_2, P_3, P_4, P_5, P_6$  e  $P_7$  parole di 8 bit codificate come segue:

$$\begin{aligned} P_0 &\equiv (P_{07} P_{06} P_{05} P_{04} P_{03} P_{02} P_{01} P_{00}) = 01010101, \\ P_1 &\equiv (P_{17} P_{16} P_{15} P_{14} P_{13} P_{12} P_{11} P_{10}) = 10101010, \\ P_2 &\equiv (P_{27} P_{26} P_{25} P_{24} P_{23} P_{22} P_{21} P_{20}) = 00110011, \\ P_3 &\equiv (P_{37} P_{36} P_{35} P_{34} P_{33} P_{32} P_{31} P_{30}) = 11001100, \\ P_4 &\equiv (P_{47} P_{46} P_{45} P_{44} P_{43} P_{42} P_{41} P_{40}) = 00111100, \\ P_5 &\equiv (P_{57} P_{56} P_{55} P_{54} P_{53} P_{52} P_{51} P_{50}) = 11000011, \\ P_6 &\equiv (P_{67} P_{66} P_{65} P_{64} P_{63} P_{62} P_{61} P_{60}) = 00001111, \\ P_7 &\equiv (P_{77} P_{76} P_{75} P_{74} P_{73} P_{72} P_{71} P_{70}) = 11110000. \end{aligned}$$

Ciascun messaggio  $M_i$  ( $i = 0, 1, \dots, 7$ ) deve essere preceduto da un prologo di sei bit e seguito da un epilogo di un bit.

I primi tre bit del prologo  $I_{i2}, I_{i1}, I_{i0}$  coincidono ordinatamente con il valore dei tre segnali di ingresso  $I_2, I_1, I_0$  da cui ha origine la selezione del messaggio stesso.

Gli altri tre bit del prologo  $N_{i2}, N_{i1}, N_{i0}$  codificano il "sequence number" del messaggio, ovvero un valore numerico via via incrementato modulo 8 ad ogni generazione di un messaggio del tipo  $M_i$ .

L'epilogo consiste nel bit di disparità  $D$  calcolato in base al valore di tutti i precedenti bit del messaggio.

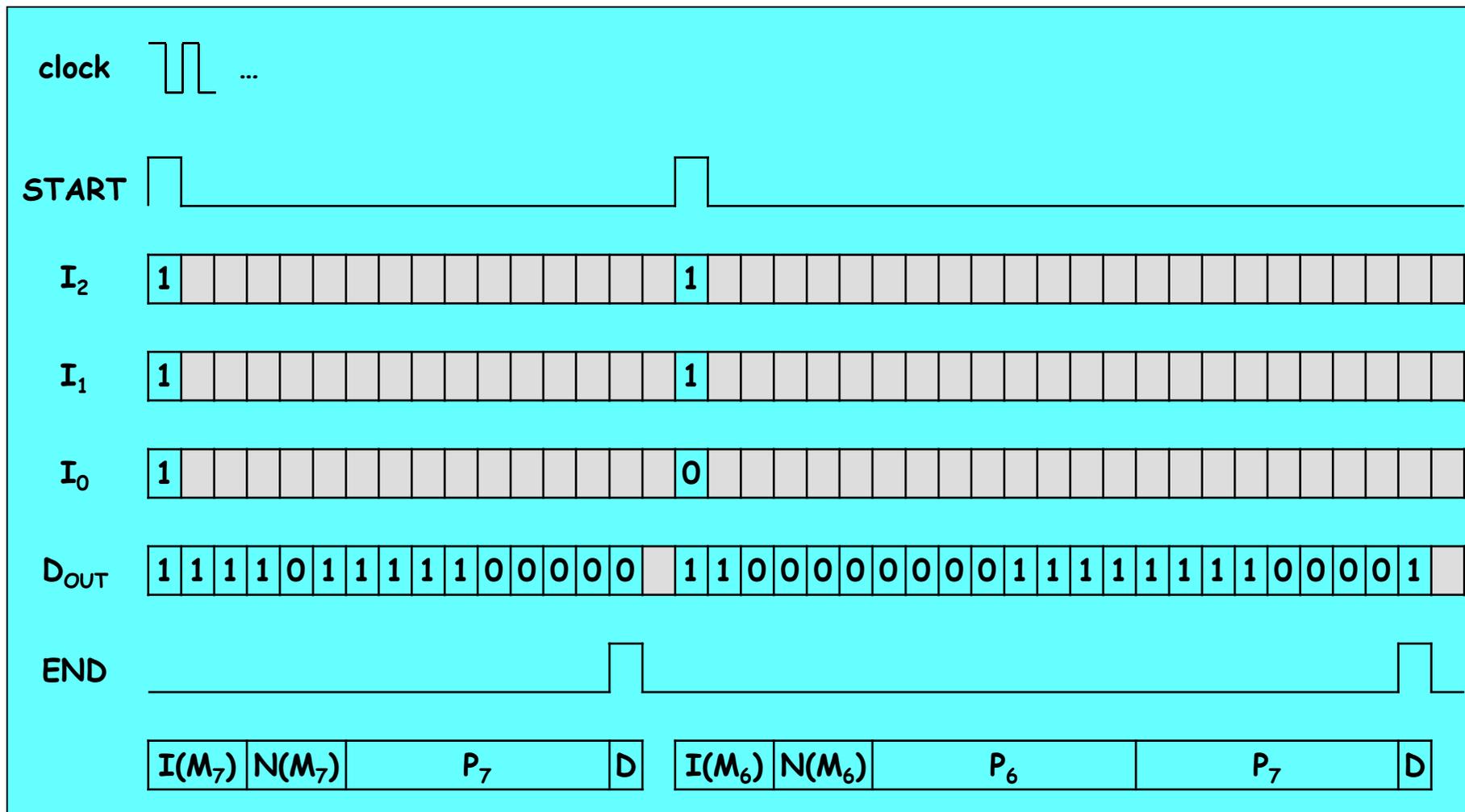
Il segnale START ha per ipotesi durata di attivazione (livello logico 1) unitaria. I segnali  $I_2, I_1, I_0$  sono da intendersi significativi soltanto in corrispondenza dell'intervallo di attivazione del segnale START. Il segnale END deve essere attivato (livello logico 1) in corrispondenza dell'intervallo di generazione dell'ultimo bit di ogni messaggio.

Il sistema deve essere strutturato in un'unità di controllo e in un data-path articolato, come indicato in figura, in:

- una unità di selezione di ciascun messaggio e di serializzazione dei singoli bit delle parole corrispondenti;
- una unità di elaborazione del numero di sequenza associato a ciascun tipo di messaggio;
- una unità di calcolo del bit di disparità associato a ciascun messaggio;
- una unità di moltiplicazione in uscita di tutti i bit (prologo, corpo ed epilogo) relativi a ciascun messaggio.

Si esegua il progetto delle suddette unità di elaborazione.

Si definisca il grafo degli stati dell'unità di controllo ed una sua possibile realizzazione basata su un contatore binario.



clock  ...

START 

I<sub>2</sub>



I<sub>1</sub>



I<sub>0</sub>

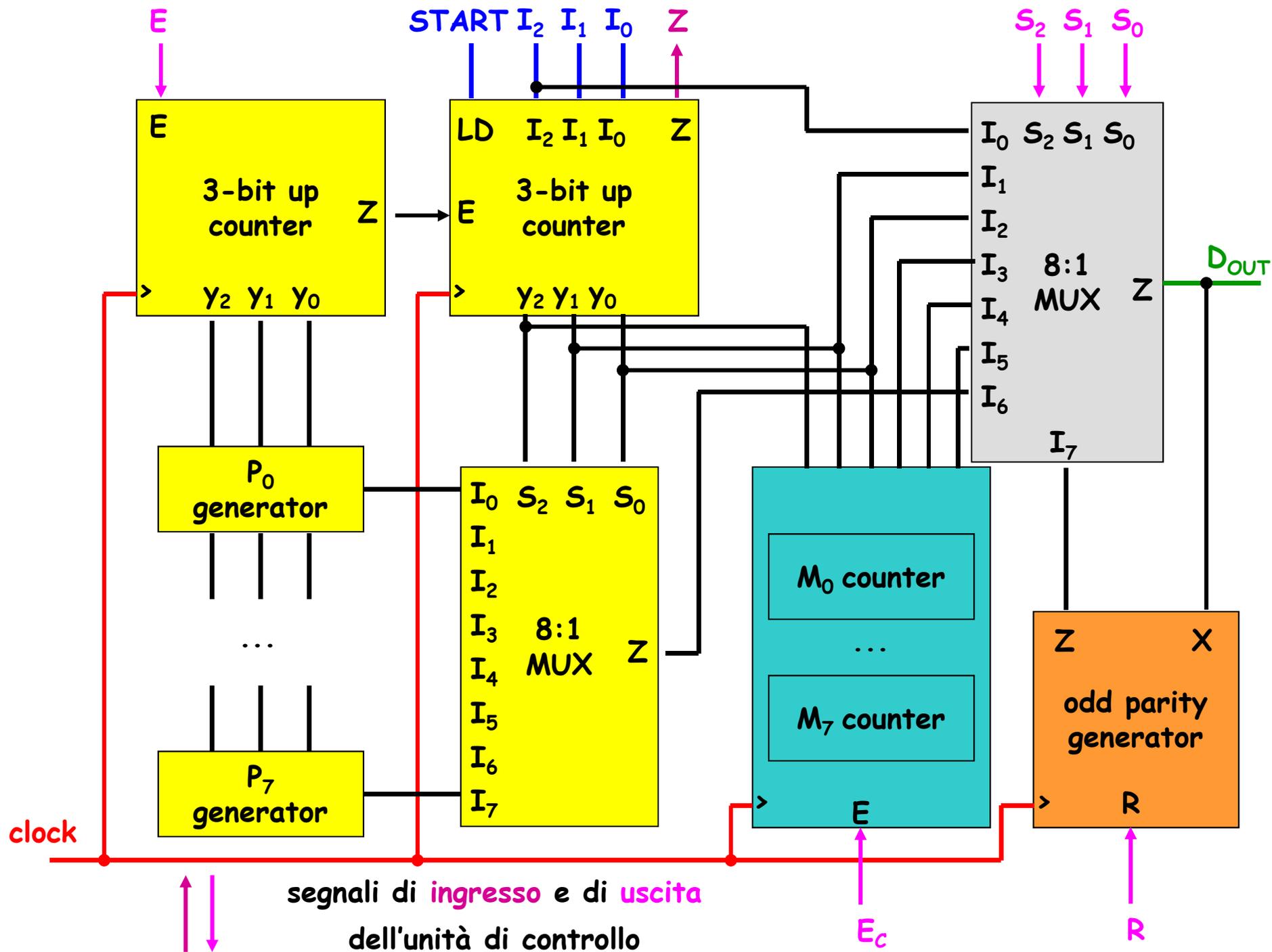


D<sub>OUT</sub>

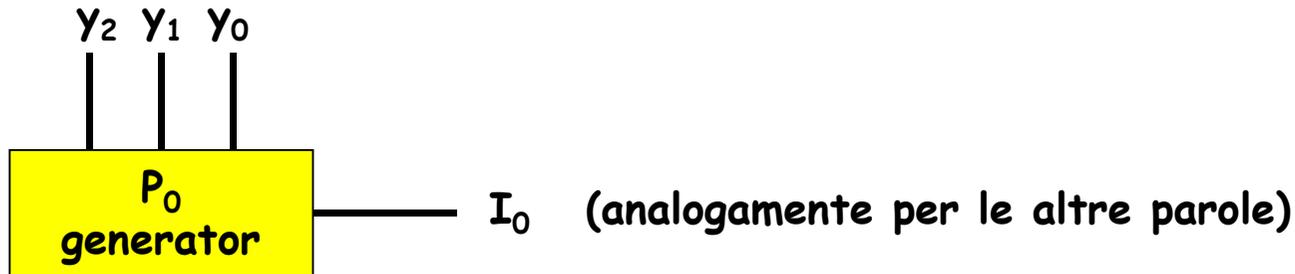


END 





# Progetto dei generatori delle parole

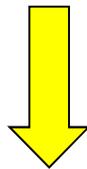


$$P_0 \equiv (P_{07} P_{06} P_{05} P_{04} P_{03} P_{02} P_{01} P_{00}) = 01010101$$

Realizzazione mediante

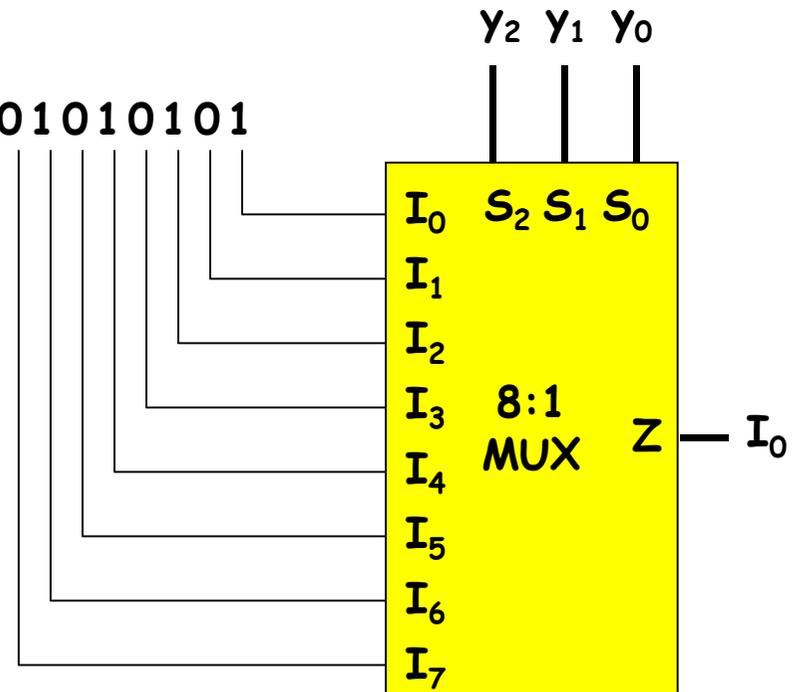
logica programmabile

o logica cablata

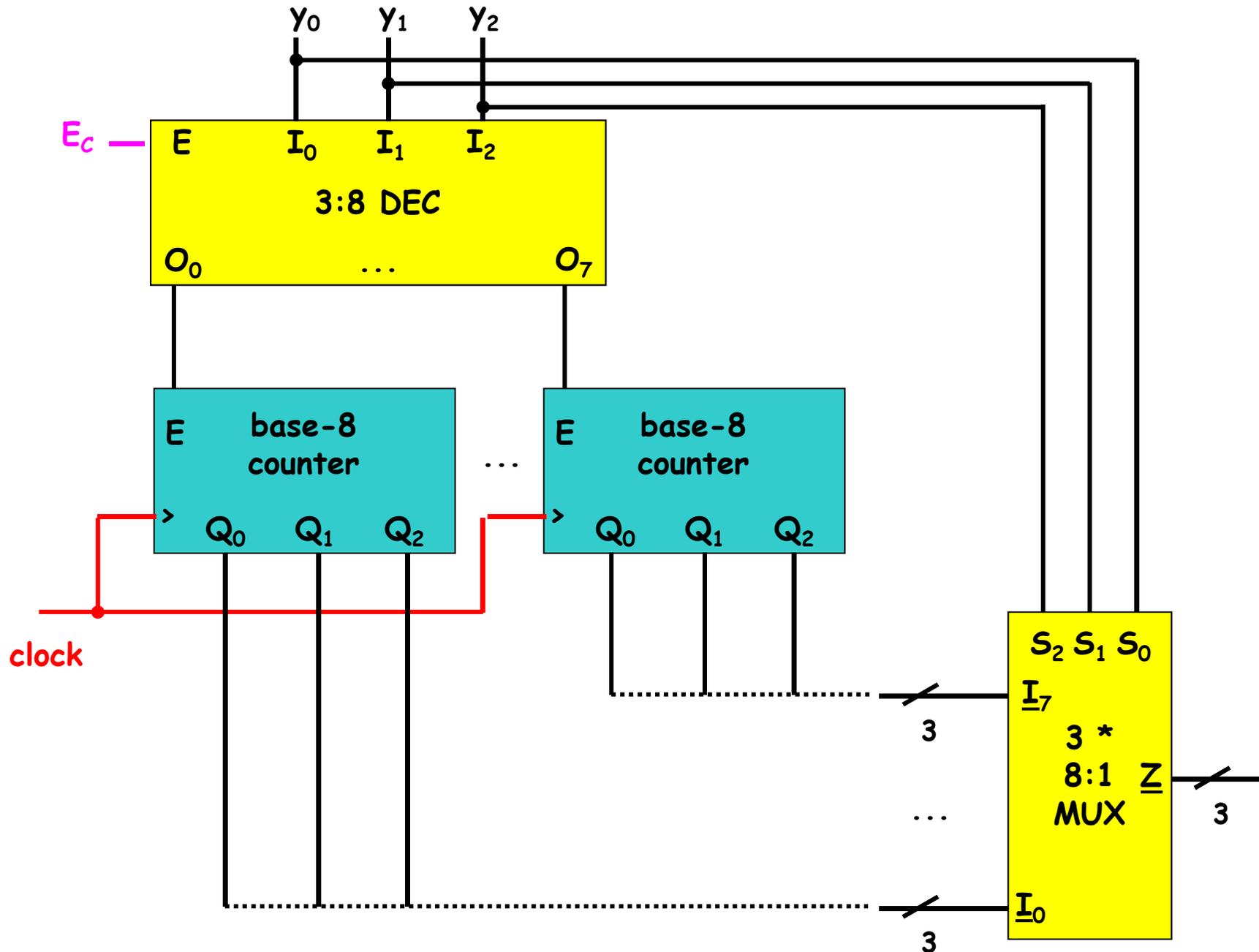


		$Y_1 Y_0$			
		00	01	11	10
$Y_2$	0	1	0	0	1
	1	1	0	0	1

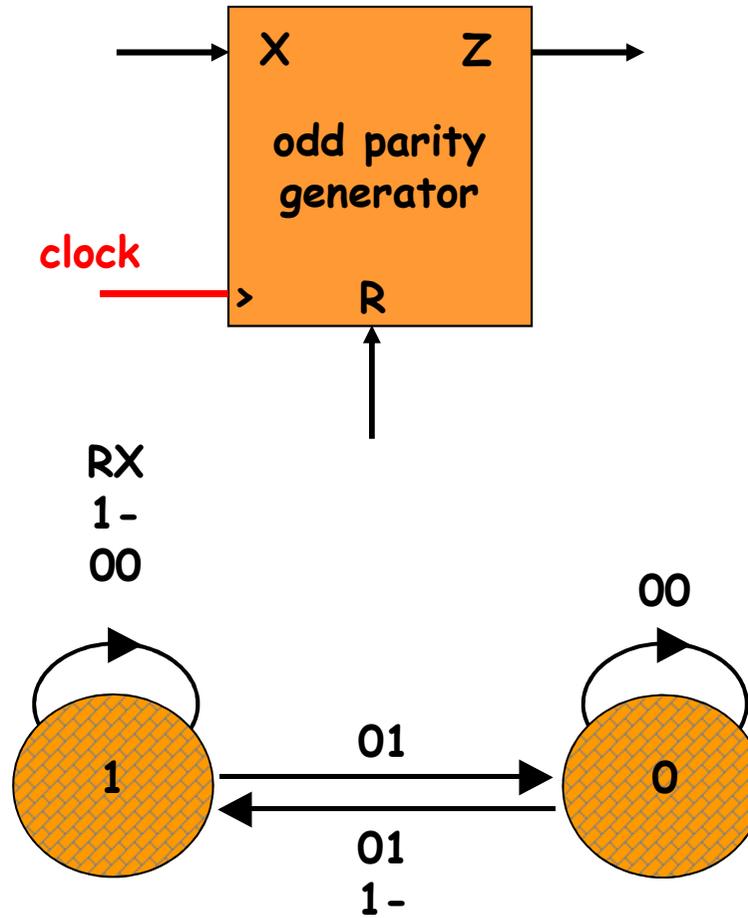
$$I_0 = Y_0'$$



# Progetto dei generatori dei "sequence number"



# Progetto del generatore del bit di disparità



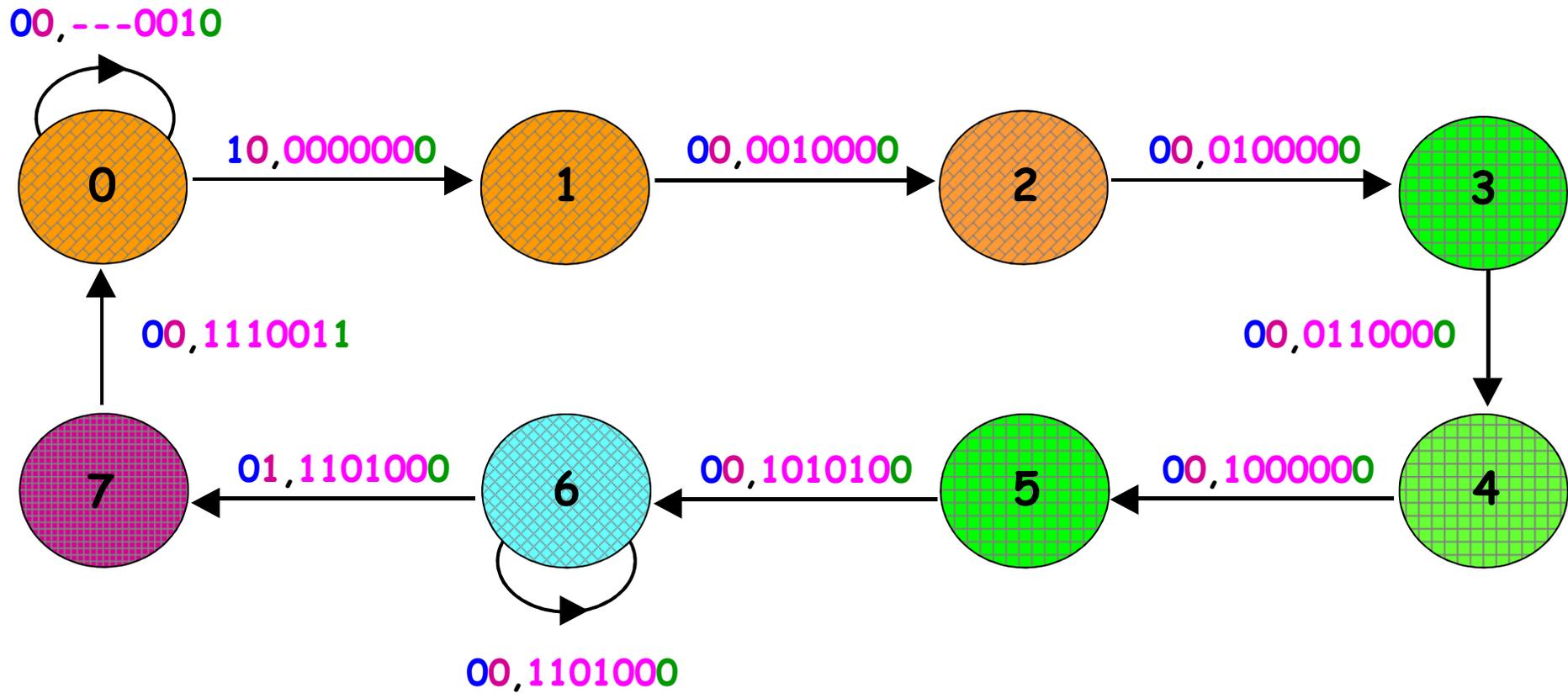
$$y^{n+1} = (R + (X \oplus y))^n$$

$$Z^n = y^n$$

# Progetto dell'unità di controllo

## Il grafo degli stati

Legenda: **START Z**,  $S_2 S_1 S_0$  **E**  $E_c$  **R** **END**



## Problema 3

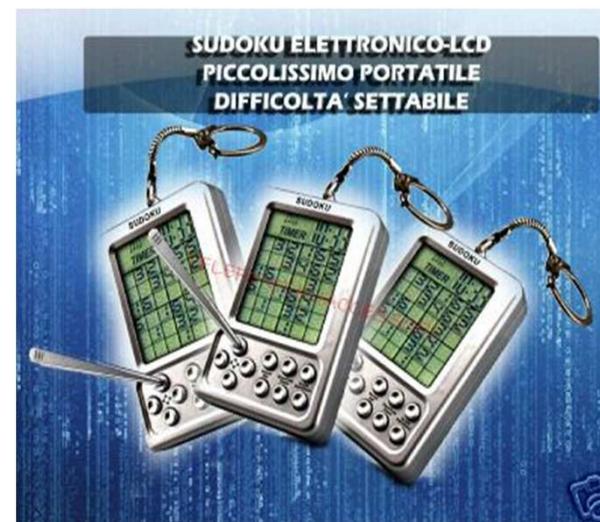
Il gioco del "SUDOKU" consiste nel riempire una matrice di 9x9 celle, o meglio nel completarne il riempimento essendo già predefinito il contenuto di un certo numero di esse in base all'annesso livello di difficoltà, in modo tale che nelle 9 celle di ciascuna riga  $R_i$  ( $i = 1, 2, \dots, 9$ ), di ciascuna colonna  $C_j$  ( $j = 1, 2, \dots, 9$ ) e di ciascuna sottomatrice  $S_k$  ( $k = 1, 2, \dots, 9$ ) siano presenti tutte, e quindi ognuna una sola volta, le nove cifre decimali 1, 2, ..., 9.

Nelle versioni portatili disponibili in commercio, la console del "SUDOKU GAME" comprende, oltre al display della matrice di celle, alcuni tasti funzionali per mezzo dei quali il giocatore può avviare un nuovo gioco selezionandone il livello di difficoltà, definire il valore numerico da associare ad ogni cella della matrice il cui contenuto non sia già predefinito, segnalare la conclusione del gioco sottoponendo così a verifica la soluzione individuata.

$S_1$	$C_1$	$C_2$	...	$C_9$	$S_3$	
$R_1$				8	5	6
$R_2$	1		3	5		4
		8		1	7	9
	7	1	2	9	4	
⋮						
⋮	9		5	8	6	7
		7	4	5		6
	1		8		3	4
$R_9$	5	4	1			
$S_7$						
						$S_9$

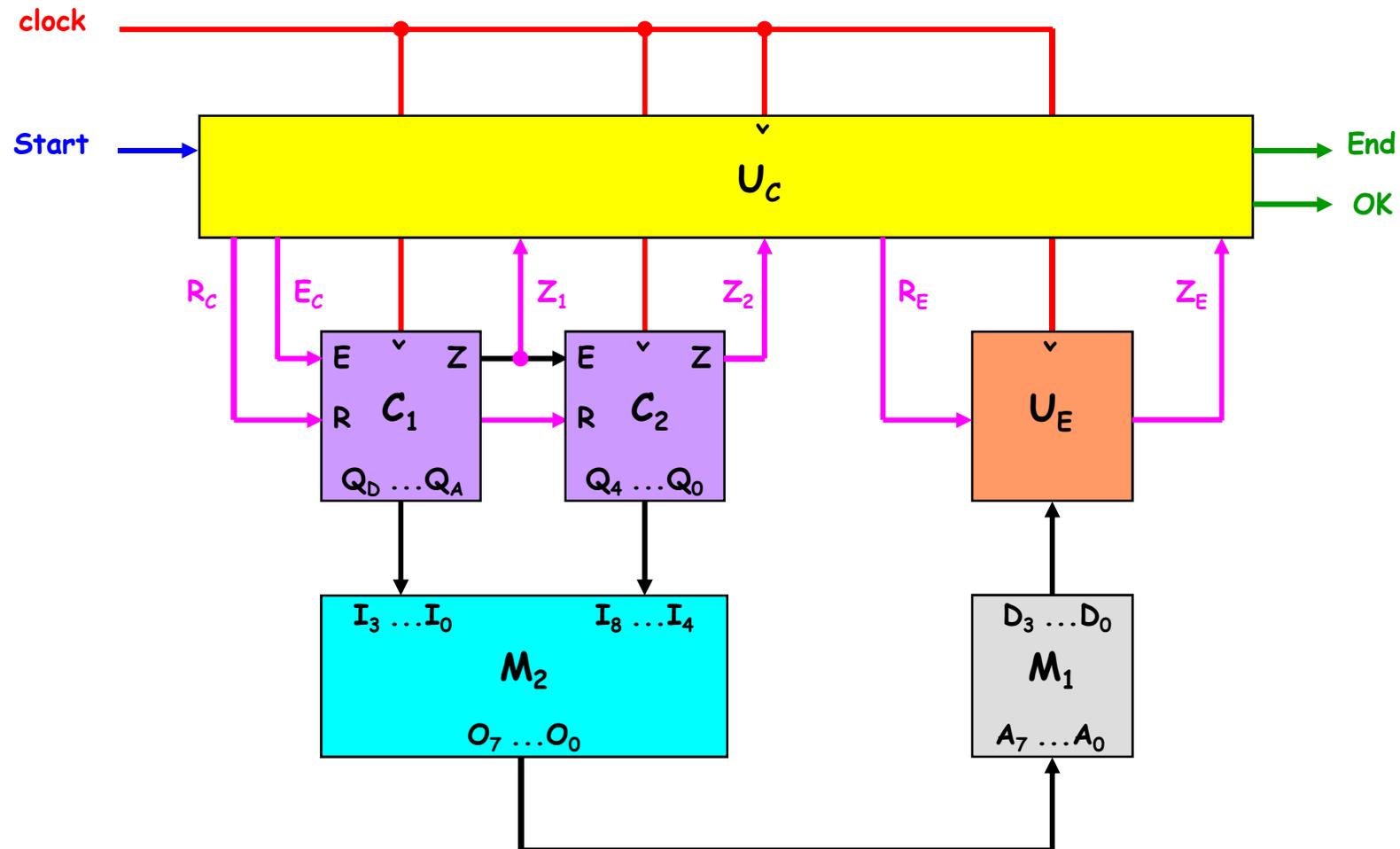
  

2	7	3	9	4	8	1	5	6
6	1	9	3	2	5	8	7	4
4	5	8	6	1	7	9	2	3
7	3	1	2	9	4	5	6	8
8	6	5	7	3	1	4	9	2
9	2	4	5	8	6	7	3	1
3	8	7	4	5	2	6	1	9
1	9	6	8	7	3	2	4	5
5	4	2	1	6	9	3	8	7

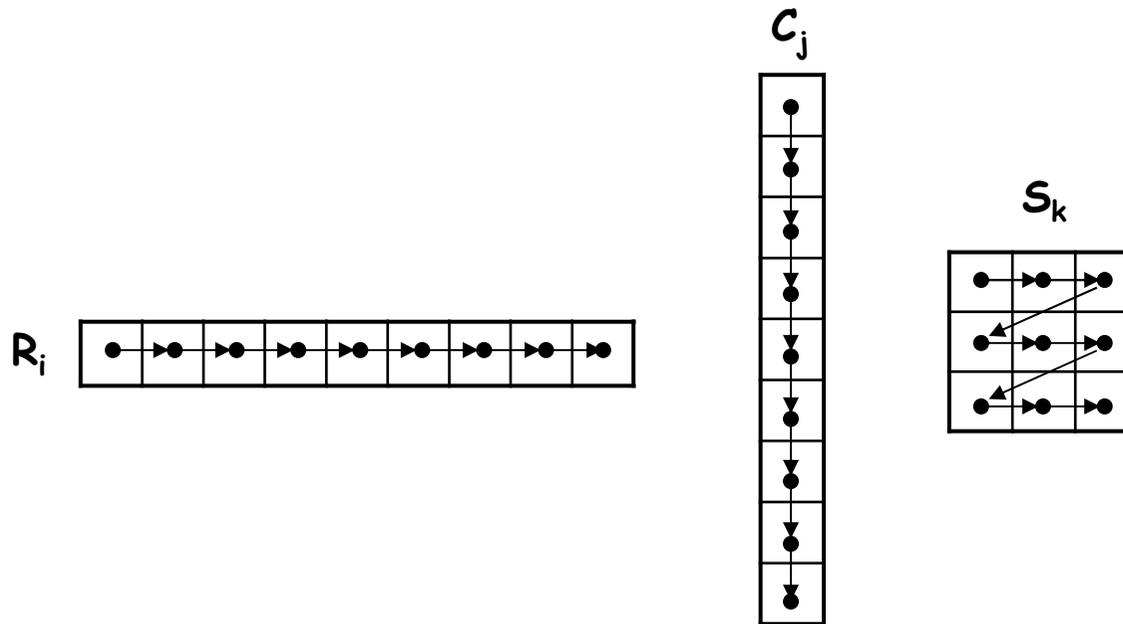


Limitando il progetto agli aspetti realizzativi connessi con quest'ultima funzionalità, il (sotto)sistema di controllo può essere strutturato, in accordo al modello "Data-Path & Control Unit", come indicato in figura.

L'unità di controllo  $U_C$ , avvalendosi delle risorse previste a livello di Data-Path e coordinandone opportunamente il funzionamento, ha il compito di gestire il processo di verifica della correttezza di una soluzione del gioco ogni qual volta viene dall'esterno attivato (livello logico 1, durata unitaria) il segnale di ingresso Start. Completata la verifica,  $U_C$  deve prontamente notificarne in uscita l'esito tramite il segnale OK (OK = 1 in caso di esito positivo, OK = 0 in caso contrario), contestualmente attivando (livello logico 1, durata unitaria) il segnale di uscita End.



Il processo di verifica consiste nell'esaminare in sequenza i 27 sottoinsiemi di 9 celle della matrice (le 9 righe, le 9 colonne, le 9 sottomatrici), al fine di accertare se il relativo contenuto viola o meno le regole del gioco (nel primo caso è chiaramente del tutto inutile estendere l'indagine ai successivi sottoinsiemi). L'ordine secondo cui procedere nella scansione dei sottoinsiemi è  $R_1, R_2, \dots, R_9, C_1, C_2, \dots, C_9, S_1, S_2, \dots, S_9$ , mentre quello delle celle nell'ambito di un sottoinsieme è evidenziato in figura.



Il compito di evidenziare, una volta completata la scansione delle 9 celle di un sottoinsieme, se esse contengono valori numerici distinti è affidato all'unità di elaborazione  $U_E$  (segnale di uscita  $Z_E = 1$ ).

Il ruolo di discriminare quale sia, in ogni intervallo di clock, il particolare sottoinsieme oggetto di indagine, e nell'ambito di esso la specifica cella, è affidato ai due contatori binari  $C_1$  (base di conteggio 9) e  $C_2$  (base di conteggio 27), dotati di segnale di reset sincrono ed opportunamente disposti in cascata. Più precisamente, le variabili di stato di  $C_2$  ( $Q_4$  (MSB),  $Q_3, Q_2, Q_1, Q_0$  (LSB)) identificano il sottoinsieme di celle (il 1°, ovvero  $R_1$ , allorché  $Q_4Q_3Q_2Q_1Q_0 = 00000$ , ..., il 27°, ovvero  $S_9$ , allorché  $Q_4Q_3Q_2Q_1Q_0 = 11010$ ), mentre quelle di  $C_1$  ( $Q_D$  (MSB),  $Q_C, Q_B, Q_A$  (LSB)) la specifica cella (la 1ª allorché  $Q_DQ_CQ_BQ_A = 0000$ , ..., la 9ª allorché  $Q_DQ_CQ_BQ_A = 1000$ ).

Per ipotesi, i valori numerici associati alle 81 celle della matrice, ciascuno rappresentato secondo il codice BCD, sono disponibili nell'unità di memoria  $M_1$  (del tipo RAM).

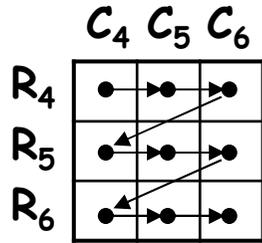
Tale memoria, contraddistinta da 8 bit di ingresso  $A_7$  (MSB),  $A_6, A_5, A_4, A_3, A_2, A_1, A_0$  (LSB) e da 4 bit di (ingresso-)uscita  $D_3$  (MSB),  $D_2, D_1, D_0$  (LSB), fornisce in uscita il valore numerico associato alla cella corrispondente alla riga  $R_i$  e alla colonna  $C_j$  ( $i, j = 1, 2, \dots, 9$ ) a fronte della presentazione in ingresso dell'indirizzo  $A \equiv A_{MSD}A_{LSD} = (ij)_{BCD}$ , essendo  $A_{MSD} \equiv A_7A_6A_5A_4$ ,  $A_{LSD} \equiv A_3A_2A_1A_0$  (l'indirizzo  $A_7A_6A_5A_4A_3A_2A_1A_0 = 00010001$  seleziona il contenuto della prima cella (in alto a sinistra) della matrice, ..., l'indirizzo  $A_7A_6A_5A_4A_3A_2A_1A_0 = 10011001$  quello dell'ultima cella (in basso a destra)).

L'unità di memoria  $M_2$  (del tipo ROM), contraddistinta da 9 bit di ingresso  $I_8$  (MSB),  $I_7, I_6, I_5, I_4, I_3, I_2, I_1, I_0$  (LSB), nell'ordine connessi a  $Q_4Q_3Q_2Q_1Q_0Q_DQ_CQ_BQ_A$ , e da 8 bit di uscita  $O_7$  (MSB),  $O_6, O_5, O_4, O_3, O_2, O_1, O_0$  (LSB), nell'ordine connessi a  $A_7A_6A_5A_4A_3A_2A_1A_0$ , è quindi prevista allo scopo di generare l'indirizzo della cella oggetto di indagine in ogni intervallo di clock a partire dalla corrispondente modalità di identificazione adottata nell'ambito dell'unità di conteggio.

Motivando esplicitamente tutte le decisioni progettuali operate ed assumendo che il tempo complessivo di accesso alle due memorie  $M_1$  e  $M_2$  disposte in serie sia sensibilmente inferiore rispetto al periodo del segnale di clock ( $T_{CLK} = 1 \mu s$ ) in base al quale opera il sistema:

- si definisca l'indirizzo ed il contenuto delle locazioni di memoria di  $M_2$  corrispondenti alle celle della sottomatrice  $S_5$ ;
- si esegua il progetto dell'unità di elaborazione  $U_E$  (ingressi:  $R_E$  (reset); uscite:  $Z_E$ ), avvalendosi dei componenti ritenuti più idonei allo scopo;
- si formalizzi il comportamento dell'unità di controllo  $U_C$  in termini di automa a stati finiti (ingressi: Start,  $Z_1, Z_2, Z_E$ ; uscite:  $R_C, E_C, R_E$  (modello di Moore), End, OK (modello di Mealy));
- si individui il tempo massimo impiegato dal sistema per attuare il processo di verifica.

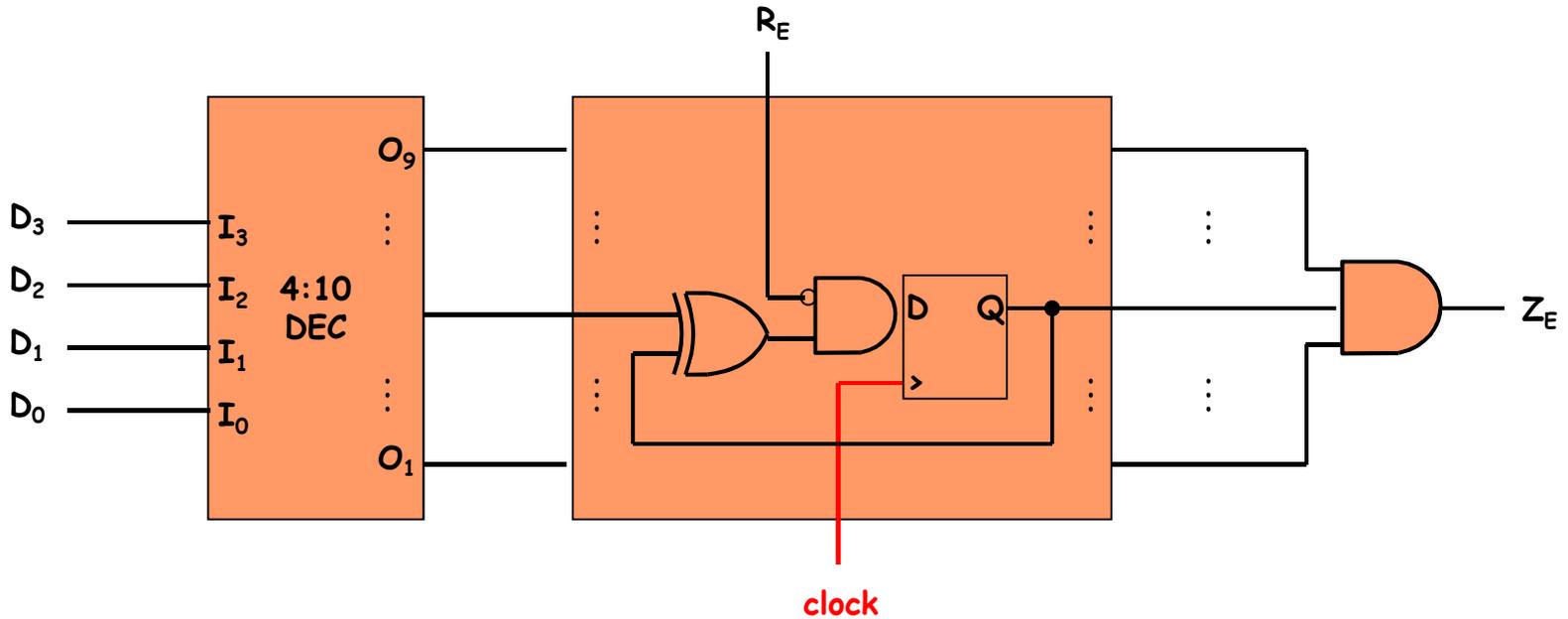
**M<sub>2</sub>**



**S<sub>5</sub>**    23° sottoinsieme:  $23-1 = (10110)_2 = (16)_{\text{HEX}}$

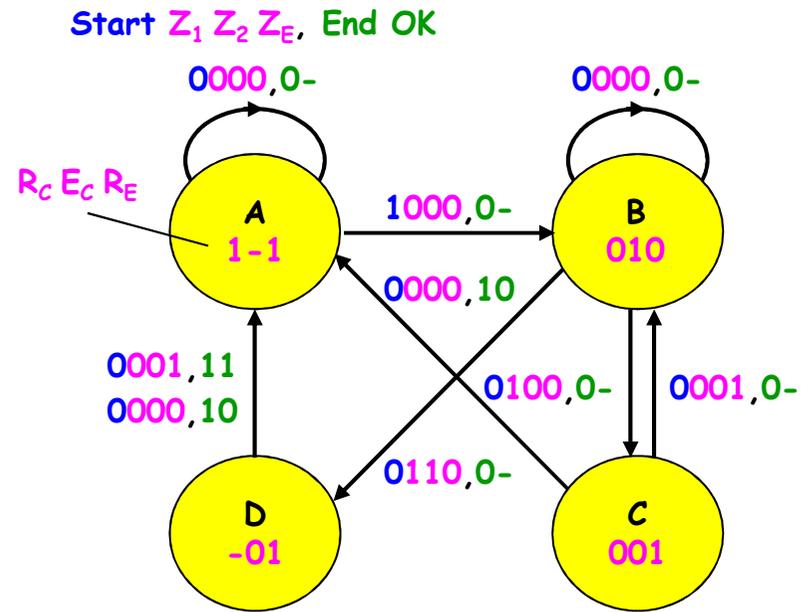
$(I_8 \dots I_0)_{\text{HEX}}$	$(O_7 \dots O_0)_{\text{BCD}}$
160	44
161	45
162	46
163	54
164	55
165	56
166	64
167	65
168	66

**U<sub>E</sub>**



**U<sub>C</sub>**

Q <sub>4</sub> ... Q <sub>0</sub>	22									23				
Q <sub>D</sub> ... Q <sub>A</sub>	0	1	2	3	4	5	6	7	8	0	0	1	2	...
D <sub>3</sub> ... D <sub>0</sub>	2	9	4	7	3	1	5	8	6	...	...	...	...	...
R <sub>C</sub>	[Signal trace]													
E <sub>C</sub>	[Signal trace]													
Z <sub>1</sub>	[Signal trace]													
Z <sub>2</sub>	[Signal trace]													
Z <sub>E</sub>	[Signal trace]													
R <sub>E</sub>	[Signal trace]													
stato U <sub>C</sub>	B									C		B		



$$t_{MAX} = 27 * (9 + 1) T_{CLK} = 270 \mu s$$

## Problema 4

Un sistema digitale, operante in base ad un segnale di clock di frequenza  $f_q$ , ha il compito di generare in uscita un segnale analogico con forma d'onda triangolare o a dente di sega.

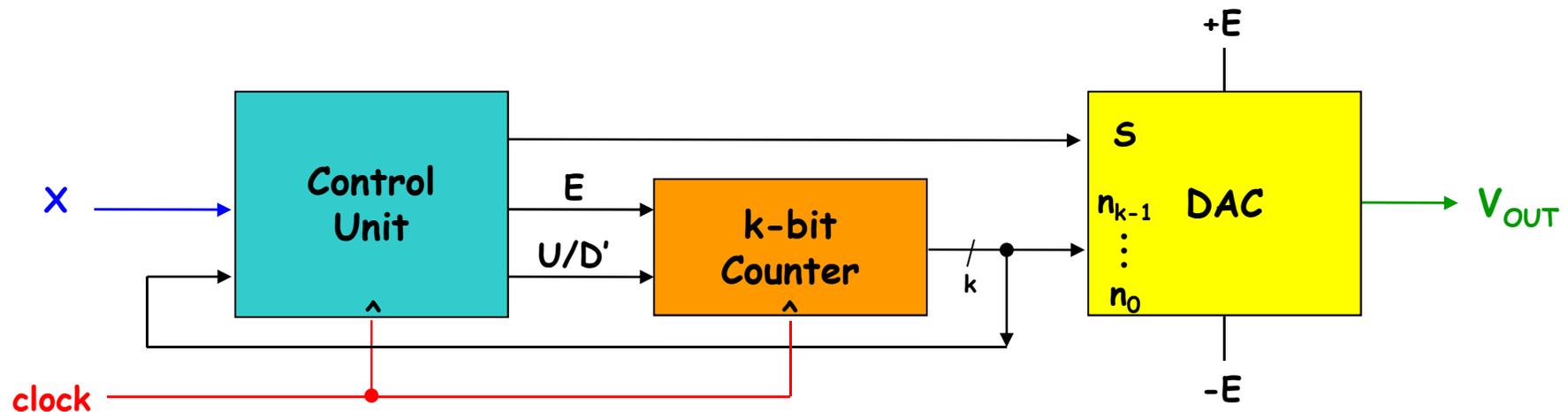
A tal fine il sistema si avvale di un convertitore digitale/analogico (DAC), dotato di duplice sorgente di alimentazione in continua ( $\pm E$  Volt). La tensione  $V_{OUT}$  che il DAC fornisce in uscita, di valore compreso nell'intervallo  $[-E, +E]$ , dipende dalla configurazione contestualmente assunta dai relativi  $k+1$  segnali digitali di ingresso  $n_{k-1}, \dots, n_1, n_0, S$ . Più precisamente, la configurazione binaria  $N \equiv \{n_{k-1} \text{ (MSB)} \dots n_1 n_0 \text{ (LSB)}\}$  dei primi  $k$  segnali definisce il valore assoluto di  $V_{OUT}$  ( $|V_{OUT}| = N E / (2^k - 1)$ ), mentre il segnale  $S$  ne stabilisce la polarità (positiva se  $S = 0$ , negativa se  $S = 1$  (il valore di  $S$  è irrilevante se  $N = 0$ )).

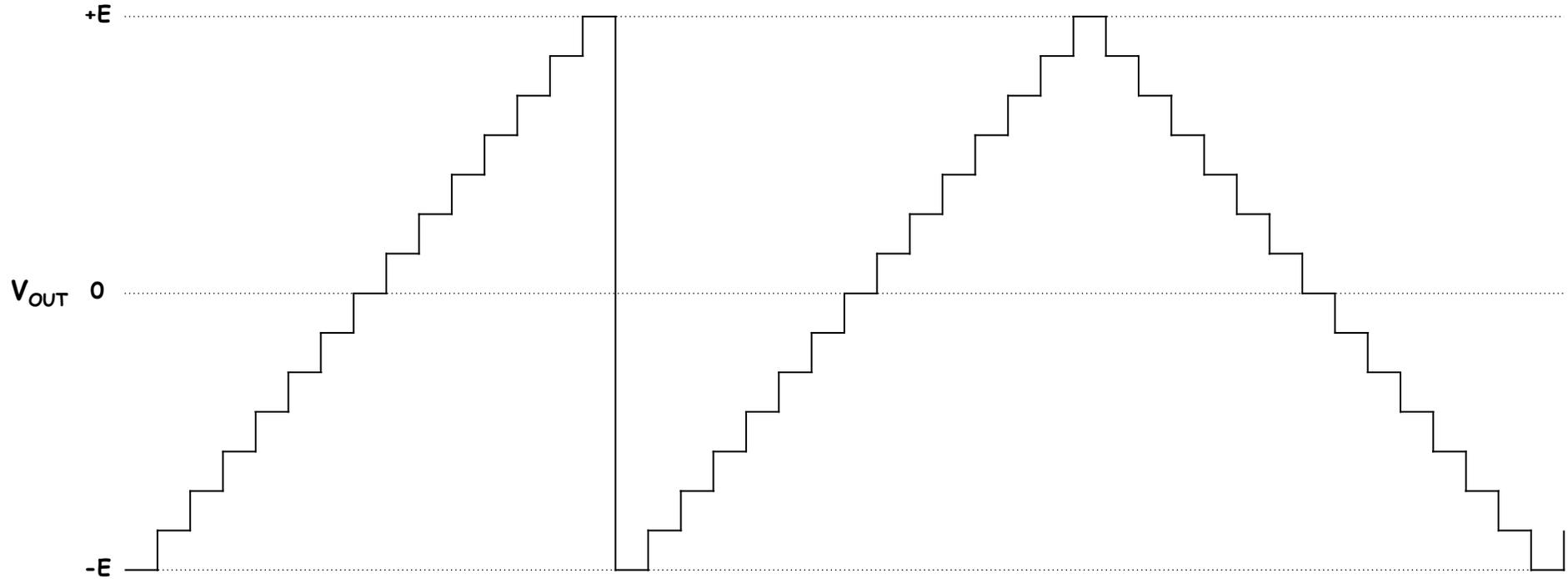
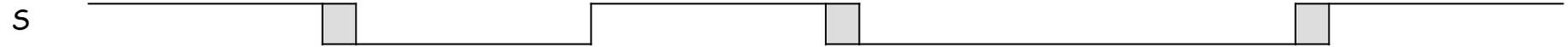
Come evidenziato nel seguente diagramma temporale che, a titolo esemplificativo, si riferisce ad un elementare, peraltro inesistente, DAC a 4 bit ( $k = 3$ ), il sistema deve attuare il processo di generazione del segnale analogico di uscita alternando nel tempo, senza soluzione di continuità, forme d'onda dell'uno o dell'altro tipo in dipendenza del valore assunto da un segnale di ingresso  $X$  (sincrono): forma d'onda triangolare se  $X = 0$ , forma d'onda a dente di sega se  $X = 1$ . Il valore del segnale  $X$  deve essere tuttavia preso in considerazione dal sistema soltanto al termine del processo di generazione di un'intera forma d'onda dell'uno o dell'altro tipo, ovvero, più precisamente, in corrispondenza dell'intervallo di clock in cui  $V_{OUT}$  assume il valore massimo positivo ( $+E$ ).

Il sistema deve essere strutturato in accordo al modello "data-path & control unit", secondo lo schema indicato in figura. Gli ingressi del DAC che definiscono il valore assoluto della tensione di uscita sono ordinatamente collegati alle uscite di un contatore binario bidirezionale a k bit, dotato di segnali di controllo E e U/D' (0-: HOLD, 11: UP, 10: DOWN). L'ingresso del DAC che definisce la polarità della tensione di uscita, così come i segnali di controllo E e U/D' del contatore, sono direttamente gestiti dall'unità di controllo.

1. Si definisca il grafo degli stati in forma minima dell'unità di controllo.
2. Si calcoli, in funzione di  $f_q$  e  $k$ , la frequenza nominale  $f_{\text{NOM}}$  del segnale di uscita del sistema per ciascun tipo di forma d'onda.
3. Si identifichino, avvalendosi dei componenti ritenuti più idonei allo scopo, le estensioni da apportare allo schema al fine di conseguire la programmabilità della frequenza del segnale di uscita del sistema in accordo ad un parametro di ingresso  $R$ , di valore intero compreso nel range  $[1, 100]$  e codificato in binario mediante 7 bit:

$$f_{\text{OUT}} = f_{\text{NOM}} / R.$$

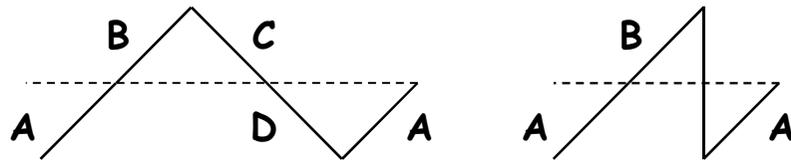
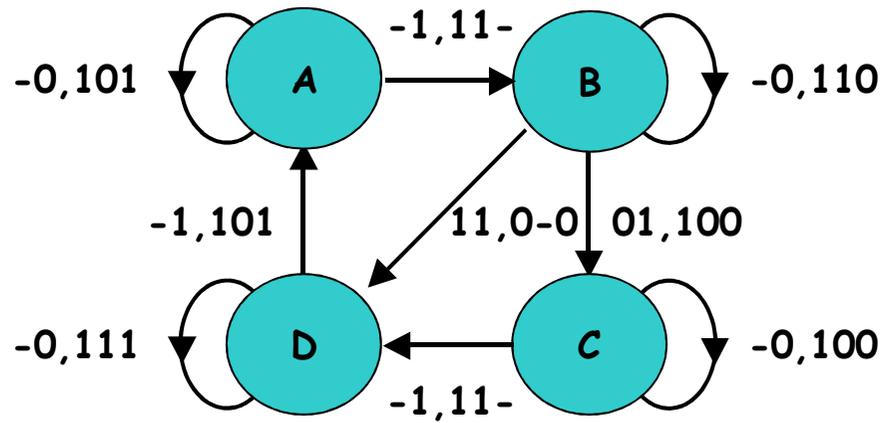




# Unità di controllo

$$Z = n_{k-1} \dots n_1 n_0 + n_{k-1}' \dots n_1' n_0'$$

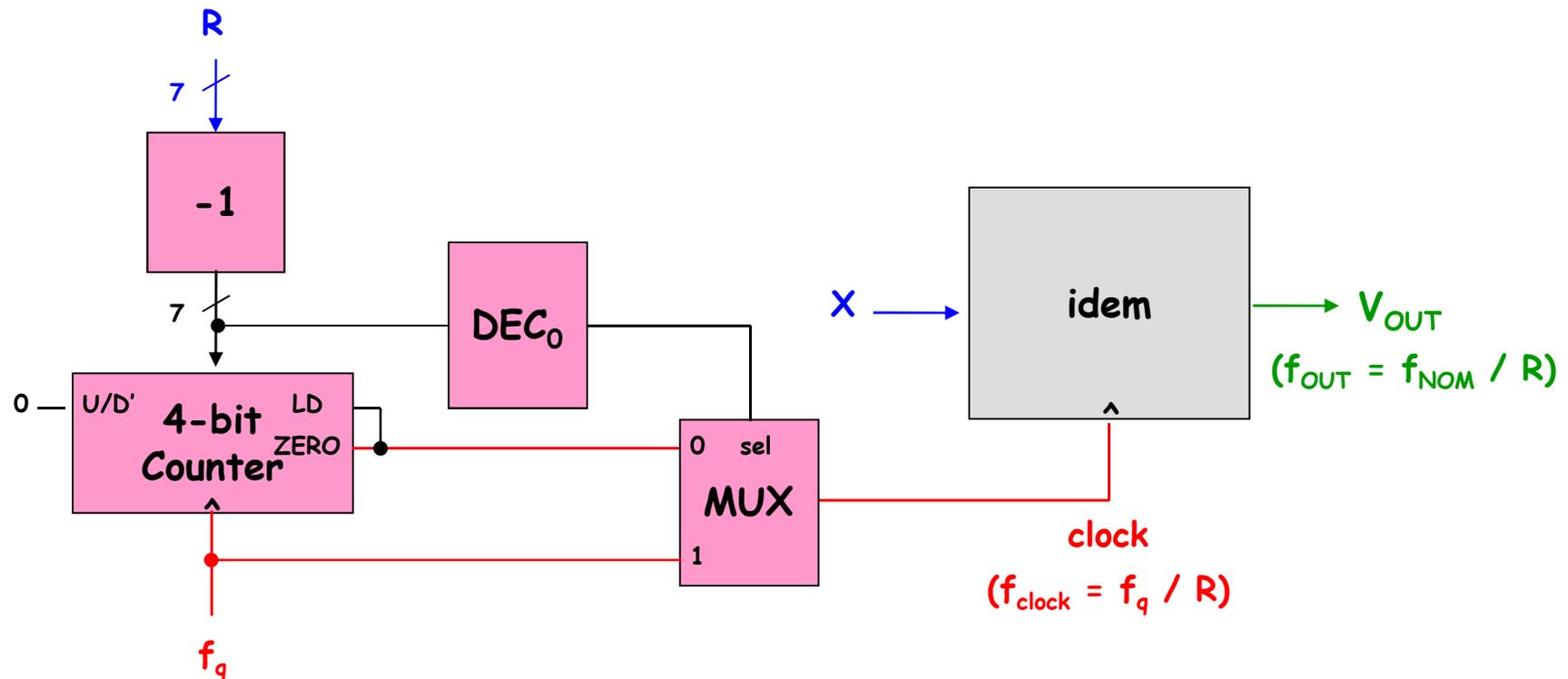
X Z, E U/D' S



# Estensioni orientate alla programmabilità della frequenza del segnale di uscita

$$f_{\text{NOM}} \text{ (forma d'onda triangolare)} = f_q / (4 * (2^k - 1))$$

$$f_{\text{NOM}} \text{ (forma d'onda a dente di sega)} = f_q / (2 * (2^k - 1) + 1)$$



## Problema 5

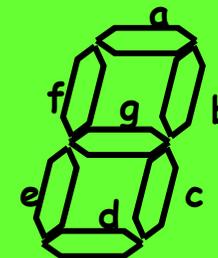
In un sistema di comunicazione digitale vengono trasferiti dati numerici di  $M$  cifre decimali, ciascuna rappresentata tramite il codice separabile 7 segmenti - Hamming mediante 11 bit ( $a, b, c, d, e, f, g, H_1, H_2, H_4, H_8$ ). I primi 7 bit (bit di informazione) identificano secondo il codice 7 segmenti il valore di ciascuna cifra; gli altri 4 bit (bit di controllo), calcolati dal trasmettitore come segue

$$H_1 = a \oplus b \oplus d \oplus e \oplus g,$$

$$H_2 = a \oplus c \oplus d \oplus f \oplus g,$$

$$H_4 = b \oplus c \oplus d,$$

$$H_8 = e \oplus f \oplus g,$$



sono previsti onde consentire al ricevitore, a fronte di qualunque errore *singolo* verificatosi durante la trasmissione di una cifra, di correggere l'errore, ovvero di identificare la configurazione dei bit di informazione originariamente inviata dal trasmettitore. Allo scopo il ricevitore deve semplicemente calcolare le 4 sindromi di errore

$$E_1 = H_1 \oplus a \oplus b \oplus d \oplus e \oplus g,$$

$$E_2 = H_2 \oplus a \oplus c \oplus d \oplus f \oplus g,$$

$$E_4 = H_4 \oplus b \oplus c \oplus d,$$

$$E_8 = H_8 \oplus e \oplus f \oplus g,$$

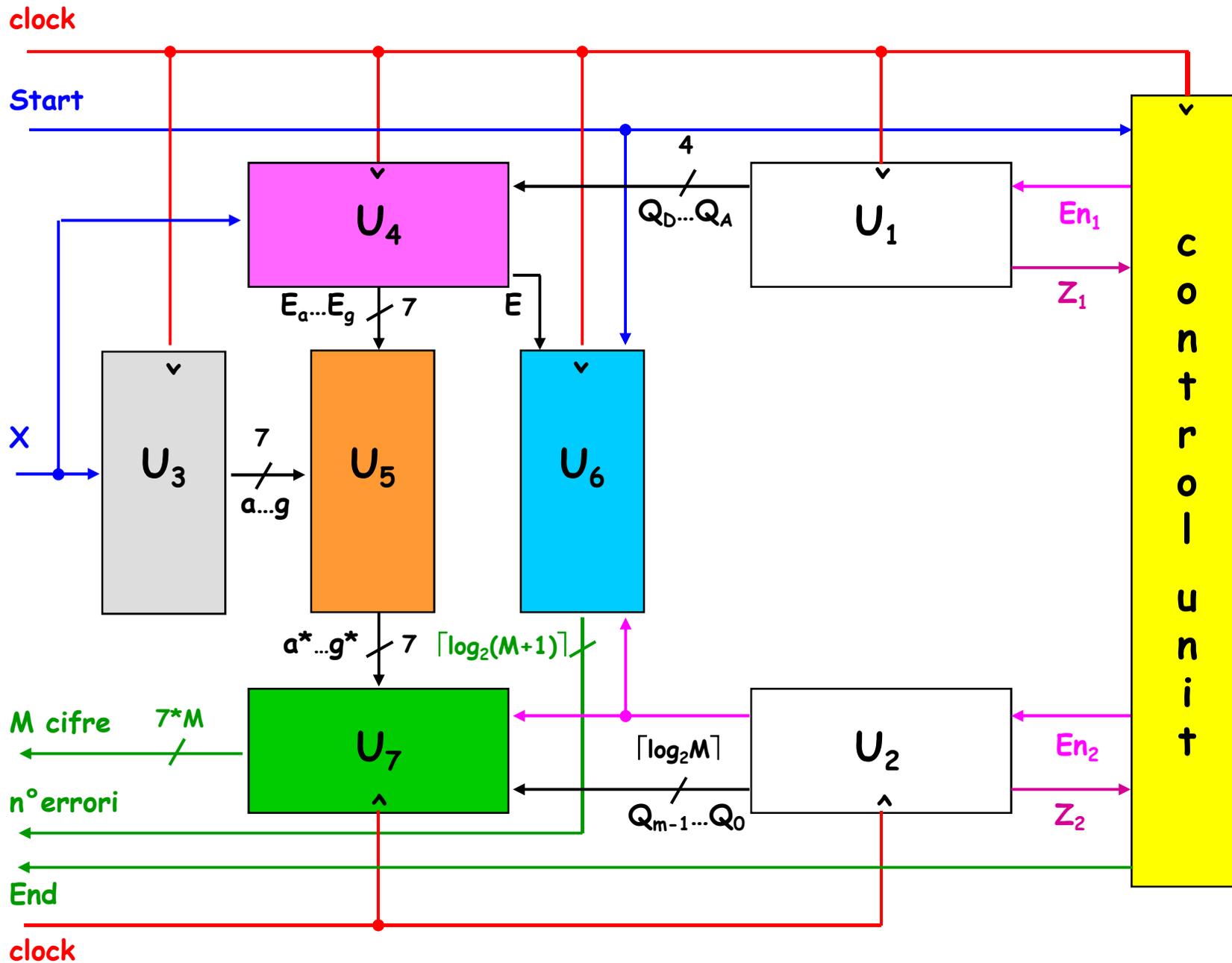
che congiuntamente identificano, con il valore zero, la condizione "nessun errore", ed in caso contrario il bit, di informazione o di controllo, affetto da errore. Più precisamente:

		$E_2 E_1$			
		00	01	11	10
$E_8 E_4$	00	-	$H_1$	a	$H_2$
	01	$H_4$	b	d	c
	11	-	-	-	-
	10	$H_8$	e	g	f

Le specifiche di progetto del ricevitore sono le seguenti. I bit rappresentativi di ogni dato numerico sono ricevuti serialmente, in  $11 * M$  consecutivi intervalli di clock, attraverso il segnale di ingresso X. Gli 11 bit rappresentativi di ciascuna cifra sono ricevuti nell'ordine  $H_1, H_2, H_4, H_8, a, b, c, d, e, f, g$ . Il segnale di ingresso Start, attivo a livello logico 1 e di durata unitaria, identifica l'intervallo di ricezione del primo bit di ogni dato. Completato il processo di elaborazione di un dato, il ricevitore deve attivare il segnale End e fornire in uscita, in parallelo, sia i bit di informazione  $a^*, b^*, c^*, d^*, e^*, f^*, g^*$  (non necessariamente coincidenti, ovviamente, con  $a, b, c, d, e, f, g$ ) di tutte le corrispondenti  $M$  cifre, sia il numero di errori in esse riscontrato. Il risultato di ciascuna elaborazione, ovvero il valore dei  $7 * M + \lceil \log_2 (M+1) \rceil$  bit di uscita, deve essere reso disponibile fino alla successiva attivazione del segnale Start.

Il sistema deve essere strutturato secondo il modello data-path & control unit, come indicato in figura. Il data-path comprende sette unità funzionali:

- una unità di conteggio dei bit relativi a ciascuna cifra presentata in ingresso;
- una unità di conteggio delle cifre relative ad ogni dato presentato in ingresso;
- una unità di conversione serie/parallelo dei bit relativi a ciascuna cifra presentata in ingresso;
- una unità di rilevazione degli errori, cui è delegato il compito di calcolare le sindromi di errore  $E_1, E_2, E_4, E_8$  per ciascuna cifra presentata in ingresso e di generare conseguentemente, oltre ad un segnale cumulativo di errore  $E$ , i 7 segnali  $E_a, E_b, E_c, E_d, E_e, E_f, E_g$  che identificano quale bit di informazione sia eventualmente da correggere;
- una unità di correzione degli errori, cui è delegato il compito di generare la corretta configurazione dei bit di informazione di ciascuna cifra presentata in ingresso;
- una unità di conteggio degli errori riscontrati nell'ambito di ogni dato presentato in ingresso;
- una unità di memorizzazione, cui è delegato il compito di rendere disponibili in uscita i bit di informazione corrispondenti alle  $M$  cifre rappresentative di ogni dato presentato in ingresso.



L'unità funzionale  $U_1$  è costituita da un contatore binario  $\times 11$ , il cui comando di abilitazione al conteggio  $En_1$  è generato dall'unità di controllo; le 4 variabili di stato del contatore  $Q_D, Q_C, Q_B, Q_A$ , unitamente al segnale  $Z_1 = En_1 \& (Q_D Q_C Q_B Q_A = 10)$ , rappresentano le uscite dell'unità.

L'unità funzionale  $U_2$  è costituita da un contatore binario  $\times M$ , il cui comando di abilitazione al conteggio  $En_2$  è generato dall'unità di controllo; le  $m = \lceil \log_2 M \rceil$  variabili di stato del contatore  $Q_{m-1}, \dots, Q_1, Q_0$ , unitamente al segnale  $Z_2 = En_2 \& (Q_{m-1} \dots Q_1 Q_0 = M-1)$ , rappresentano le uscite dell'unità.

L'unità funzionale  $U_3$  è costituita da un registro a scorrimento di  $k$  (?) bit, al cui ingresso seriale è collegato il segnale  $X$ ; l'unità rende disponibili in uscita i bit di informazione  $a, b, c, d, e, f, g$ .

L'unità funzionale  $U_4$  comprende 4 moduli sequenziali identici, ognuno adibito a calcolare *serialmente* una sindrome di errore; ogni modulo riceve in ingresso, oltre al segnale  $X$ , due segnali di controllo  $C_1$  e  $C_0$  (generati combinatoriamente all'interno dell'unità stessa in base al valore dei segnali di ingresso  $Q_D, Q_C, Q_B, Q_A$ ) che ne condizionano il funzionamento, in accordo al modello di Moore, come segue:  $C_1 C_0 = 00 \rightarrow$  Reset (inizializzazione della sindrome al valore 0),  $C_1 C_0 = 01 \rightarrow$  Load (inizializzazione della sindrome in base al valore attuale del segnale  $X$ ),  $C_1 C_0 = 10 \rightarrow$  Hold (mantenimento del valore attuale della sindrome),  $C_1 C_0 = 11 \rightarrow$  Update (aggiornamento della sindrome in base al valore attuale del segnale  $X$ ); i segnali di uscita dell'unità sono  $E, E_a, E_b, E_c, E_d, E_e, E_f, E_g$ .

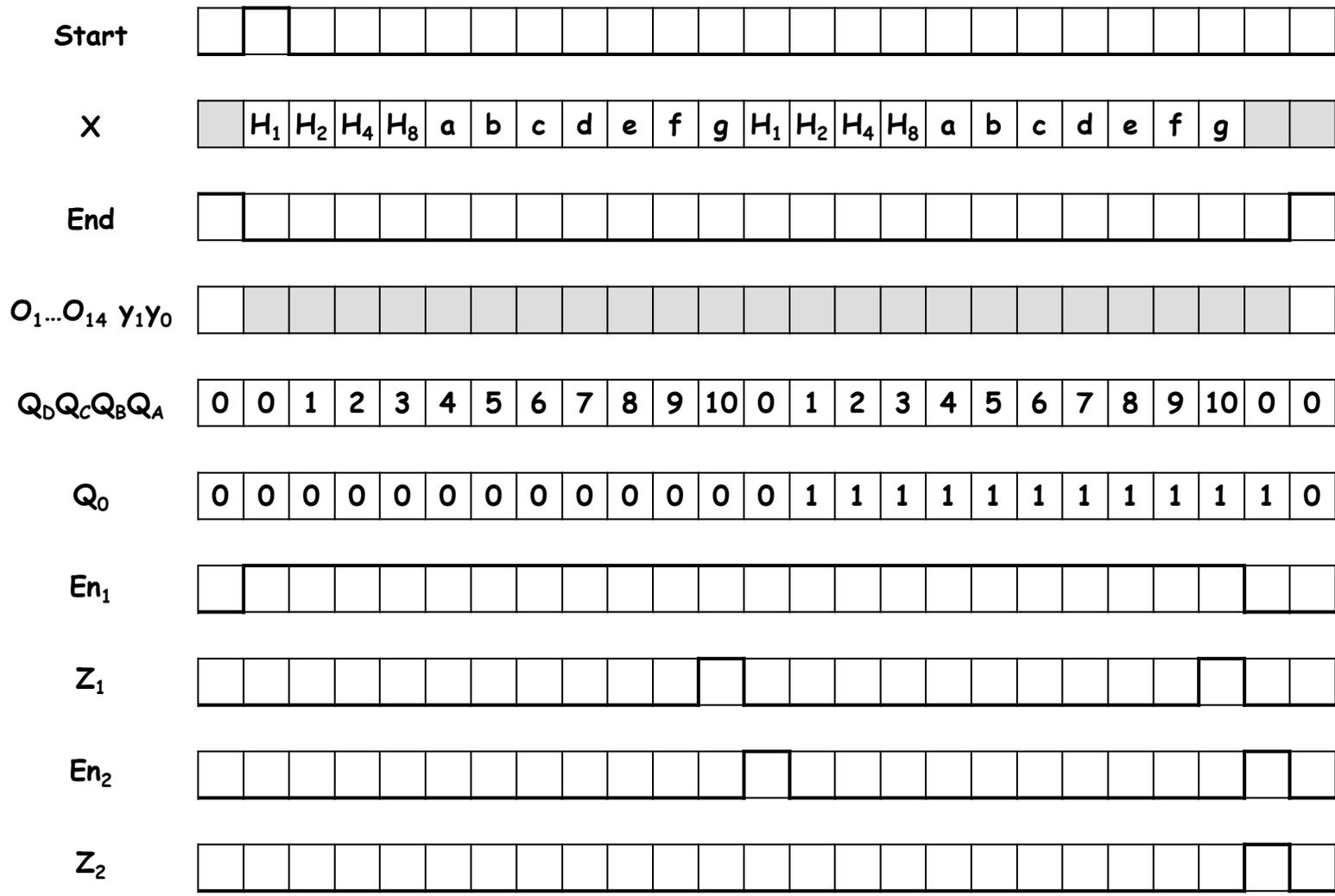
L'unità funzionale  $U_5$  comprende 7 moduli combinatori identici, ognuno adibito a correggere un bit di informazione nel caso sia stata rilevata la sua alterazione in trasmissione da parte di  $U_4$ ; i segnali di ingresso dell'unità sono  $a, b, c, d, e, f, g, E_a, E_b, E_c, E_d, E_e, E_f, E_g$ ; i segnali di uscita dell'unità sono  $a^*, b^*, c^*, d^*, e^*, f^*, g^*$ .

L'unità funzionale  $U_6$  è costituita da un contatore binario  $\times (M+1)$  dotato di comandi di abilitazione al conteggio e reset sincrono; i segnali di ingresso dell'unità sono  $Start, En_2$  e  $E$ ; i segnali di uscita dell'unità coincidono con le  $n = \lceil \log_2 (M+1) \rceil$  variabili di stato del contatore  $y_{n-1}, \dots, y_1, y_0$ .

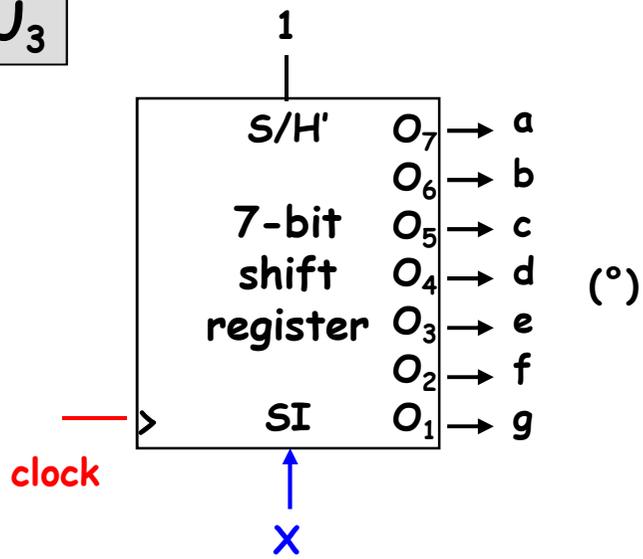
L'unità funzionale  $U_7$  comprende  $M$  registri di 7 bit, ciascuno dotato di ingresso di abilitazione al campionamento; i segnali di ingresso dell'unità sono  $a^*, b^*, c^*, d^*, e^*, f^*, g^*, En_2, Q_{m-1}, \dots, Q_1, Q_0$ ; i segnali di uscita dell'unità  $O_1, O_2, \dots, O_{7M}$  coincidono con le uscite degli  $M$  registri.

➤ Si identifichi, con riferimento al caso  $M = 2$ , l'andamento temporale dei segnali di ingresso/uscita sia del sistema complessivo che dell'unità di controllo.

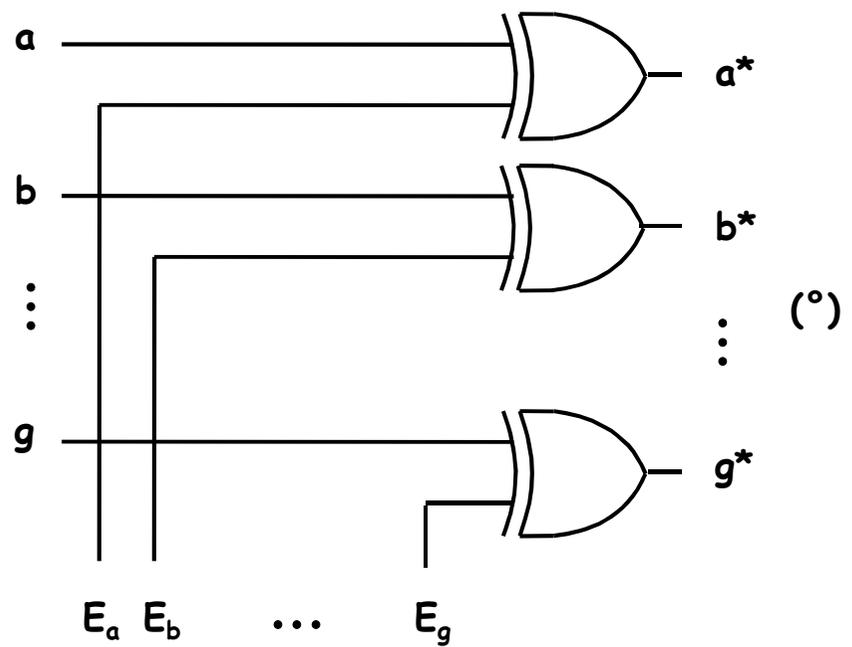
- Si completi il dimensionamento e il progetto del data-path relativamente alle unità funzionali  $U_3, U_4, U_5, U_6$  e  $U_7$ , avvalendosi dei componenti ritenuti più idonei allo scopo e motivando esplicitamente tutte le scelte operate.
- Si definisca il grafo degli stati dell'unità di controllo (ingressi: Start,  $Z_1, Z_2$ ; uscite:  $En_1, En_2, End$ ).
- Si evidenzino le eventuali modifiche da apportare alle unità funzionali  $U_3, U_4, U_5, U_6$  e  $U_7$  nell'ipotesi che gli 11 bit rappresentativi di ciascuna cifra siano ricevuti nell'ordine a, b, c, d, e, f, g,  $H_1, H_2, H_4, H_8$ .



**U<sub>3</sub>**

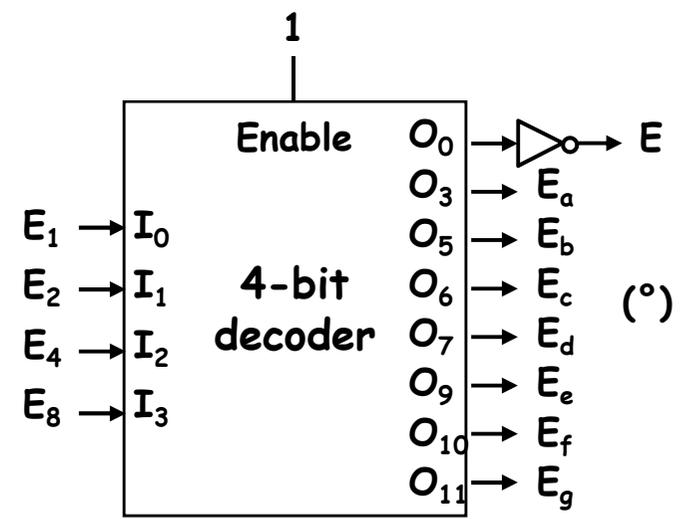
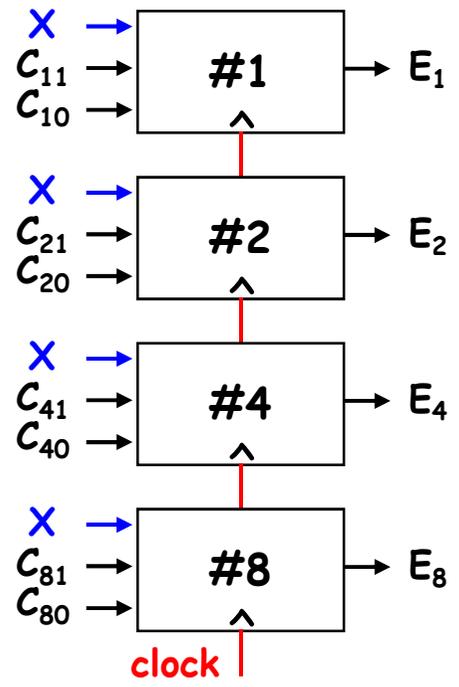
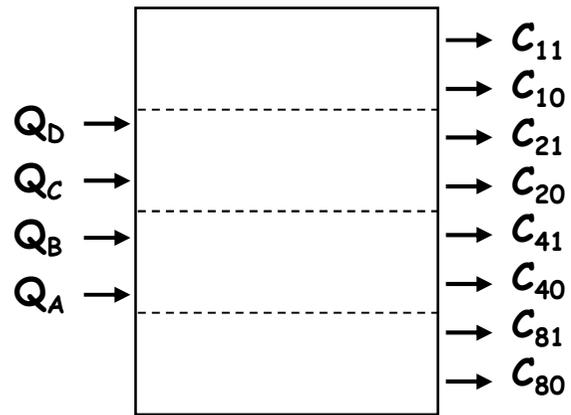


**U<sub>5</sub>**



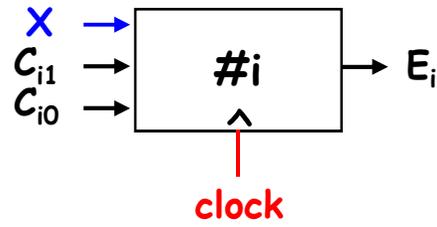
**U<sub>4</sub> ...**

R.C.



(°) allorché  $E_2^n = Z_1^{n-1} = 1$

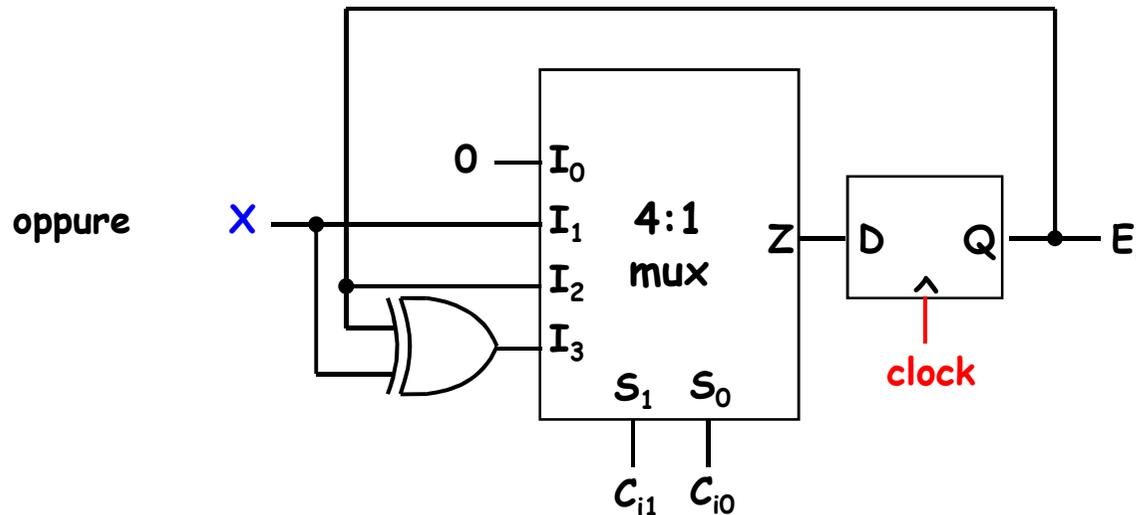
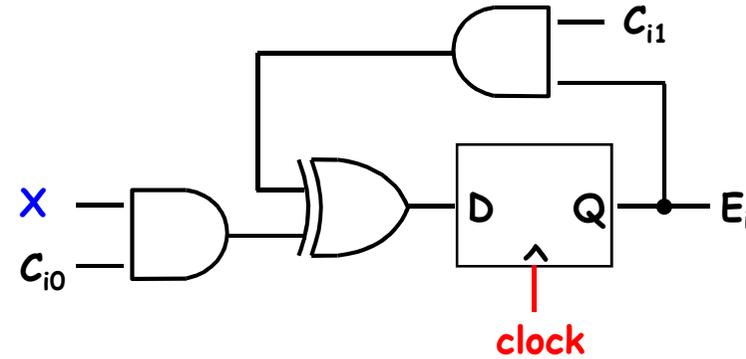
...  $U_4$  ...



		$(C_{i1}C_{i0})^n$			
		Reset	Load	Update	Hold
		00	01	11	10
$(E_i X)^n$	00	0	0	0	0
	01	0	1	1	0
	11	0	1	0	1
	10	0	0	1	1
		$E_i^{n+1}$			

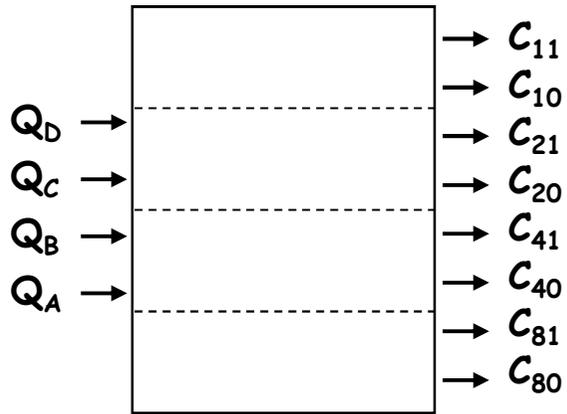
$$E_i^{n+1} = (X C_{i0} (E_i' + C_{i1}') + E C_{i1} (X' + C_{i0}'))^n$$

$$= (X C_{i0} (E_i C_{i1})' + E C_{i1} (X C_{i0})')^n = ((X C_{i0}) \oplus (E_i C_{i1}))^n$$



...  $U_4$

R.C.



$$E_1 = H_1 \oplus a \oplus b \oplus d \oplus e \oplus g$$

$$E_2 = H_2 \oplus a \oplus c \oplus d \oplus f \oplus g$$

$$E_4 = H_4 \oplus b \oplus c \oplus d$$

$$E_8 = H_8 \oplus e \oplus f \oplus g$$

$Q_D Q_C Q_B Q_A$	X	#1	#2	#4	#8
0000	$H_1$	L	-	-	-
0001	$H_2$	H	L	-	-
0010	$H_4$	H	H	L	-
0011	$H_8$	H	H	H	L
0100	a	U	U	H	H
0101	b	U	H	U	H
0110	c	H	U	U	H
0111	d	U	U	U	H
1000	e	U	H	H	U
1001	f	H	U	H	U
1010	g	U	U	H	U

Load / Hold / Update

	$Q_B Q_A$			
	00	01	11	10
00	--	--	01	--
01	10	10	10	10
11	--	--	--	--
10	11	11	--	11

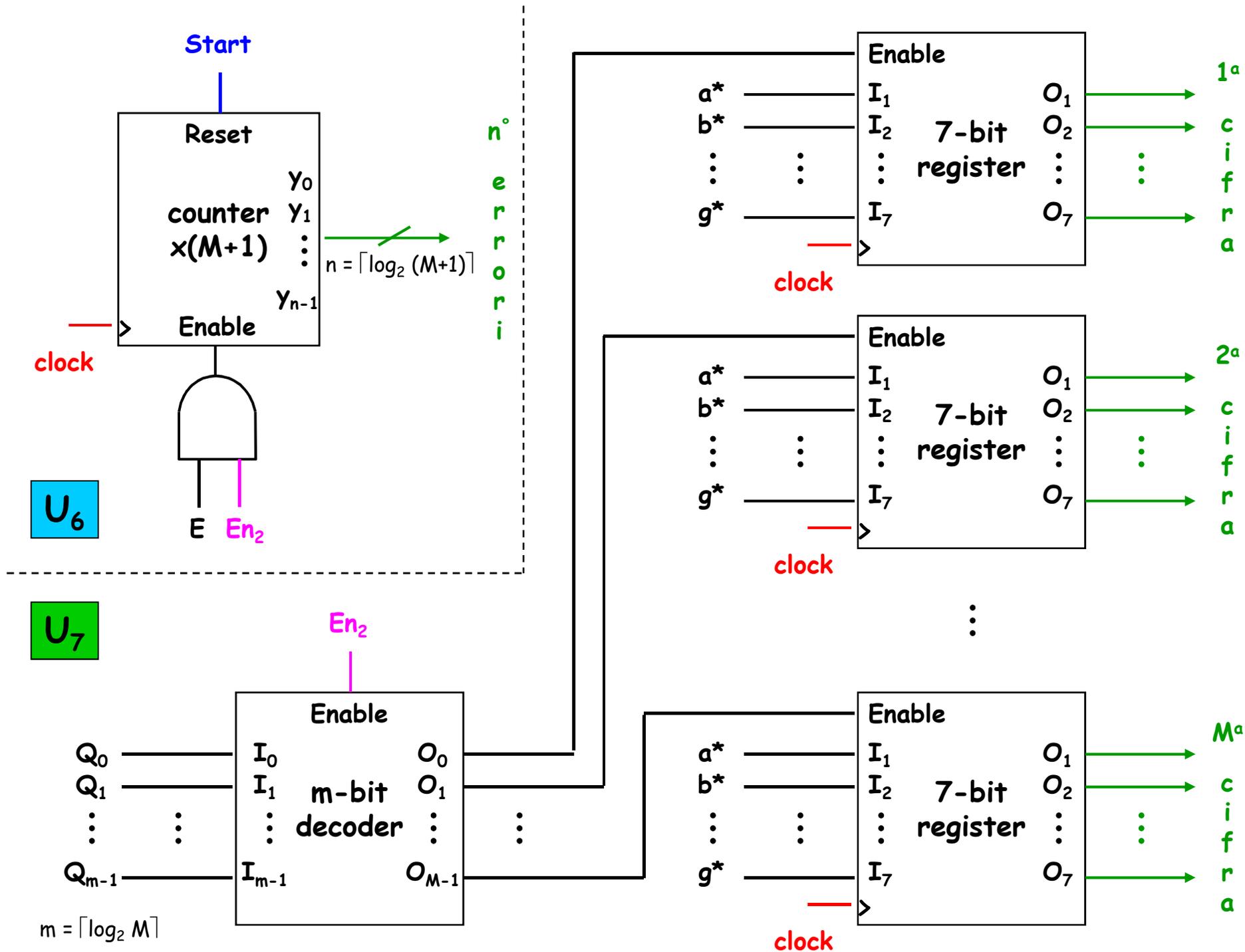
$C_{81} C_{80}$

#8

analogamente #4, #2, #1

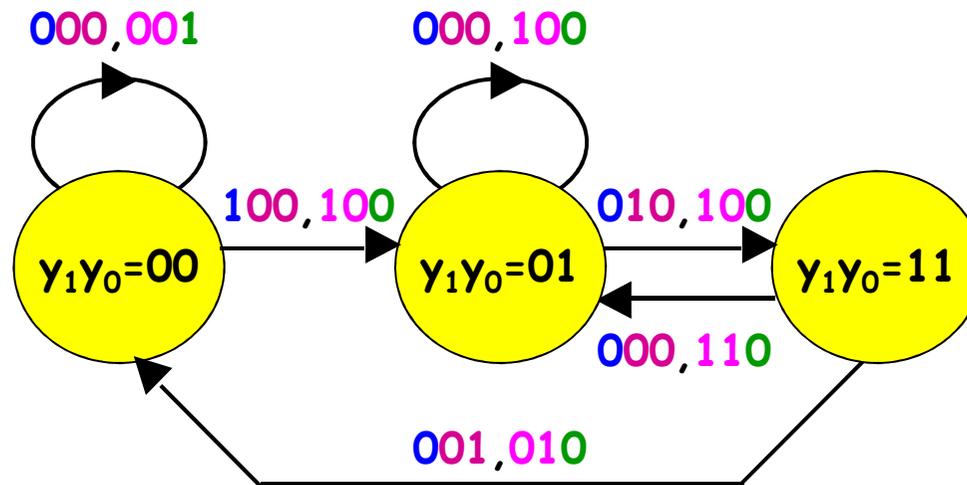
$$C_{81} = Q_D + Q_C$$

$$C_{80} = Q_C'$$



# L'unità di controllo

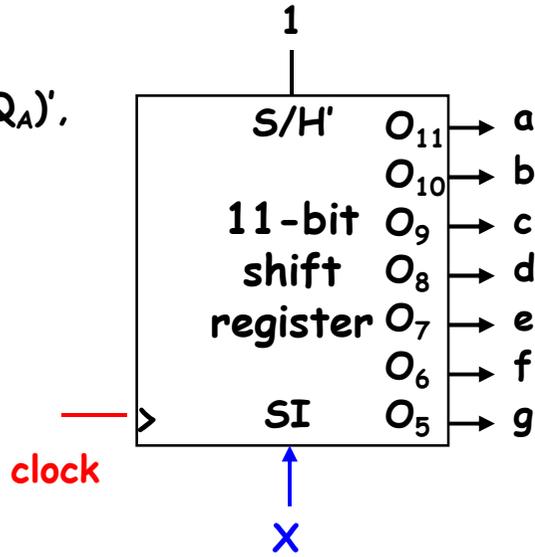
Start  $Z_1$   $Z_2$ ,  $En_1$   $En_2$  End



$$En_1^n = y_0^{n+1} = (\text{Start} + y_0 Z_2')^n \quad En_2^n = y_1^n = Z_1^{n-1}$$

$$\text{End}^n = (y_0' \text{Start}')^n$$

idem con  
 $S/H' = (Q_D + Q_C Q_B Q_A)'$ ,  
 oppure:



$Q_D Q_C Q_B Q_A$	X	#1	#2	#4	#8
0000	a	L	L	-	-
0001	b	U	H	L	-
0010	c	H	U	U	-
0011	d	U	U	U	-
0100	e	U	H	H	L
0101	f	H	U	H	U
0110	g	U	U	H	U
0111	$H_1$	U	H	H	H
1000	$H_2$	H	U	H	H
1001	$H_4$	H	H	U	H
1010	$H_8$	H	H	H	U

$U_3$

$U_5$

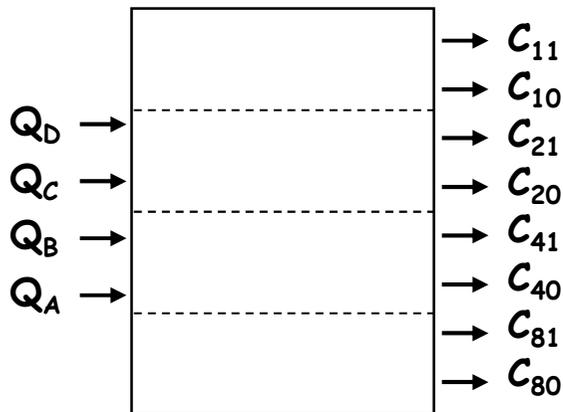
$U_6$

$U_7$

: idem

$U_4$

idem tranne:



$$E_1 = H_1 \oplus a \oplus b \oplus d \oplus e \oplus g$$

$$E_2 = H_2 \oplus a \oplus c \oplus d \oplus f \oplus g$$

$$E_4 = H_4 \oplus b \oplus c \oplus d$$

$$E_8 = H_8 \oplus e \oplus f \oplus g$$

#8

$$C_{81} = Q_D + Q_B Q_A' + Q_A$$

$$C_{80} = Q_C Q_B' + Q_B Q_A'$$

analogamente #4, #2, #1

Load / Hold / Update

$Q_D Q_C$	$Q_B Q_A$			
	00	01	11	10
00	--	--	--	--
01	01	11	10	11
11	--	--	--	--
10	10	10	--	11

$C_{81} C_{80}$

## Problema 6

In un sistema di comunicazione digitale vengono trasferiti messaggi costituiti da al più  $N_{\max}$  simboli, ciascuno individualmente rappresentato mediante  $k$  bit. Poiché in tali messaggi intervengono sovente stringhe formate da uno stesso simbolo ripetuto consecutivamente più volte, può risultare conveniente ricorrere, onde minimizzarne il tempo di trasferimento, alla seguente elementare tecnica euristica di compressione, che prevede di:

1. estendere la rappresentazione originaria di ciascun simbolo  $s$  ( $s \equiv b_{k-1} \dots b_1 b_0$ ) con un ulteriore bit ( $b_k$ ), cui è affidato il ruolo di evidenziare se il simbolo stesso è ( $b_k = 1$ ) o meno ( $b_k = 0$ ) seguito da altri simboli identici;
2. codificare individualmente, mediante  $(k + 1)$  bit, ogni simbolo  $s$  seguito da un simbolo diverso tramite la configurazione estesa  $\sigma \equiv b_k b_{k-1} \dots b_1 b_0 = 0 \cup s$ ;
3. codificare cumulativamente, mediante  $(k + 1 + h)$  bit, i simboli di ogni stringa  $S(s, n)$  formata da uno stesso simbolo  $s$  ripetuto consecutivamente  $n$  volte ( $2 \leq n \leq n_{\max} = 2^h + 1$ ) tramite la configurazione estesa  $\sigma \equiv b_k b_{k-1} \dots b_1 b_0 = 1 \cup s$  del simbolo stesso, indicata una volta sola, seguita dal valore numerico  $v = n - 2$  ( $0 \leq v \leq 2^h - 1$ ) rappresentato secondo il codice binario attraverso  $h$  bit;
4. partizionare ogni stringa  $S(s, n')$  formata da uno stesso simbolo  $s$  ripetuto consecutivamente  $n' > n_{\max}$  volte in  $\lceil n' / n_{\max} \rceil$  sottostringhe, di cui  $\lfloor n' / n_{\max} \rfloor$  costituite da  $n_{\max}$  simboli e l'eventuale ultima da  $n' \bmod n_{\max}$  simboli, codificando poi individualmente ciascuna di esse come in precedenza (punti 2, 3) descritto.

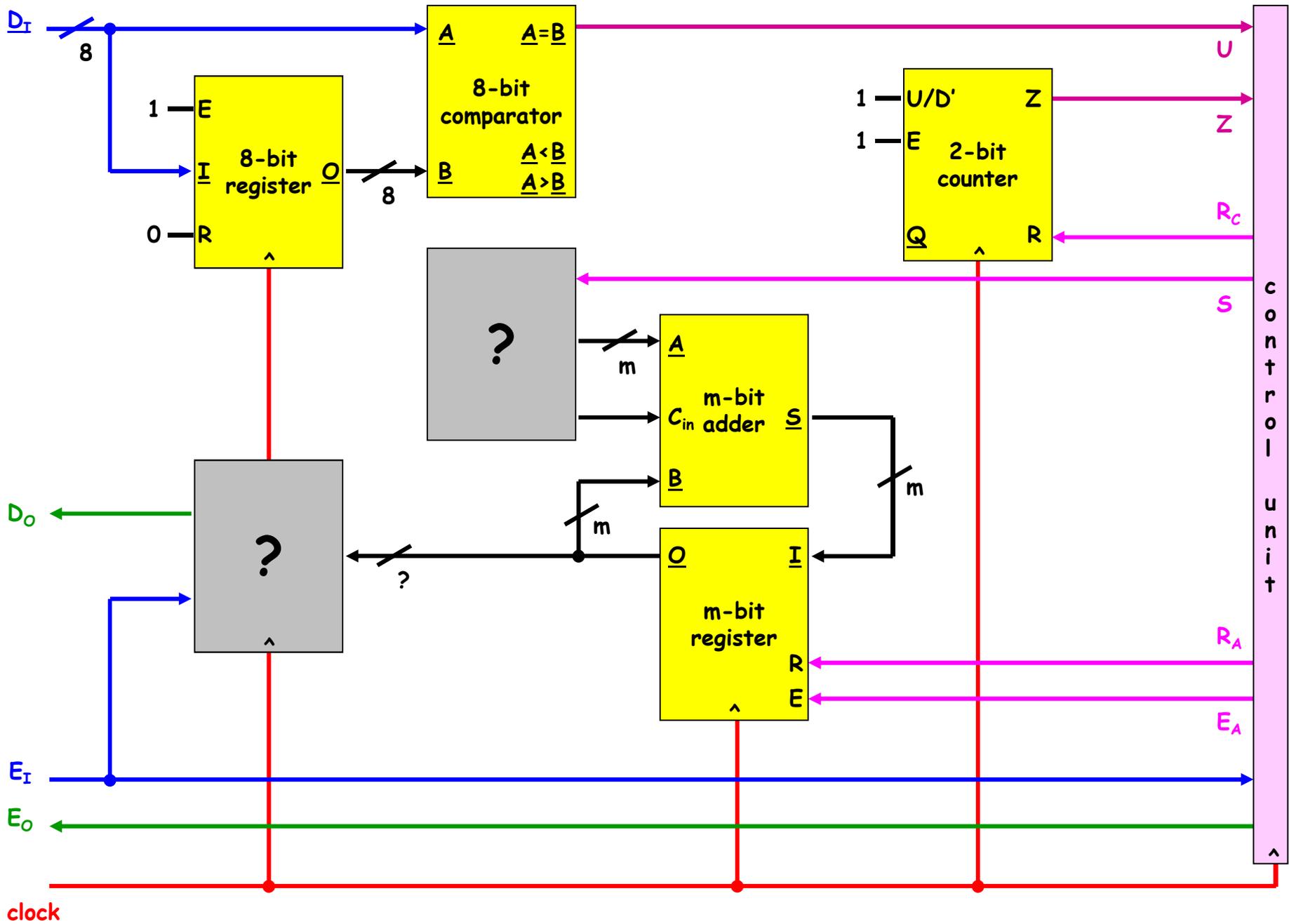
L'efficacia di tale tecnica è chiaramente correlata alla distribuzione di probabilità (frequenza relativa) secondo cui si presentano nei messaggi stringhe formate da uno stesso simbolo ripetuto più volte. Nota tale distribuzione, è possibile individuare il valore ottimale del parametro  $h$  e quindi calcolare il fattore di compressione  $FC$  di ogni messaggio, definito come rapporto fra la dimensione del messaggio codificato e quella del messaggio originario. Ad esempio, i seguenti 3 messaggi  $M_1 \equiv \text{abbccccc}$ ,  $M_2 \equiv \text{dddddddddde}$ ,  $M_3 \equiv \text{fghhhii}$ , costituiti rispettivamente da 9, 11 e 7 simboli individualmente rappresentati mediante  $k = 8$  bit, possono essere convenientemente rappresentati, una volta selezionato per  $h$  il valore 2, tramite 40, 31 e 40 bit soltanto ( $FC(M_1) = 40/72 = 0.55$ ,  $FC(M_2) = 31/88 = 0.35$ ,  $FC(M_3) = 40/56 = 0.71$ ).

	1	2	3	4	
$M_1$	$0 \cup a$	$1 \cup b$ 0	$1 \cup c$ 3	$0 \cup c$	$\sigma$ $v$
$M_2$	$1 \cup d$ 3	$1 \cup d$ 3	$0 \cup e$		$\sigma$ $v$
$M_3$	$0 \cup f$	$0 \cup g$	$1 \cup h$ 1	$1 \cup i$ 0	$\sigma$ $v$

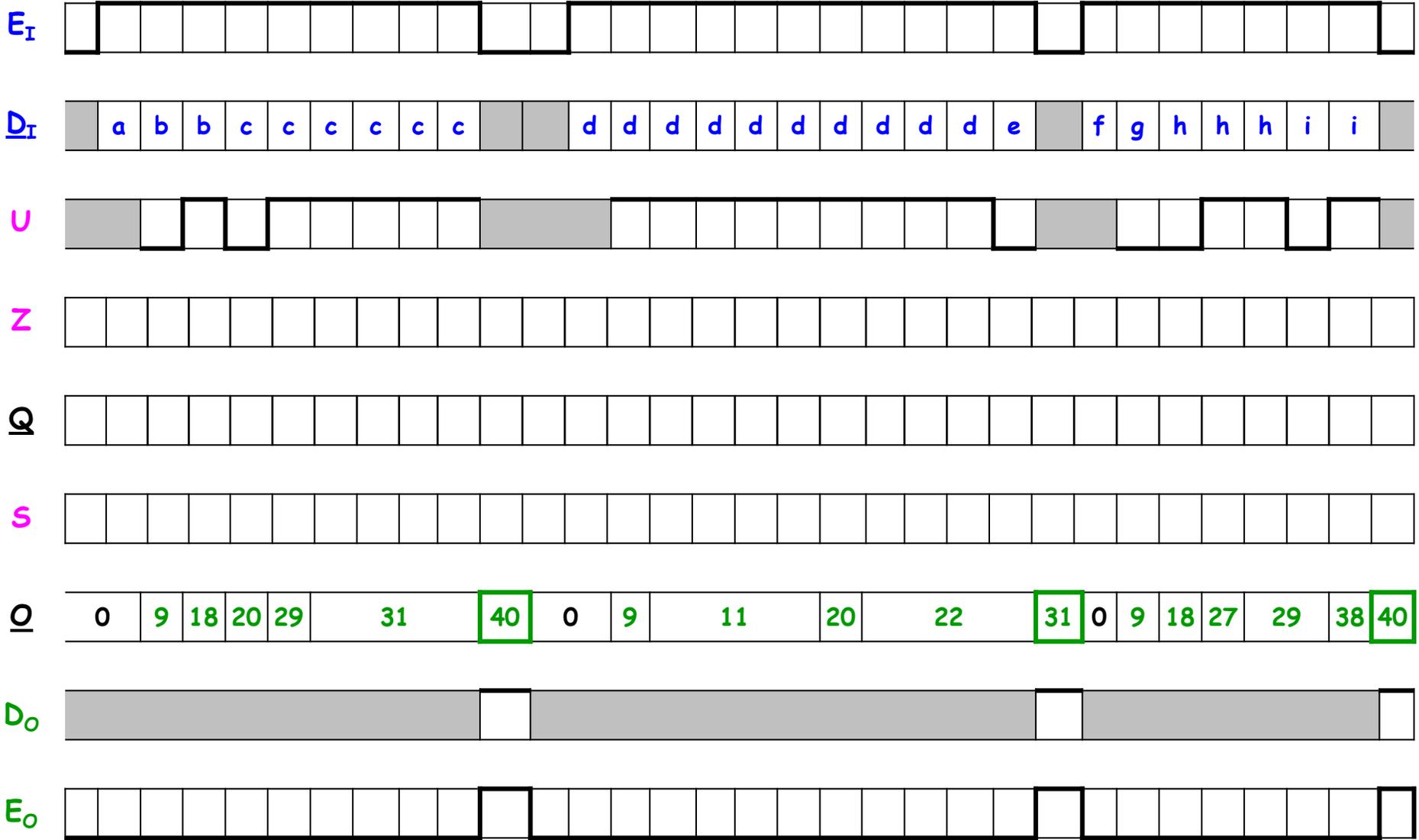
Un sistema sequenziale sincrono, contraddistinto da 9 segnali di ingresso ( $E_I$ ,  $\underline{D}_I \equiv d_7, \dots, d_1, d_0$ ) e da 2 segnali di uscita ( $E_O$ ,  $D_O$ ), è preposto ad elaborare messaggi di al più  $N_{\max} = 100$  simboli individualmente rappresentati tramite  $k = 8$  bit. I simboli di ogni messaggio sono presentati sequenzialmente in ingresso al sistema, senza soluzione di continuità, attraverso i segnali  $\underline{D}_I$ . Il segnale  $E_I$ , attivo (livello logico 1) per  $N$  intervalli di clock, identifica la fase di presentazione in ingresso al sistema degli  $N$  simboli di un messaggio. Il sistema ha il compito di verificare, per ciascun messaggio ricevuto in ingresso, se il numero  $B_C$  di bit coinvolti nella sua rappresentazione codificata in accordo alla tecnica di compressione suddetta ( $h = 2$ ) risulta essere minore del numero  $B_O$  di bit coinvolti nella sua rappresentazione originaria ( $B_O = N \times k$ ). L'esito del processo di verifica deve essere evidenziato dal sistema tramite il segnale di uscita  $D_O = (B_C < B_O)$  in corrispondenza dell'intervallo di clock immediatamente successivo a quello di ricezione dell'ultimo simbolo di un messaggio. Contestualmente il sistema deve attivare (livello logico 1, durata unitaria) il segnale di uscita  $E_O$ .

Il sistema può essere strutturato, in accordo al modello "data-path & control unit", secondo lo schema riportato in figura.

- Si completi il dimensionamento ed il progetto del data-path, utilizzando i componenti ritenuti più idonei allo scopo e motivando esplicitamente le scelte operate.
- Si esegua la sintesi dell'unità di controllo (ingressi:  $E_I$ ,  $U$ ,  $Z$ ; uscite:  $R_A$ ,  $E_A$ ,  $S$ ,  $R_C$ ,  $E_O$ ), avvalendosi, una volta completato, del diagramma temporale indicato in figura.

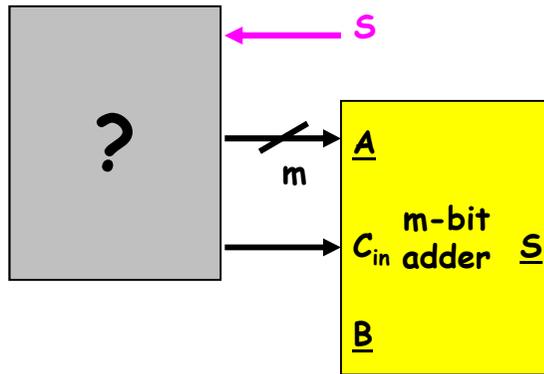


$k=8, h=2$



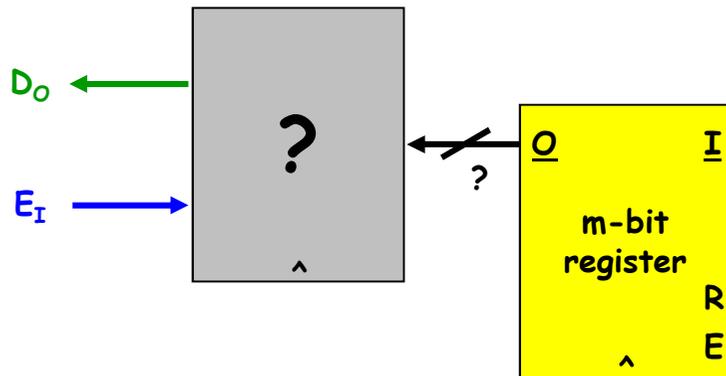
$$B_{C \max} = N_{\max} \times (k+1) = 900$$

$$m = \lceil \log_2 (B_{C \max} + 1) \rceil = 10$$

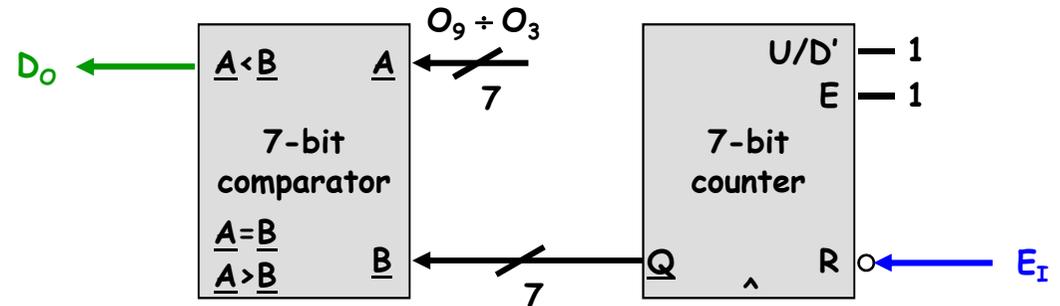


$$S=1: \rightarrow \underline{S} = \underline{B} + 9 \text{ /* } k+1 \text{ */} \quad S=0: \rightarrow \underline{S} = \underline{B} + 2 \text{ /* } h \text{ */}$$

$$A_9 \div A_4 = 0, A_3 = S, A_2 = 0, A_1 = S', A_0 = 0, C_{in} = S$$



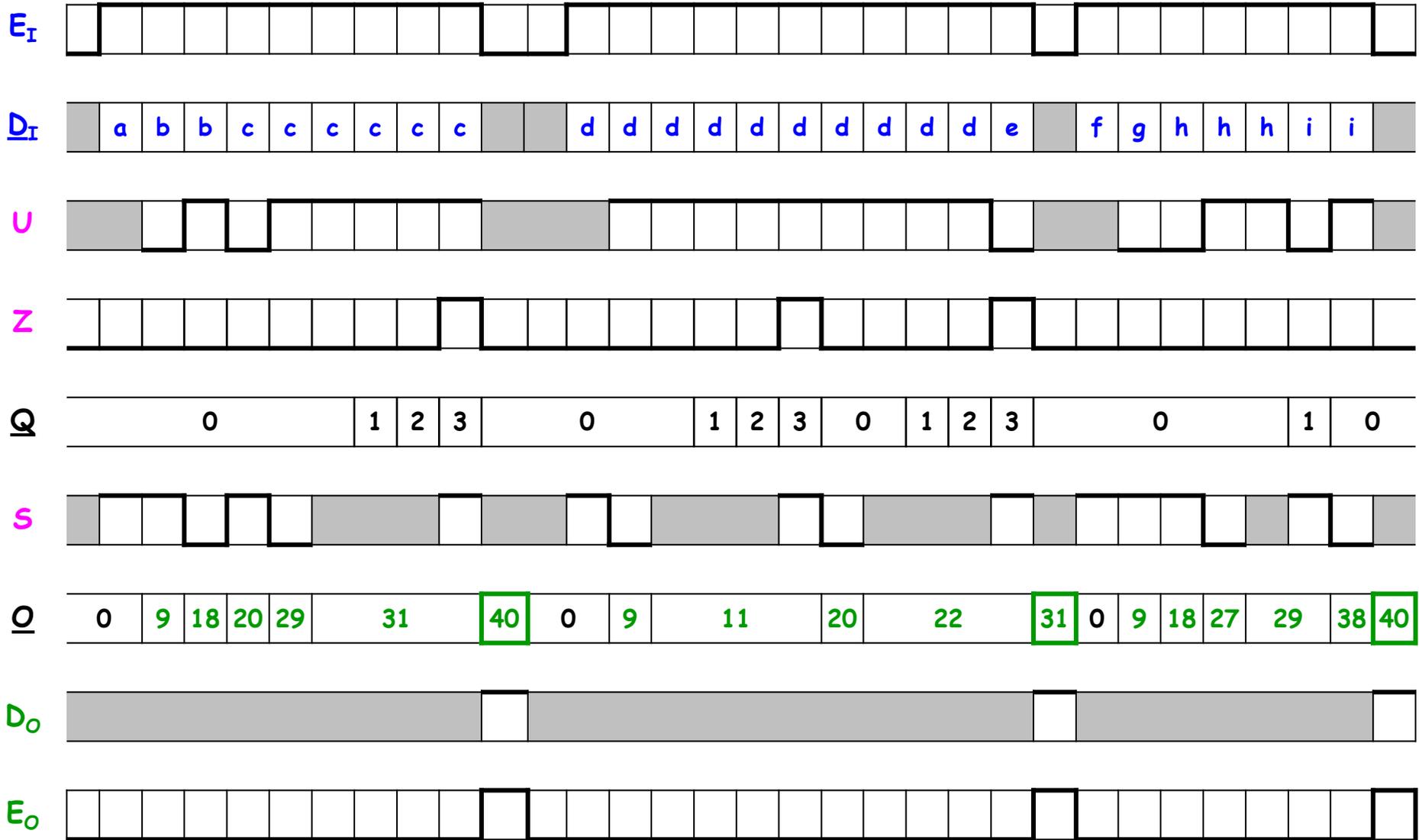
$$\lceil \log_2 (N_{\max} + 1) \rceil = 7$$



$$B_C = (O_9 O_8 O_7 O_6 O_5 O_4 O_3 O_2 O_1 O_0)_2 \quad B_O = N \times 8 \text{ /* } k \text{ */} = (Q_6 Q_5 Q_4 Q_3 Q_2 Q_1 Q_0 0 0 0)_2$$

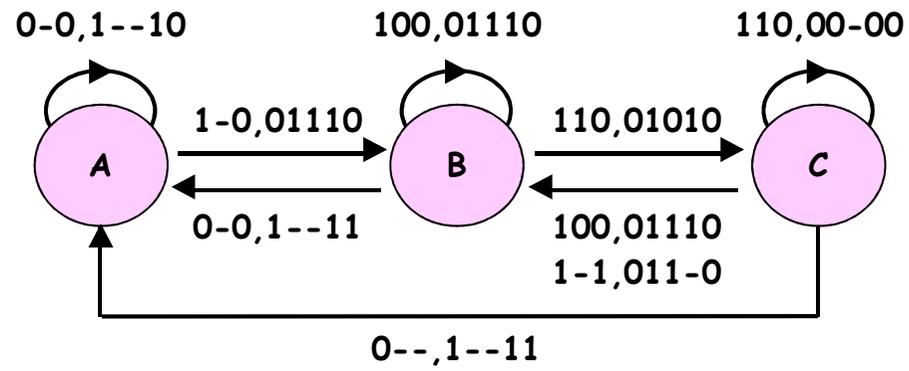
$$D_O = (B_C < B_O) = ((O_9 O_8 O_7 O_6 O_5 O_4 O_3)_2 < (Q_6 Q_5 Q_4 Q_3 Q_2 Q_1 Q_0)_2)$$

k=8, h=2



# Unità di controllo

$E_I U Z, R_A E_A S R_C E_O$



## Problema 7

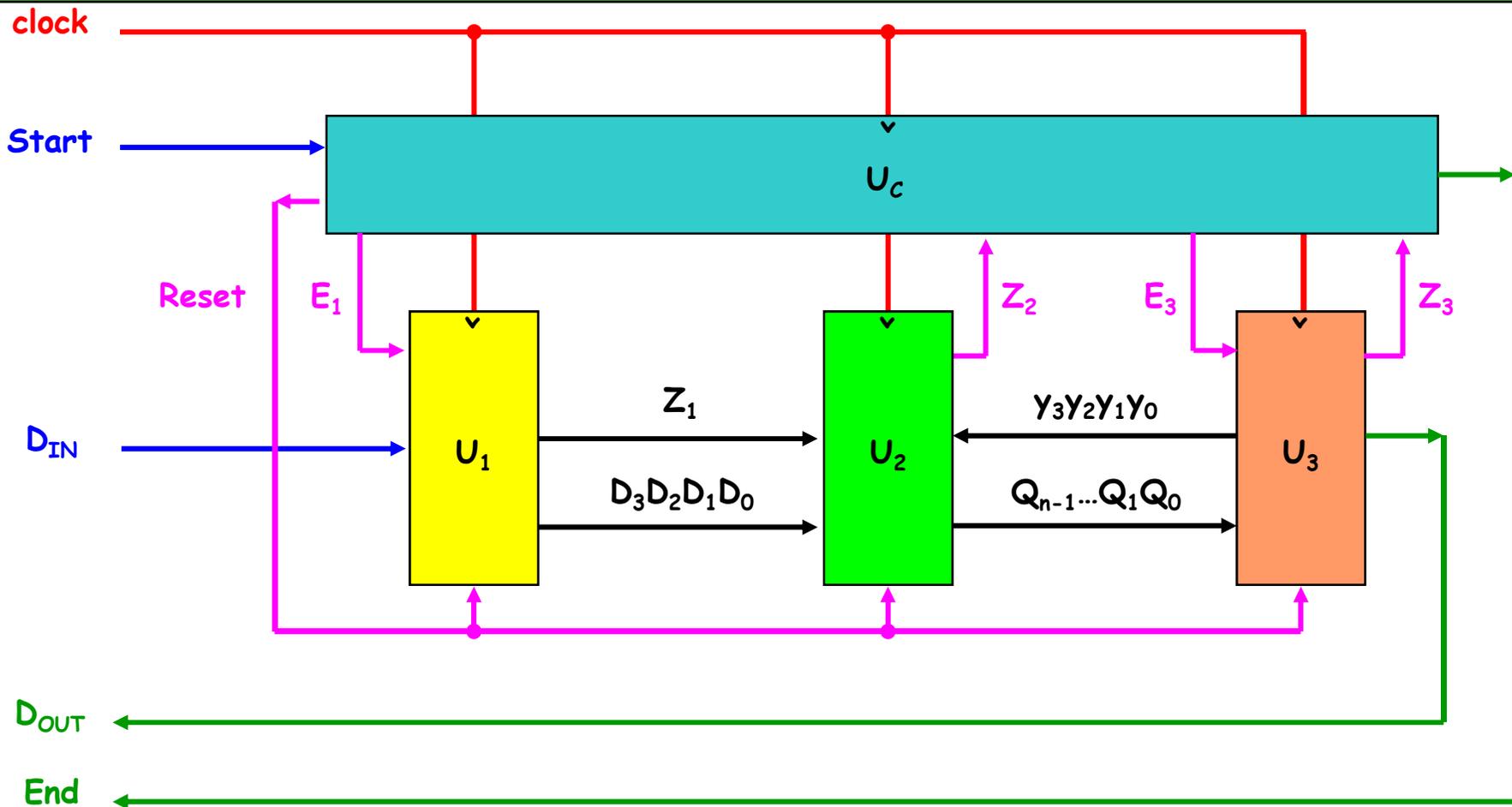
Un sistema sequenziale sincrono, caratterizzato da due segnali di ingresso (Start,  $D_{IN}$ ) e da due segnali di uscita (End,  $D_{OUT}$ ), tutti sincroni rispetto al clock, ha il compito di elaborare messaggi numerici costituiti da N cifre decimali incorrelate, individualmente codificate mediante un numero di bit opportunamente differenziato (codice di HUFFMAN), stante la non uniforme distribuzione della frequenza nominale con cui esse si presentano nell'ambito di ciascun messaggio:

cifra	frequenza nominale (%)	numero di bit	codifica
0	23	2	00
1	19	2	01
2	15	3	100
3	12	3	110
4	10	4	1010
5	8	4	1011
6	6	4	1110
7	4	5	11110
8	2	6	111110
9	1	6	111111

I bit rappresentativi delle N cifre costituenti ogni messaggio sono presentati in ingresso al sistema serialmente attraverso il segnale  $D_{IN}$ , senza soluzione di continuità ed a partire, per ogni cifra, dal bit più significativo (MSB). Il segnale Start, attivo a livello logico 1 e di durata unitaria, identifica l'intervallo di presentazione in ingresso del primo bit (ovvero del MSB della prima cifra) di ciascun messaggio.

Il sistema ha il compito di verificare, contando il numero di volte che ognuna delle 10 cifre si presenta nell'ambito di un messaggio, se l'effettiva frequenza di occorrenza di ciascuna di esse coincide con la corrispondente frequenza nominale. Al termine del processo di elaborazione di un messaggio, il sistema deve attivare il segnale di uscita End (livello logico 1, durata unitaria) e contestualmente indicare tramite il segnale  $D_{OUT}$  se la condizione suddetta è soddisfatta ( $D_{OUT} = 1$ ) o meno ( $D_{OUT} = 0$ ) per tutte le 10 cifre.

Il sistema deve essere strutturato in accordo al modello "data-path & control unit" secondo lo schema indicato in figura, rispettando le specifiche progettuali nel seguito delineate per quanto concerne l'unità di controllo  $U_C$  e le tre unità funzionali  $U_1$ ,  $U_2$ ,  $U_3$  preposte all'elaborazione dei messaggi.

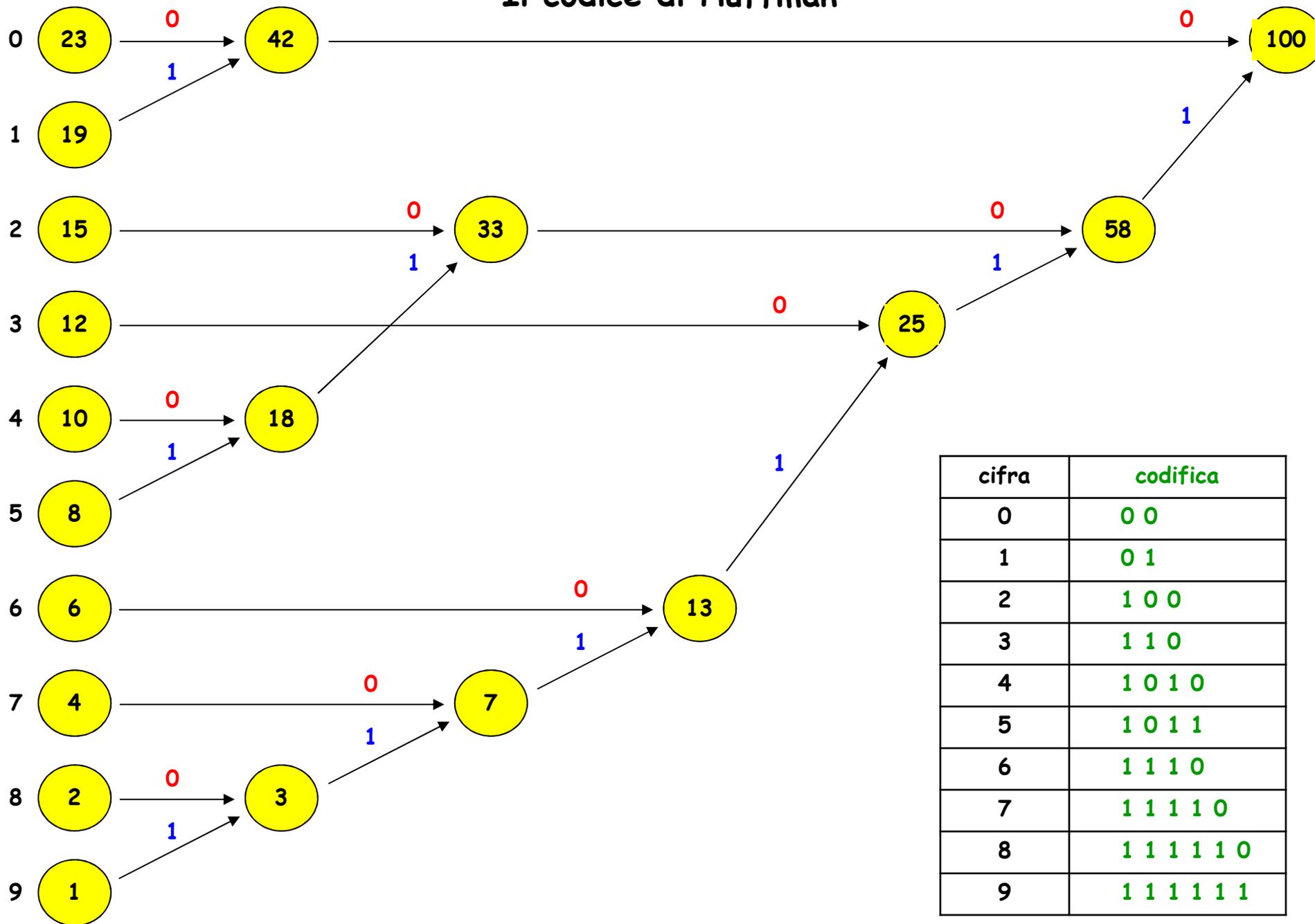


- L'unità  $U_1$ , allorché abilitata da  $U_C$  (segnale di ingresso  $E_1 = 1$ ), opera il riconoscimento delle varie cifre presenti in un messaggio, procedendo ad attivare il segnale di uscita  $Z_1$  in corrispondenza dell'intervallo di ricezione dell'ultimo bit di ciascuna di esse ed indicandone contestualmente la relativa rappresentazione secondo il codice BCD mediante i 4 segnali  $D_3, D_2, D_1, D_0$ .
- L'unità  $U_2$  opera, in base al segnale  $Z_1$  generato da  $U_1$ , il conteggio del numero di cifre riconosciute nell'ambito di un messaggio, provvedendo ad attivare il segnale di uscita  $Z_2$  allorché tale numero coincide con  $N$ . Tale unità è adibita anche a gestire il numero di volte che ciascuna delle 10 cifre si presenta nell'ambito di un messaggio. Allo scopo si avvale di 10 contatori  $x(N+1)$ , opportunamente abilitati al conteggio in base al valore dei segnali  $Z_1, D_3, D_2, D_1, D_0$  generati da  $U_1$ . Attraverso una rete di moltiplicazione ed in base alla configurazione dei segnali di selezione  $y_3, y_2, y_1, y_0$  generati da  $U_3$ , il valore di uno specifico contatore è reso disponibile in uscita tramite i segnali  $Q_{n-1}, \dots, Q_1, Q_0$  ( $n = \lceil \lg_2(N+1) \rceil$ ).
- L'unità  $U_3$ , allorché abilitata da  $U_C$  (segnale di ingresso  $E_3 = 1$ ), procede a verificare se, nell'ambito del messaggio ricevuto e per ognuna delle 10 cifre, l'effettiva frequenza di occorrenza ( $f_e$ ) coincide con la corrispondente frequenza nominale ( $f_n$ ). Per ogni cifra, il valore di  $f_e$  è derivabile dall'unità  $U_2$  tramite i segnali di selezione  $y_3, y_2, y_1, y_0$ , mentre il valore di  $f_n$  è localmente disponibile in una memoria del tipo ROM. Il completamento del processo di verifica è evidenziato con l'attivazione del segnale di uscita  $Z_3$ , mentre l'esito, positivo o negativo, con il valore logico 1 o 0, rispettivamente, del segnale  $D_{OUT}$ .

Nell'ipotesi che ciascun messaggio sia costituito da  $N = 100$  cifre:

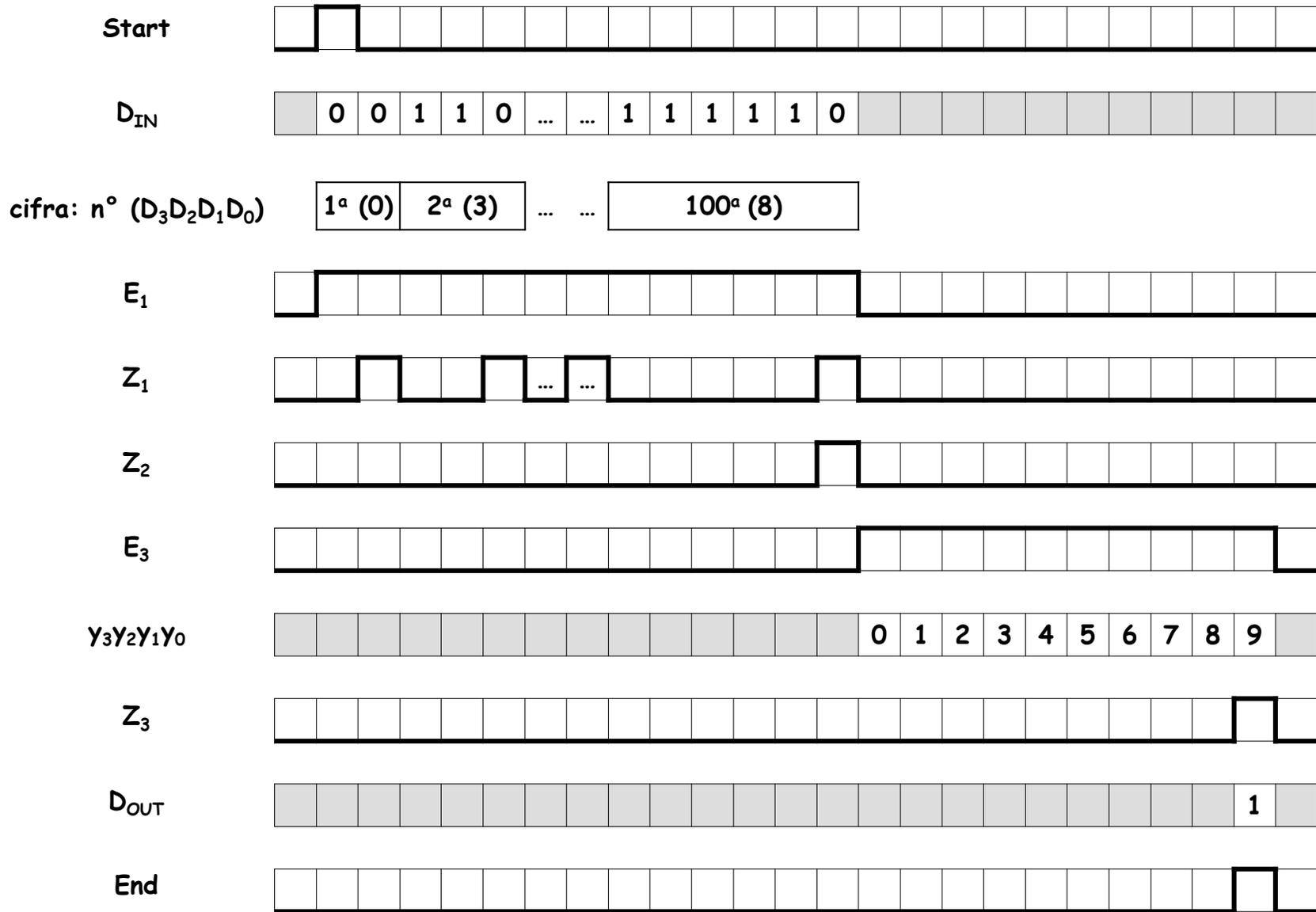
- 1) si determini il fattore di compressione dei messaggi derivante dall'applicazione del codice di HUFFMAN rispetto alla semplice rappresentazione di ciascuna delle  $N$  cifre mediante un codice irridondante a 4 bit;
- 2) si formalizzi il comportamento dell'unità  $U_1$  in termini di automa a stati finiti;
- 3) si completi il progetto delle unità  $U_2$  e  $U_3$ , avvalendosi dei componenti ritenuti più idonei allo scopo e motivando esplicitamente tutte le scelte operate;
- 4) si definisca il grafo degli stati dell'unità di controllo.

# Il codice di Huffman



cifra	codifica
0	0 0
1	0 1
2	1 0 0
3	1 1 0
4	1 0 1 0
5	1 0 1 1
6	1 1 1 0
7	1 1 1 1 0
8	1 1 1 1 1 0
9	1 1 1 1 1 1

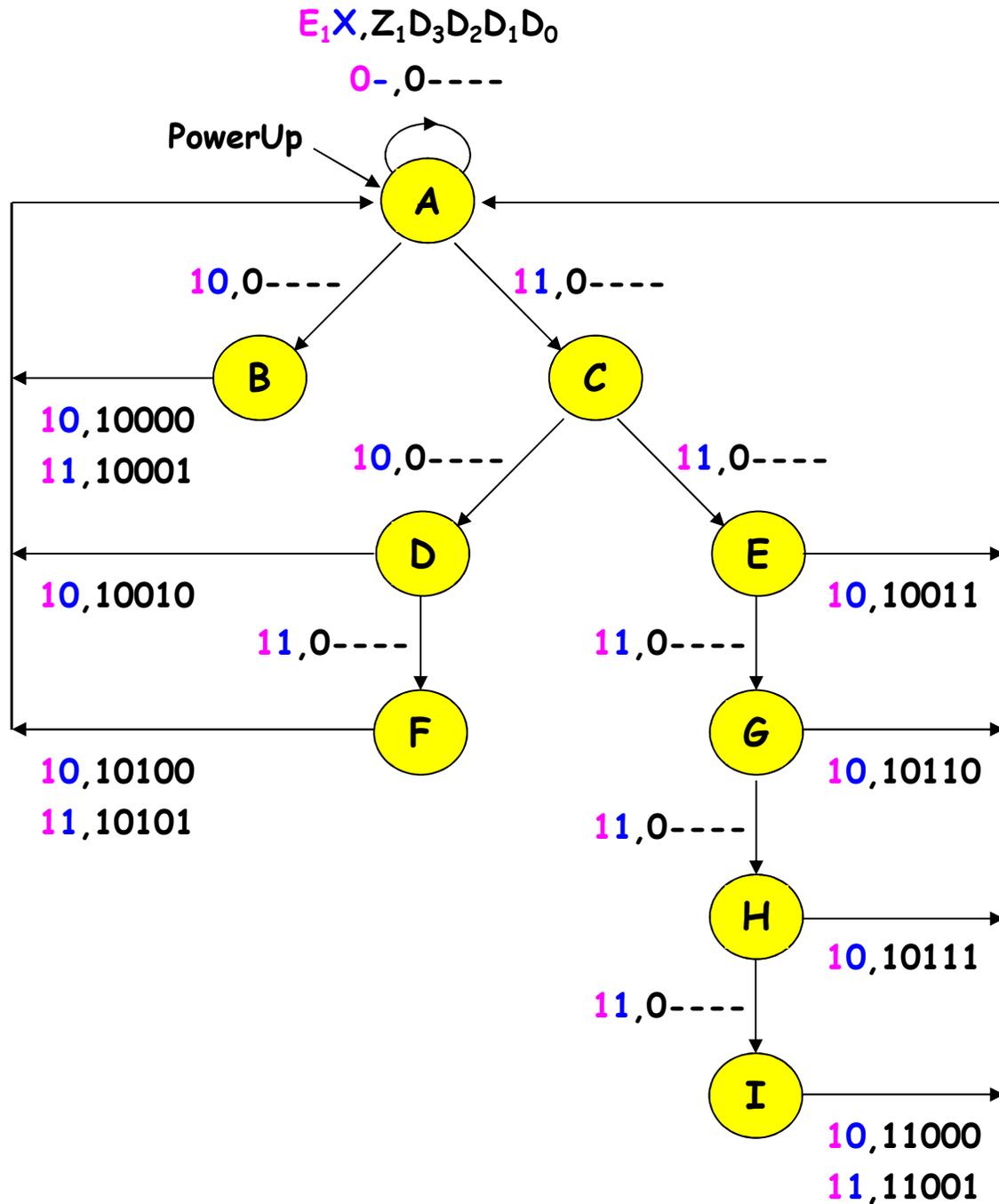
ipotesi:  $f_e = f_n$  per ciascuna delle 10 cifre



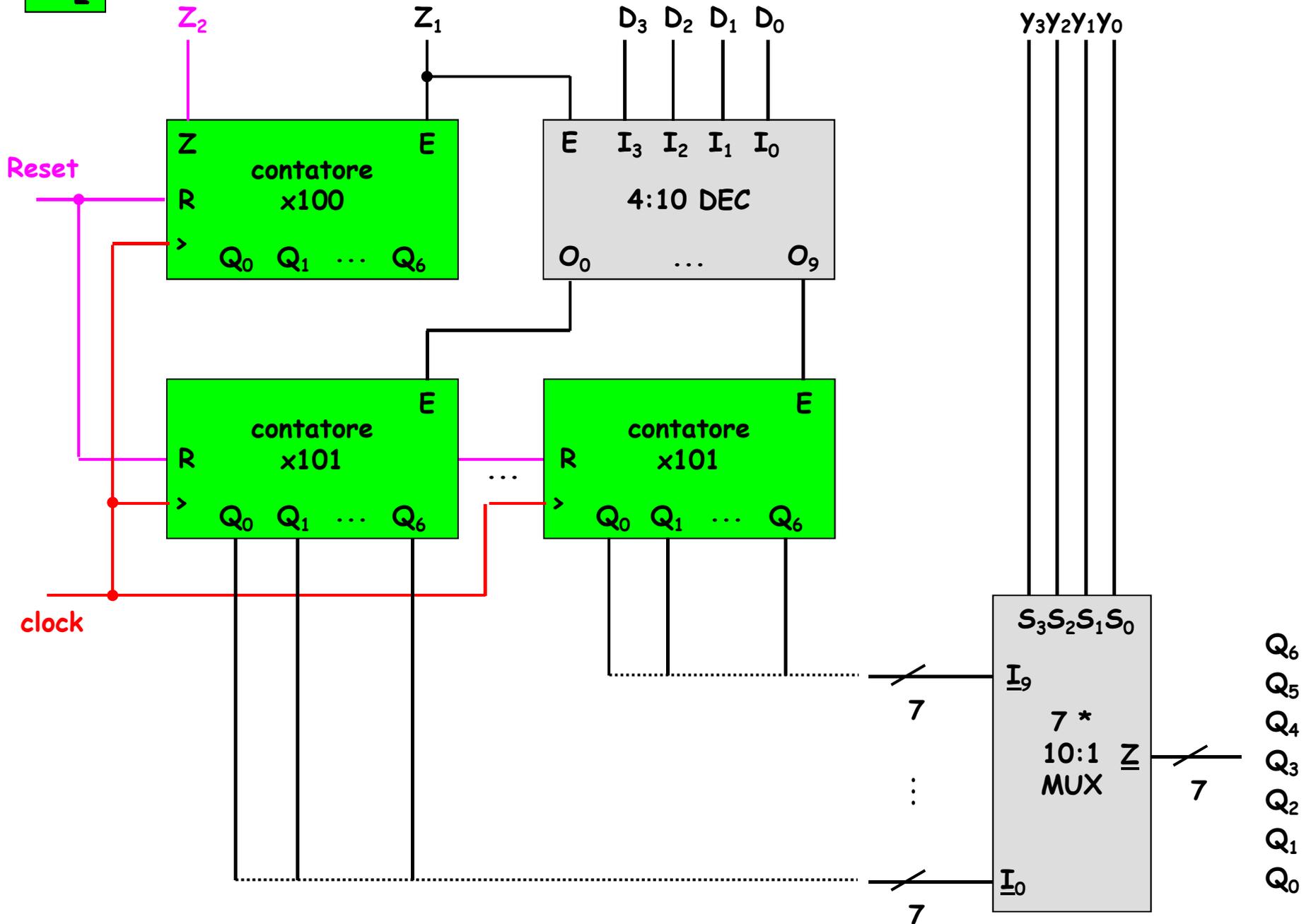
$$\text{Fattore di compressione} = \frac{(0.23 * 2 + 0.19 * 2 + 0.15 * 3 + \dots + 0.01 * 6) \text{ N}}{4 \text{ N}} = 0.75$$

**U<sub>1</sub>**

cifra	codifica
0	0 0
1	0 1
2	1 0 0
3	1 1 0
4	1 0 1 0
5	1 0 1 1
6	1 1 1 0
7	1 1 1 1 0
8	1 1 1 1 1 0
9	1 1 1 1 1 1



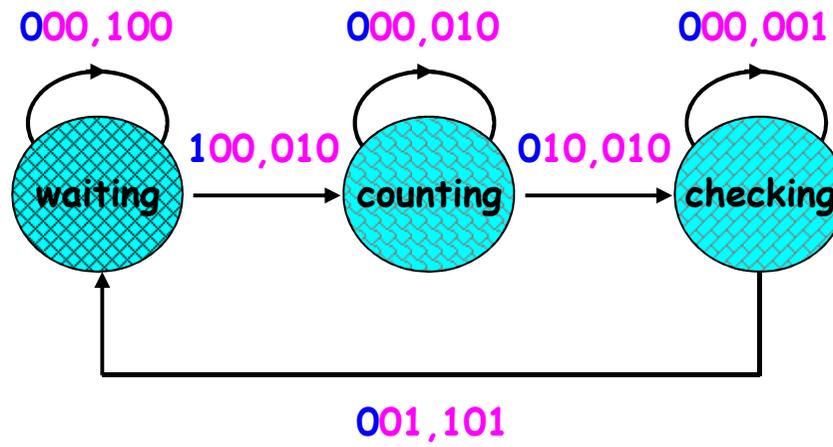
$U_2$





$U_c$

Start  $Z_2 Z_3, R E_1 E_3$



End =  $Z_3$

## Problema 8

Nell'ambito dei sistemi digitali per la compressione dei dati senza perdita di informazione sono spesso utilizzati i codici di Elias, il cui obiettivo è la rappresentazione efficiente dei numeri interi positivi, qualunque sia il relativo campo di variabilità, attraverso stringhe di bit non di lunghezza fissa, stabilita in base al valore massimo da rappresentare, bensì di lunghezza differenziata, correlata al numero di bit significativi che intervengono nella rappresentazione binaria di ciascun valore.

In particolare:

- il codice  $\gamma$  di Elias codifica un qualunque valore intero  $N \geq 1$  premettendo alla sua rappresentazione binaria in forma minima  $N_{2min}$  un numero di "0" uguale al numero di bit che intervengono in  $N_{2min}$  dopo il bit più significativo;
- il codice  $\delta$  di Elias codifica un qualunque valore intero  $N \geq 1$  premettendo alla sua rappresentazione binaria in forma minima  $N_{2min}$ , senza il bit più significativo, la configurazione che identifica secondo il codice  $\gamma$  il numero di bit che intervengono in  $N_{2min}$ .

Un sistema digitale sincrono, caratterizzato da due segnali di ingresso START, X (entrambi sincroni rispetto al clock) e da undici segnali di uscita END,  $Z_9, Z_8, Z_7, Z_6, Z_5, Z_4, Z_3, Z_2, Z_1, Z_0$ , ha il compito di elaborare numeri rappresentati secondo il codice  $\delta$  compresi nel range [1-999], fornendo per ciascuno di essi in uscita la corrispondente configurazione binaria a dieci bit.

Ciascun dato è applicato in ingresso al sistema serialmente, a partire dal bit più significativo, attraverso il segnale X. L'intervallo di presentazione del primo bit di ciascun dato è evidenziato al sistema dall'esterno tramite il valore 1 del segnale START.

Ciascun risultato deve essere fornito in uscita dal sistema in parallelo tramite i segnali  $Z_9$  (bit più significativo), ...,  $Z_1, Z_0$ . L'intervallo di presentazione di ciascun risultato, coincidente con l'intervallo di ricezione del bit meno significativo del dato corrispondente, deve essere segnalato dal sistema tramite il valore 1 dell'uscita END.

N
1
2
3
4
5
6
7
8
9
10
11
12
13
14
15
16
32
64
128
256
512
1024

$N_{2min}$
1
10
11
100
101
110
111
1000
1001
1010
1011
1100
1101
1110
1111
10000
100000
1000000
10000000
100000000
1000000000

$N_\gamma$
1
010
011
00100
00101
00110
00111
0001000
0001001
0001010
0001011
0001100
0001101
0001110
0001111
000010000
00000100000
0000001000000
00000000100000000
0000000001000000000
000000000010000000000

$N_\delta$
1
0100
0101
01100
01101
01110
01111
00100000
00100001
00100010
00100011
00100100
00100101
00100110
00100111
001010000
0011000000
00111000000
0001000000000
000100100000000
0001010000000000
00010110000000000

numero di bit:

$$1 + \lfloor \log_2 N \rfloor$$

$$1 + 2 \lfloor \log_2 N \rfloor$$

$$1 + \lfloor \log_2 N \rfloor + 2 \lfloor \log_2 (\lfloor \log_2 N \rfloor + 1) \rfloor$$

Il sistema deve essere articolato in due unità funzionali disposte in cascata, come indicato in figura.

La prima unità, ricevendo in ingresso i due segnali  $START$  e  $X$ , ha il compito di operare la conversione serie-parallelo, nonché la trascodifica dal codice  $\gamma$  al codice binario, del preambolo che identifica, per ciascun dato applicato in ingresso, il numero dei bit corrispondenti alla rappresentazione del valore.

Tale informazione, codificata tramite i quattro segnali  $Z_3^*$  (bit più significativo),  $Z_2^*$ ,  $Z_1^*$ ,  $Z_0^*$ , è fornita in ingresso alla seconda unità, la quale ha semplicemente il compito di operare la conversione serie-parallelo dei bit rappresentativi del valore.

Questi ultimi bit, incluso il bit più significativo non previsto dal codice  $\delta$ , vengono trasferiti dalla prima alla seconda unità in serie attraverso il segnale  $X^*$ . L'intervallo di presentazione del primo bit (il più significativo) è notificato dalla prima alla seconda unità tramite l'attivazione (valore logico 1) del segnale  $START^*$ .

Ciascuna unità deve essere strutturata in accordo al modello "data-path & control unit".

Il data-path della prima unità è costituito da:

- un contatore binario bidirezionale  $\times 4$ , dotato dei comandi  $E$  (ENABLE),  $U/D'$  (UP/DOWN') ed uscita ZERO, attiva (livello logico 1) allorché lo stato interno del contatore è zero;
- un registro a scorrimento di 3 bit, dotato del comando  $S/R'$  (SHIFT/RESET').

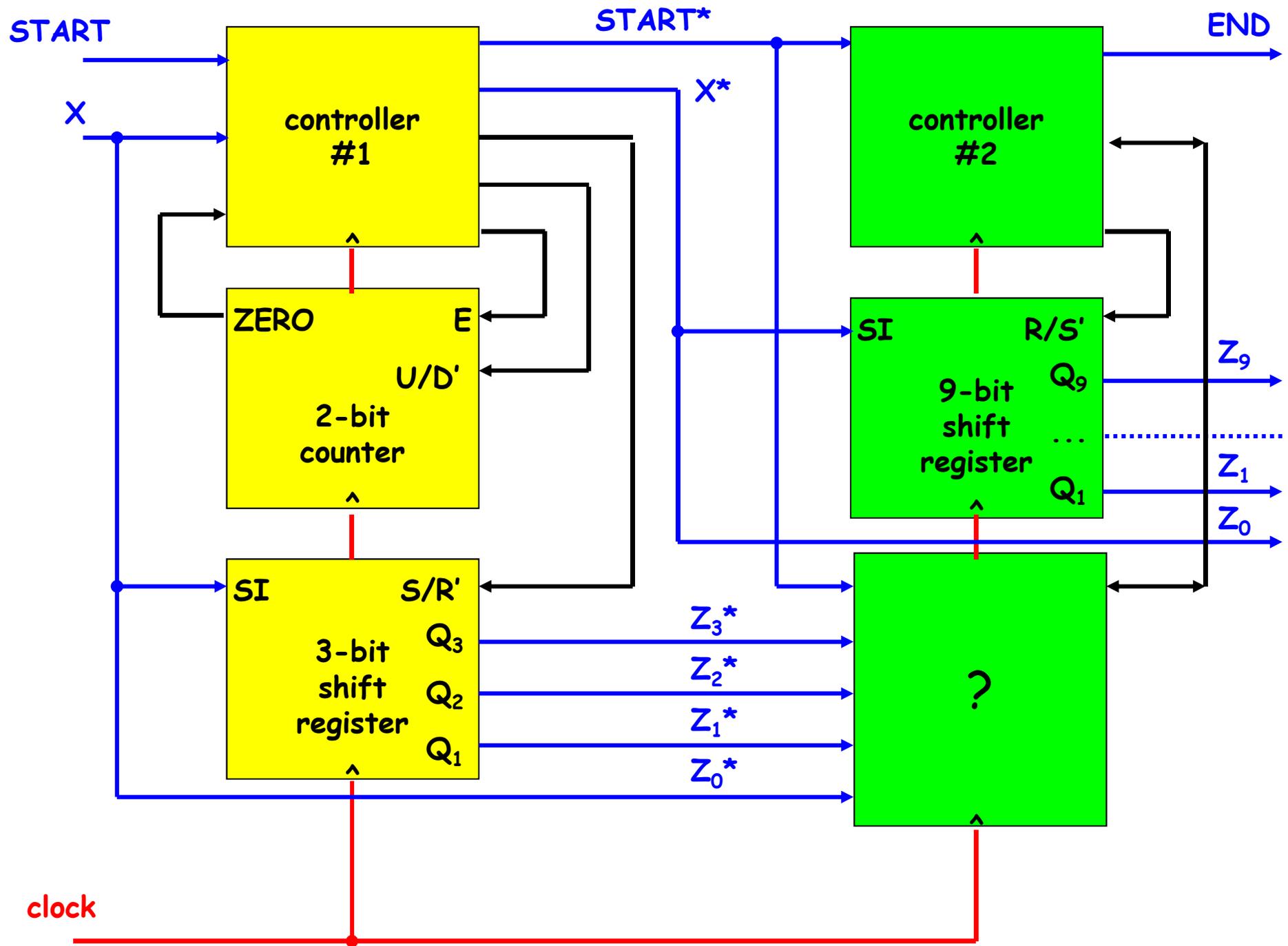
Il data-path della seconda unità comprende:

- un registro a scorrimento di 9 bit, dotato del comando  $R/S'$  (RESET/SHIFT');
- una rete sequenziale cui è affidato il compito di identificare l'intervallo di elaborazione dell'ultimo bit di ciascun dato applicato in ingresso.

Si definisca il grafo degli stati, caratterizzato dagli ingressi  $START$ ,  $X$ , ZERO e dalle uscite  $E$ ,  $U/D'$ ,  $S/R'$ ,  $START^*$ ,  $X^*$ , che modella il comportamento del controller della prima unità.

Si completi la struttura del data-path della seconda unità e si esegua la sintesi del relativo controller in termini di grafo degli stati.

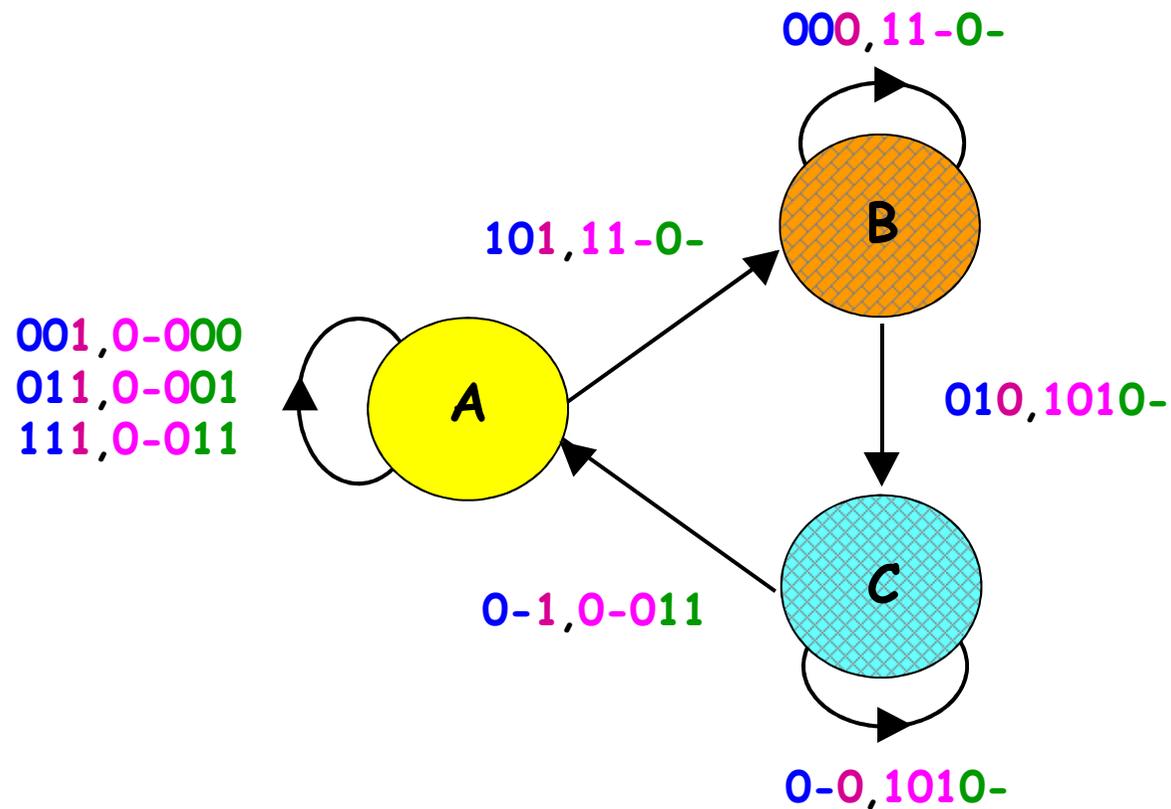




# Progetto della prima unità di controllo

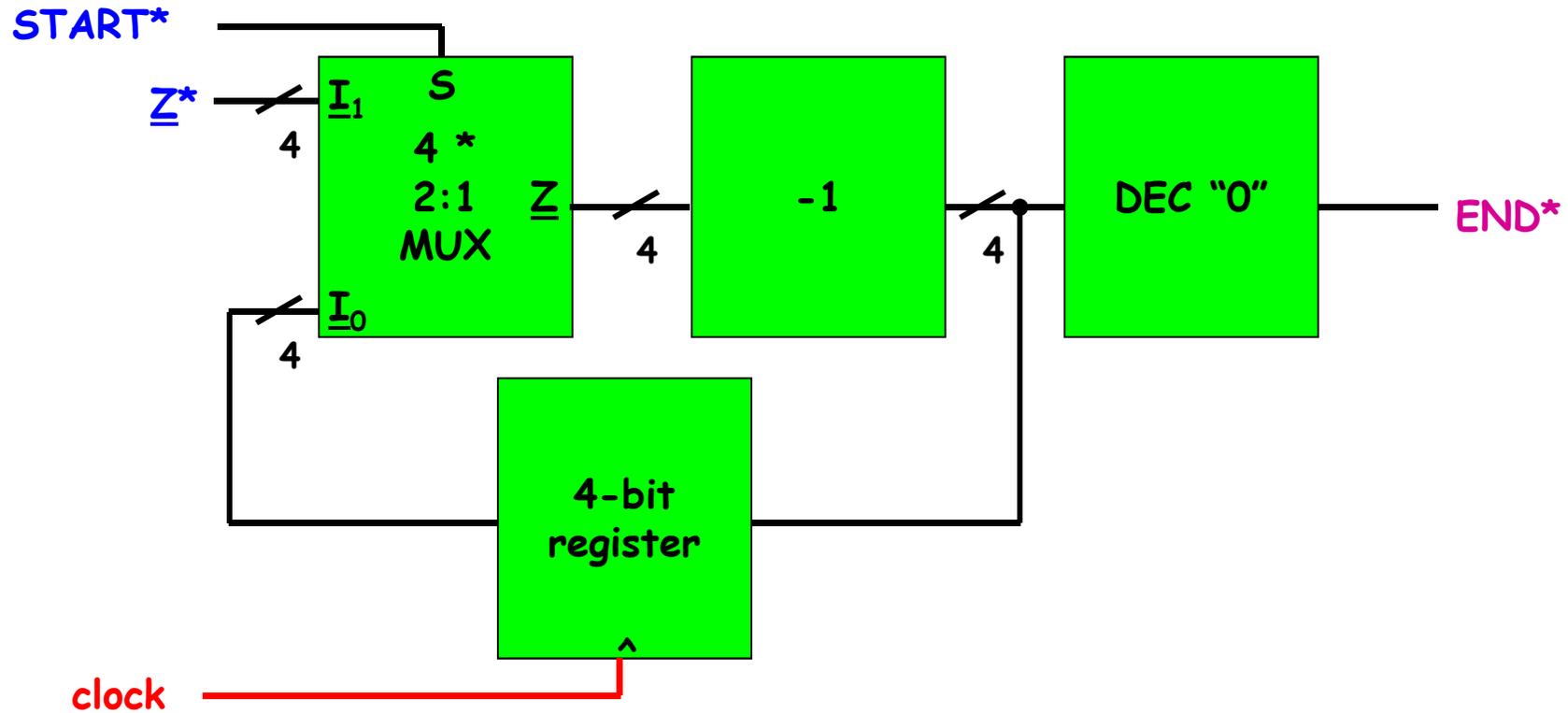
Il grafo degli stati

Legenda: START X ZERO, E U/D' S/R' START\* X\*



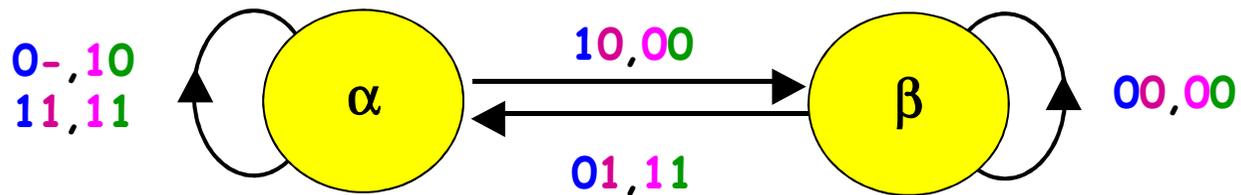
# Progetto della seconda unità

Il completamento del data-path



Il grafo degli stati della control unit

Legenda:  $START^*$   $END^*$ , R/S' END





**Register  
Transfer  
Language**

# RTL: Register Transfer Language

- $R1 \leftarrow R2$       il contenuto di R2 viene trasferito in R1
- $R1 \leftarrow op R2$       il risultato della operazione *op* sul contenuto di R2 viene trasferito in R1
- $R1 \leftarrow R2 op R3$       il risultato della operazione *op* sui contenuti di R2 e R3 viene trasferito in R1
- label* :  $R1 \leftarrow R2$       ad uno statement può essere associata una "etichetta"
- goto label*      il linguaggio prevede istruzioni di salto incondizionato
- if condition*      il linguaggio prevede istruzioni di salto condizionato  
*then ... else ...*

N.B.: due o più statement sono eseguiti  
*contemporaneamente* se separati da "," (ad es.:  $R1 \leftarrow R2, R3 \leftarrow R4$ ),  
*sequenzialmente* se separati da ";" (ad es.:  $R1 \leftarrow R2; R3 \leftarrow R4$ ).

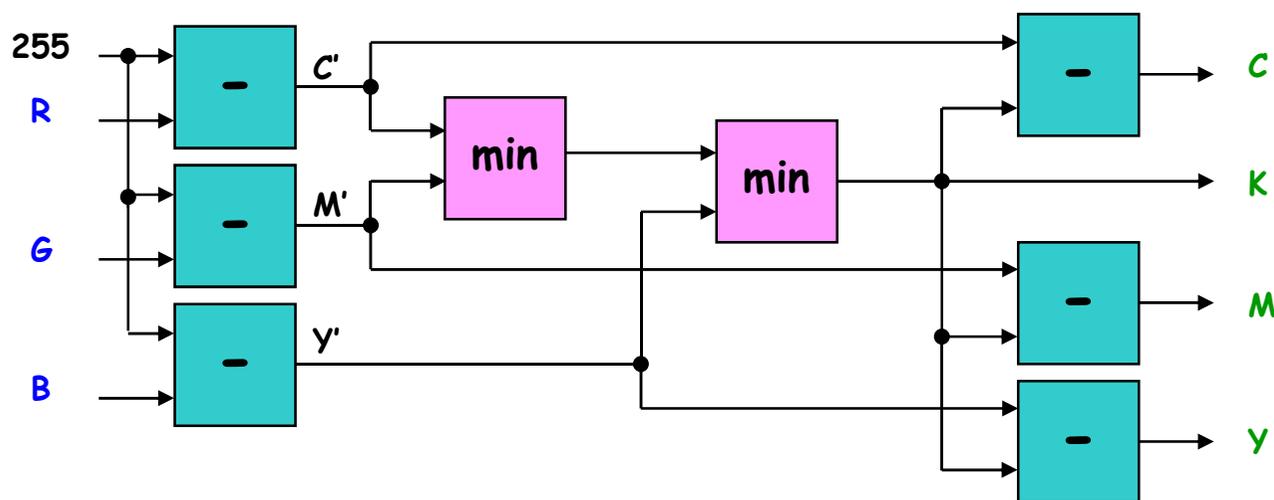
# Problema 1

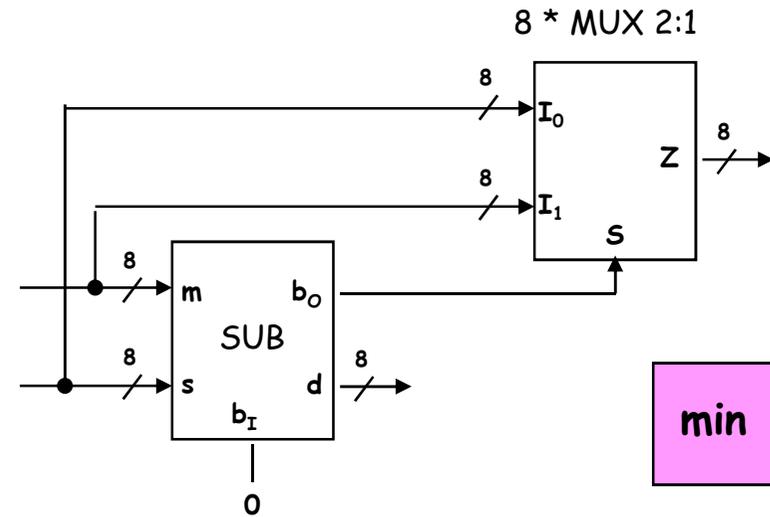
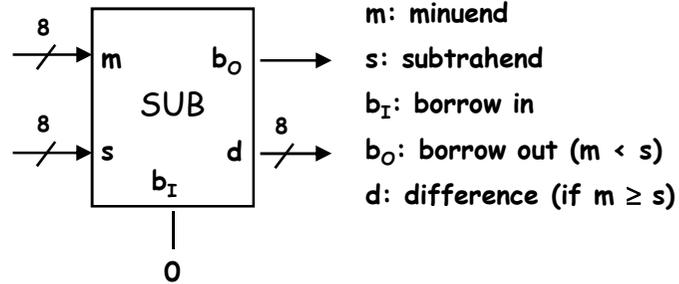
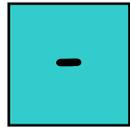
Nell'ambito di alcuni sistemi preposti all'elaborazione di immagini, come ad esempio le stampanti a colori a getto di inchiostro, si pone il problema di convertire la rappresentazione cromatica di ciascun pixel dallo spazio dei colori RGB (Red, Green, Blue) a quello KCMY (black, Cyan, Magenta, Yellow), essendo ciascuna componente di colore R, G, B, K, C, M, Y del tipo "8-bit unsigned integer".

Il processo di conversione comporta le seguenti elaborazioni:

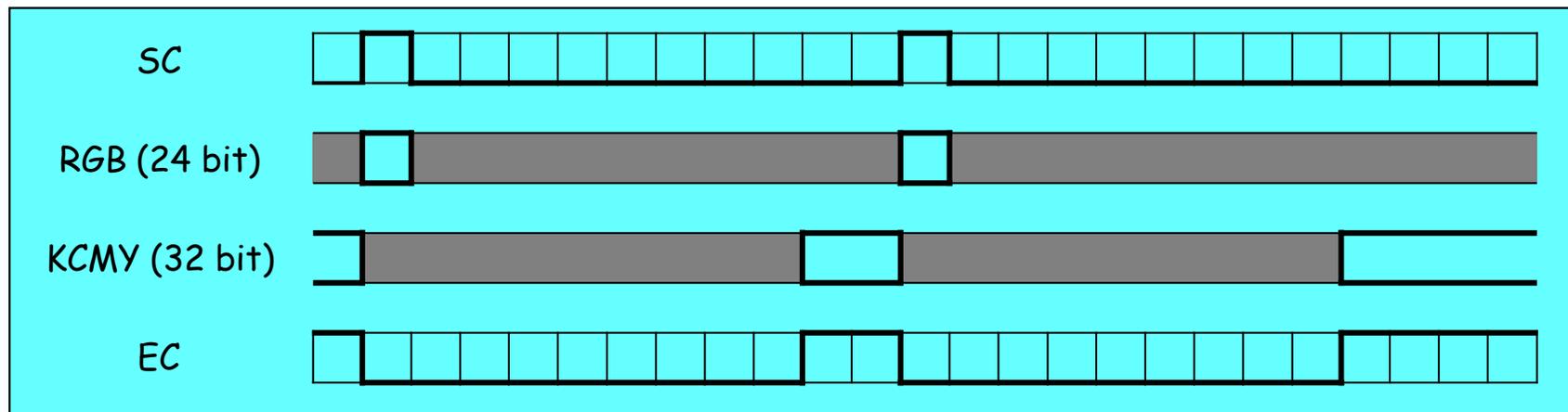
$$\begin{aligned}C' &= 255 - R \\M' &= 255 - G \\Y' &= 255 - B \\K &= \min(C', M', Y') \\C &= C' - K \\M &= M' - K \\Y &= Y' - K\end{aligned}$$

Ai fini della realizzazione digitale del convertitore, è possibile ricorrere o ad un sistema combinatorio comprendente *otto* sottrattori ...

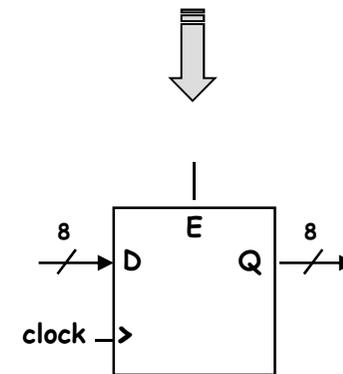
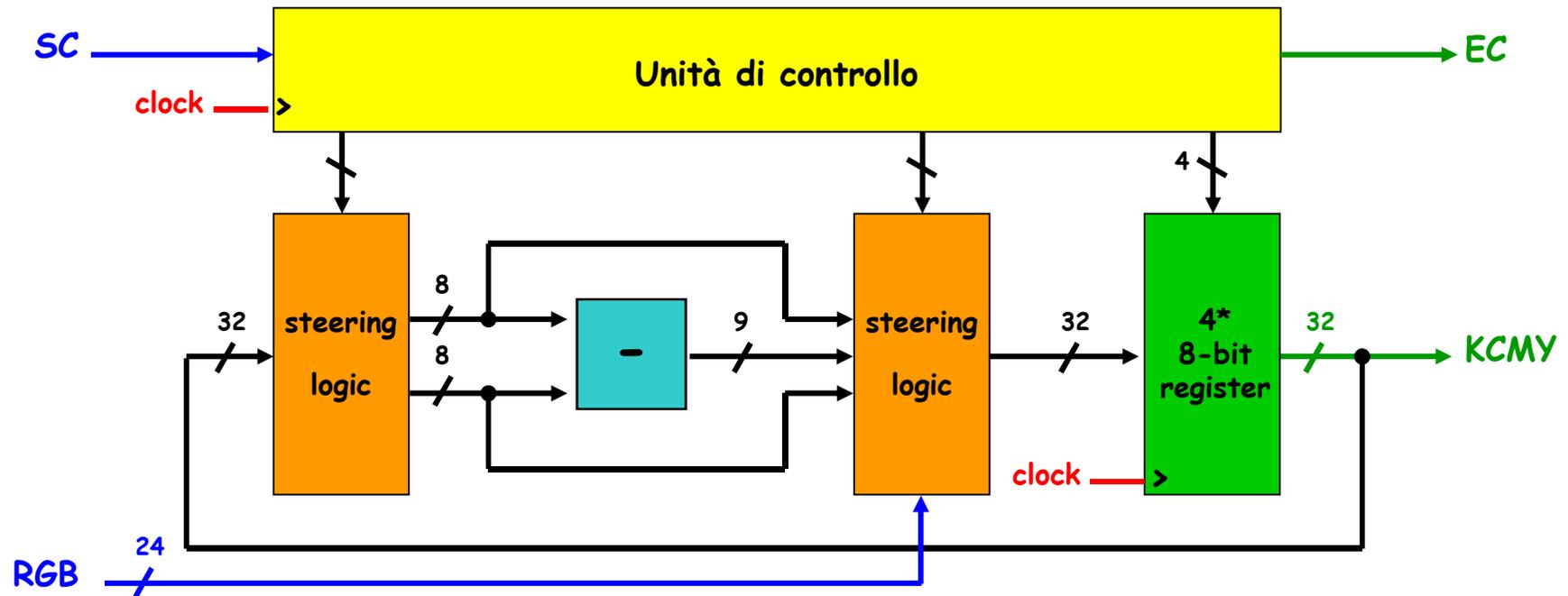




... oppure ad un sistema sequenziale basato sull'impiego di un *unico* sottrattore.  
Con riferimento a quest'ultimo approccio, si esegua la sintesi di un sistema sequenziale che, ricevendo in ingresso il valore delle 3 componenti R, G, B di un pixel, sia in grado di generare in uscita il valore delle corrispondenti 4 componenti K, C, M, Y. Il sistema prevede 2 ulteriori segnali SC (StartConversion) e EC (EndConversion), adibiti a identificare con il valore logico 1, rispettivamente, l'intervallo di presentazione in ingresso di un nuovo dato e l'intervallo in cui il corrispondente risultato è disponibile in uscita. Il segnale SC ha durata unitaria, il segnale EC deve rimanere attivo fino alla successiva attivazione di SC.



Il sistema deve essere strutturato in accordo al modello "data-path & control unit" secondo lo schema indicato in figura, avvalendosi dei componenti ritenuti più idonei allo scopo e motivando esplicitamente tutte le scelte progettuali operate.



## Descrizione RTL del processo di elaborazione

```
0: if (not SC)
    then EC ← 1, K ← K, C ← C, M ← M, Y ← Y, goto 0;      /* hold outputs */
    else EC ← 0, C ← R, M ← G, Y ← B;                        /* sample inputs */

1: EC ← 0, m ← 255, s ← C, C ← d, M ← M, Y ← Y;           /* C ← 255 - C */

2: EC ← 0, C ← C, m ← 255, s ← M, M ← d, Y ← Y;           /* M ← 255 - M */

3: EC ← 0, C ← C, M ← M, m ← 255, s ← Y, Y ← d;           /* Y ← 255 - Y */

4: EC ← 0, C ← C, M ← M, Y ← Y, m ← C, s ← M,             /* K ← min (C, M) */
   if (b0)
   then K ← m;
   else K ← s;

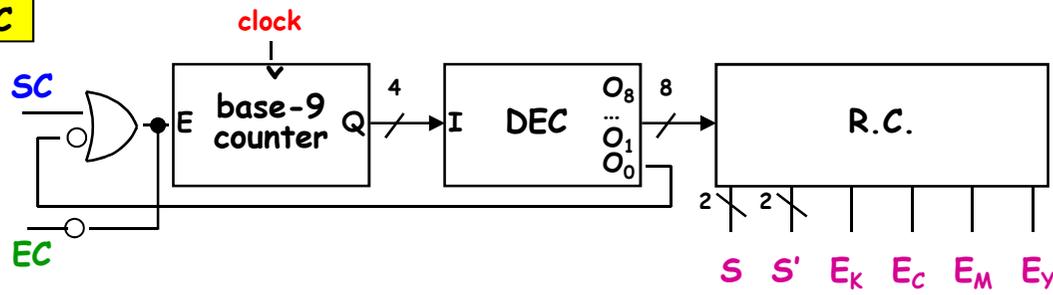
5: EC ← 0, C ← C, M ← M, Y ← Y, m ← Y, s ← K,             /* K ← min (Y, K) */
   if (b0)
   then K ← m;
   else K ← s;

6: EC ← 0, K ← K, m ← C, s ← K, C ← d, M ← M, Y ← Y;     /* C ← C - K */

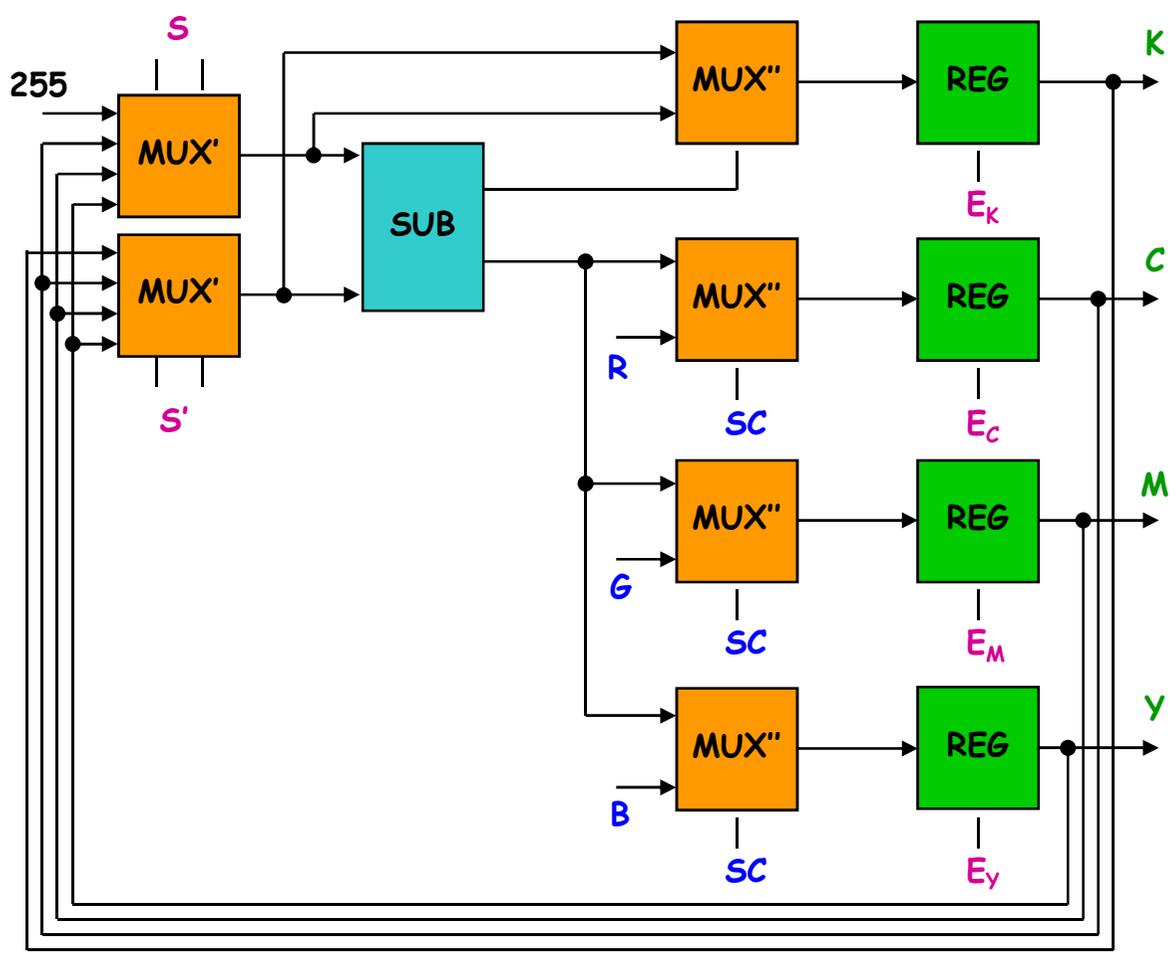
7: EC ← 0, K ← K, C ← C, m ← M, s ← K, M ← d, Y ← Y;     /* M ← M - K */

8: EC ← 0, K ← K, C ← C, M ← M, m ← Y, s ← K, Y ← d,     /* Y ← Y - K */
   goto 0;
```

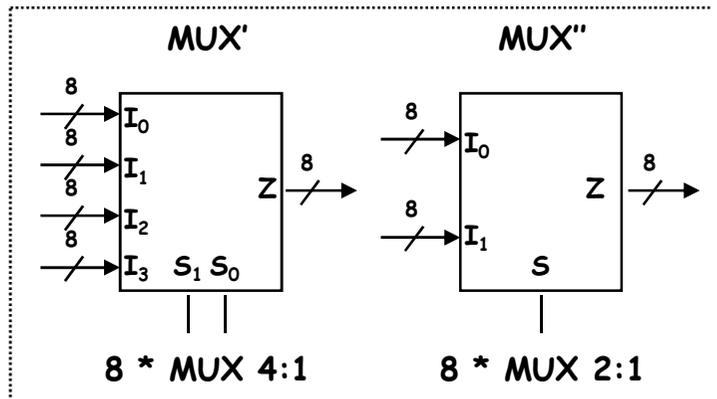
**U<sub>c</sub>**



step	S	S'	E <sub>k</sub>	E <sub>c</sub>	E <sub>m</sub>	E <sub>y</sub>
0	-	-	0	SC	SC	SC
1	0	1	-	1	0	0
2	0	2	-	0	1	0
3	0	3	-	0	0	1
4	1	2	1	0	0	0
5	3	0	1	0	0	0
6	1	0	0	1	0	0
7	2	0	0	0	1	0
8	3	0	0	0	0	1

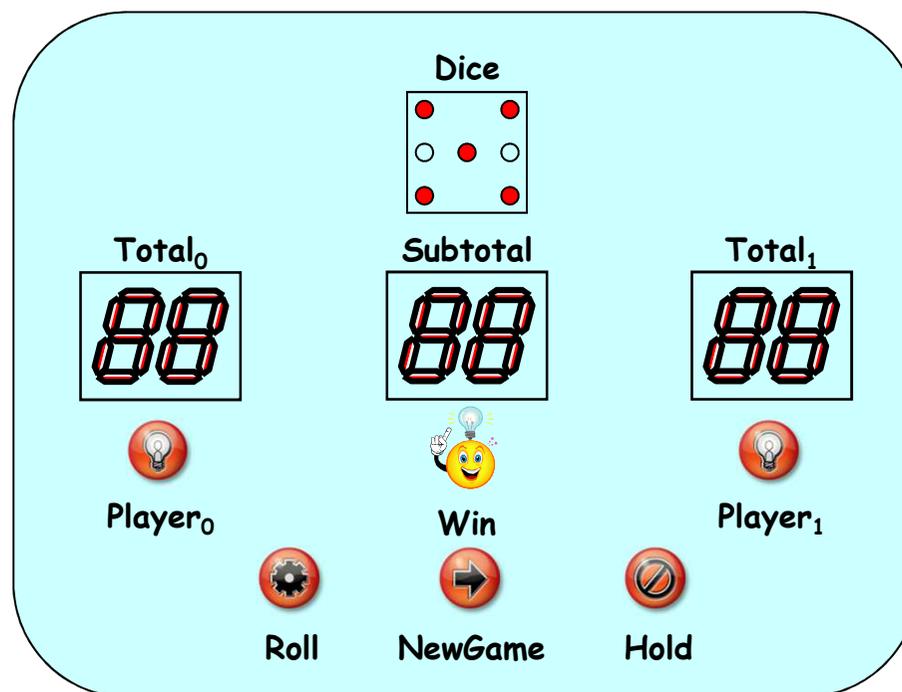


$$\begin{aligned}
 S_1 &= O_5 + O_7 + O_8 & E_k &= O_4 + O_5 \\
 S_0 &= O_4 + O_5 + O_6 + O_8 & E_c &= SC + O_1 + O_6 \\
 S_1' &= O_2 + O_3 + O_4 & E_m &= SC + O_2 + O_7 \\
 S_0' &= O_1 + O_3 & E_y &= SC + O_3 + O_8
 \end{aligned}$$



## Problema 2

Il gioco del "PIG", utilizzato nelle scuole elementari per consentire agli alunni di acquisire una intuitiva percezione del concetto di probabilità, prevede che ciascuno degli  $N$  ( $N \geq 2$ ) giocatori partecipanti ad un incontro, a rotazione, effettui il lancio di un dado anche più volte consecutivamente, accumulando via via un punteggio parziale uguale alla somma dei valori corrispondentemente esibiti dal dado. Tale punteggio parziale è tuttavia prontamente azzerato ed il turno del giocatore ritenuto concluso senza alcun incremento del punteggio totale conseguito negli eventuali precedenti turni, se a seguito di un lancio il dado esibisce il valore 1. Al fine di prevenire questo indesiderabile evento, tanto più probabile quanto maggiore è il numero di lanci effettuati, un giocatore può decidere di capitalizzare il punteggio parziale fino al momento conseguito nell'ambito di un turno passando spontaneamente la mano al giocatore successivo. Vince l'incontro il giocatore che per primo raggiunge un punteggio complessivo  $\geq 100$ .  
Con riferimento al caso di  $N = 2$  giocatori, la console del "PIG", evidenziata in figura, comprende:



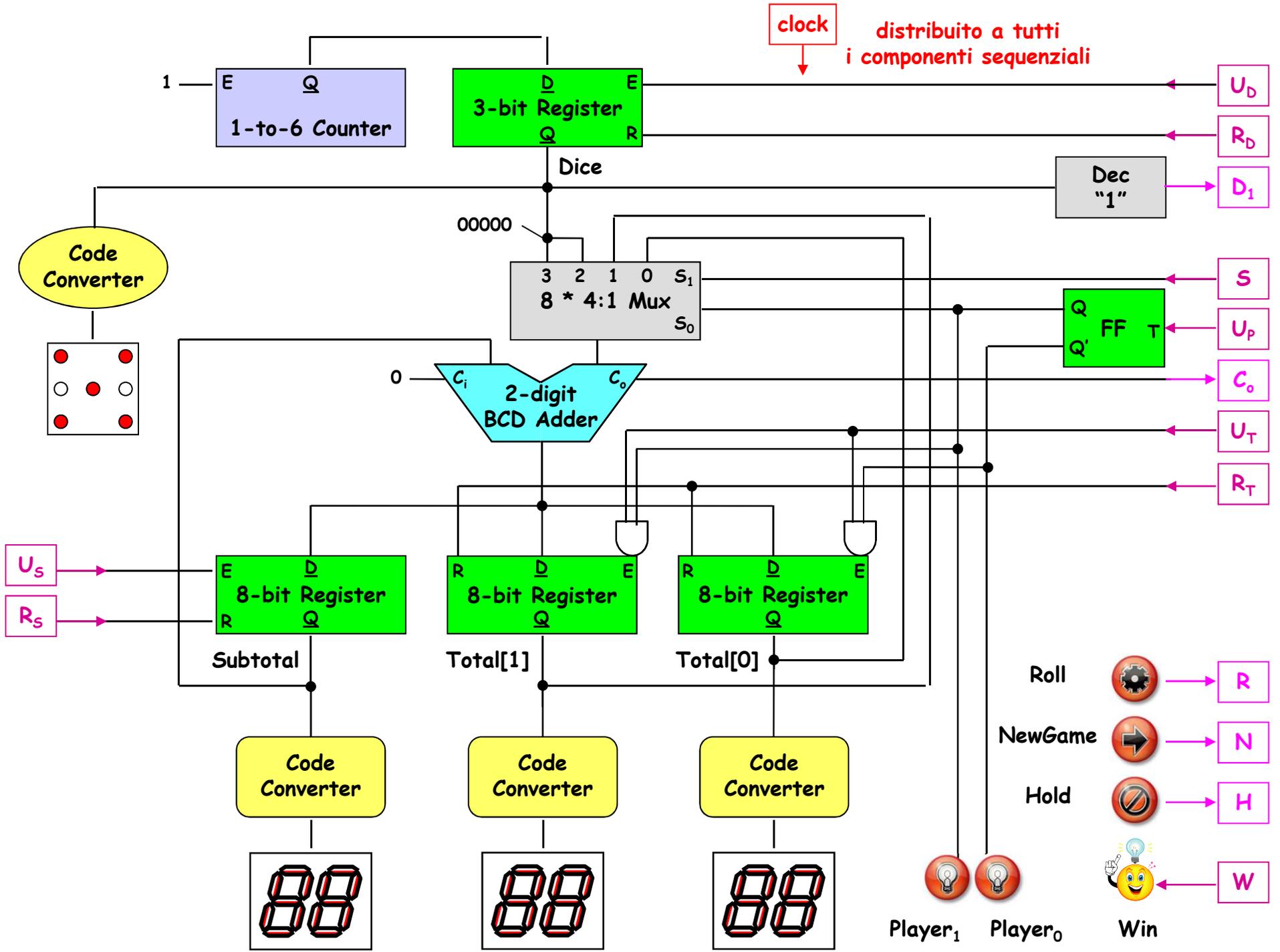
- due display numerici a 7-segmenti ("Total<sub>0</sub>", "Total<sub>1</sub>"), preposti alla visualizzazione del punteggio totale conseguito nei precedenti turni da ciascun giocatore;
- due led ("Player<sub>0</sub>", "Player<sub>1</sub>"), adibiti ad indicare in maniera mutuamente esclusiva quale sia il giocatore correntemente di turno ("Player");
- tre pulsanti ("Roll", "Hold", "NewGame"), tramite i quali il "Player" può, rispettivamente, richiedere il lancio del dado, notificare la propria decisione di passare la mano ritenendosi soddisfatto del punteggio parziale accumulato nel turno corrente, avviare un nuovo incontro in caso di vincita;
- un display a matrice di punti ("Dice"), preposto alla visualizzazione del punteggio conseguito dal "Player" a seguito del lancio del dado;
- un display numerico a 7-segmenti ("Subtotal"), preposto alla visualizzazione del punteggio parziale correntemente accumulato dal "Player" nell'ambito del turno;
- un led ("Win"), tramite il quale viene segnalata al "Player", una volta raggiunto un punteggio complessivo  $\geq 100$ , la vincita dell'incontro.

Si esegua il progetto di un sistema sequenziale sincrono, strutturato in accordo al modello "data-path & control unit" riportato in figura, in grado di gestire il gioco del "PIG" secondo le modalità delineate, più precisamente definite dalla seguente descrizione in linguaggio RTL:

```

0:  Win ← 0, Dice ← 0, Subtotal ← 0, Total[0] ← 0, Total[1] ← 0,
    if (NewGame)
    then goto 0; /* else goto 1 */;
1:  if (Roll)
    then Dice ← Counter /* , goto 2 */;
    else goto 1;
2:  if (not Roll)
    then if (Dice = 1)
        then Subtotal ← 0, Dice ← 0, Player ← Next (Player), goto 1;
        else Subtotal ← Subtotal + Dice, Dice ← 0 /* , goto 3 */;
    else goto 2;

```



```

3:  if ((Total[Player] + Subtotal) ≥ 100)
    then Win ← 1, goto 5;
    else if (Roll)
        then Dice ← Counter, goto 2;
        else if (Hold)
            then Total[Player] ← Total[Player] + Subtotal, Subtotal ← 0 /* , goto 4 */;
            else goto 3;

4:  if (not Hold)
    then Player ← Next (Player), goto 1;
    else goto 4;

5:  if (NewGame)
    then Player ← Next (Player), goto 0;
    else goto 5;

```

Sia all'accensione (Step 0) che a seguito della pressione del pulsante "NewGame" al termine di un incontro (Step 5), il sistema, dopo aver selezionato quale primo "Player" il giocatore successivo a quello che ha vinto l'incontro precedente (all'accensione la scelta è operata in maniera casuale), procede ad azzerare tutti i totalizzatori dei punteggi ed a spegnere i dispositivi di visualizzazione "Win" e "Dice". Prontamente quindi, o al rilascio del pulsante "NewGame" in caso di avvio di un nuovo incontro, il sistema si pone in attesa (Step 1) della richiesta da parte del "Player" di operare il lancio del dado. A seguito della pressione del pulsante "Roll", il sistema genera un numero casuale compreso nel range [1-6], campionando lo stato di un contatore free-running e visualizzandone il valore in "Dice". Al rilascio del pulsante "Roll" (Step 2), se il valore del dado è 1, il gioco, previo azzeramento di "Subtotal", passa nelle mani del successivo giocatore; in caso contrario il sistema, accumulato il valore del dado in "Subtotal", si pone in attesa (Step 3) di una richiesta di "Hold" o di "Roll" da parte del "Player". A fronte della richiesta di "Hold", il sistema somma al punteggio totale conseguito dal "Player" nei precedenti turni il punteggio parziale accumulato in "Subtotal" nel turno corrente, quindi opera la commutazione del "Player" (Step 4); a fronte della richiesta di "Roll", il sistema procede alla generazione di un nuovo numero casuale, reiterando poi i passi precedenti. Il "Player" è dichiarato vincitore (Step 5) non appena

il suo punteggio complessivo raggiunge o eccede la soglia prestabilita.

(N.B.: la transizione diretta dallo Step 2 allo Step 5, corrispondente all'evento alquanto improbabile che il "Player" vinca l'incontro lanciando il dado ripetutamente e sempre con esito positivo durante il proprio (primo) turno ( $\text{Subtotal} + \text{Dice} \geq 100$ ,  $\text{Subtotal} + \text{Total}[\text{Player}] < 100$ ), non è per semplicità contemplata).

Nell'ipotesi che i giocatori gestiscano i pulsanti in modo coerente (ovvero agiscano su uno solo di essi alla volta e soltanto se risulta contestualmente significativo ai fini dello sviluppo del gioco):

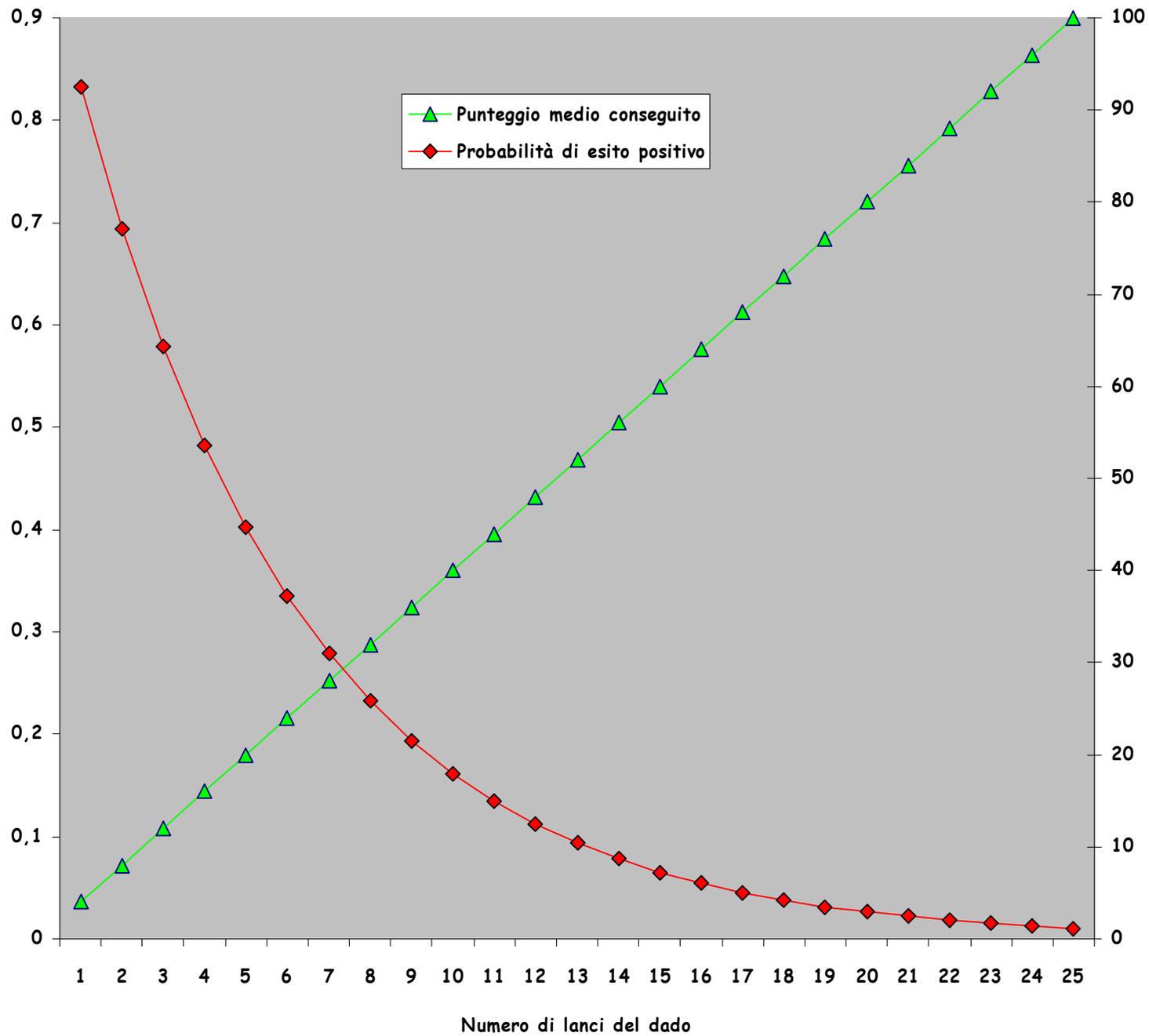
1. si determini il numero di volte che un giocatore "... fortunato" deve mediamente reiterare il lancio del dado onde poter vincere un incontro al primo turno, nonché la probabilità associata a tale evento;
2. si definisca formalmente, in termini di automa a stati finiti, il comportamento dell'unità di controllo, contraddistinta dai seguenti segnali di ingresso / uscita: N, R, H, D<sub>1</sub>, C<sub>0</sub> / R<sub>D</sub>, U<sub>D</sub>, R<sub>S</sub>, U<sub>S</sub>, R<sub>T</sub>, U<sub>T</sub>, U<sub>P</sub>, S, W, di cui gli ultimi due sintetizzati secondo il modello di Moore (in luogo dell'esplicita indicazione dei valori delle tre coppie di segnali binari (R<sub>D</sub>, U<sub>D</sub>), (R<sub>S</sub>, U<sub>S</sub>), (R<sub>T</sub>, U<sub>T</sub>), si adotti la seguente più sintetica notazione basata sull'impiego di tre variabili C<sub>D</sub>, C<sub>S</sub>, C<sub>T</sub>: C<sub>V</sub> (V = D, S, T) = h (hold) → R<sub>V</sub>U<sub>V</sub> = 00, C<sub>V</sub> = u (update) → R<sub>V</sub>U<sub>V</sub> = 01, C<sub>V</sub> = r (reset) → R<sub>V</sub>U<sub>V</sub> = 1-);
3. si identifichino le modifiche e/o le estensioni che è necessario prevedere a livello di console, data-path e control unit nel caso in cui i giocatori partecipanti al gioco siano N = 8.

**Ad ogni lancio:**

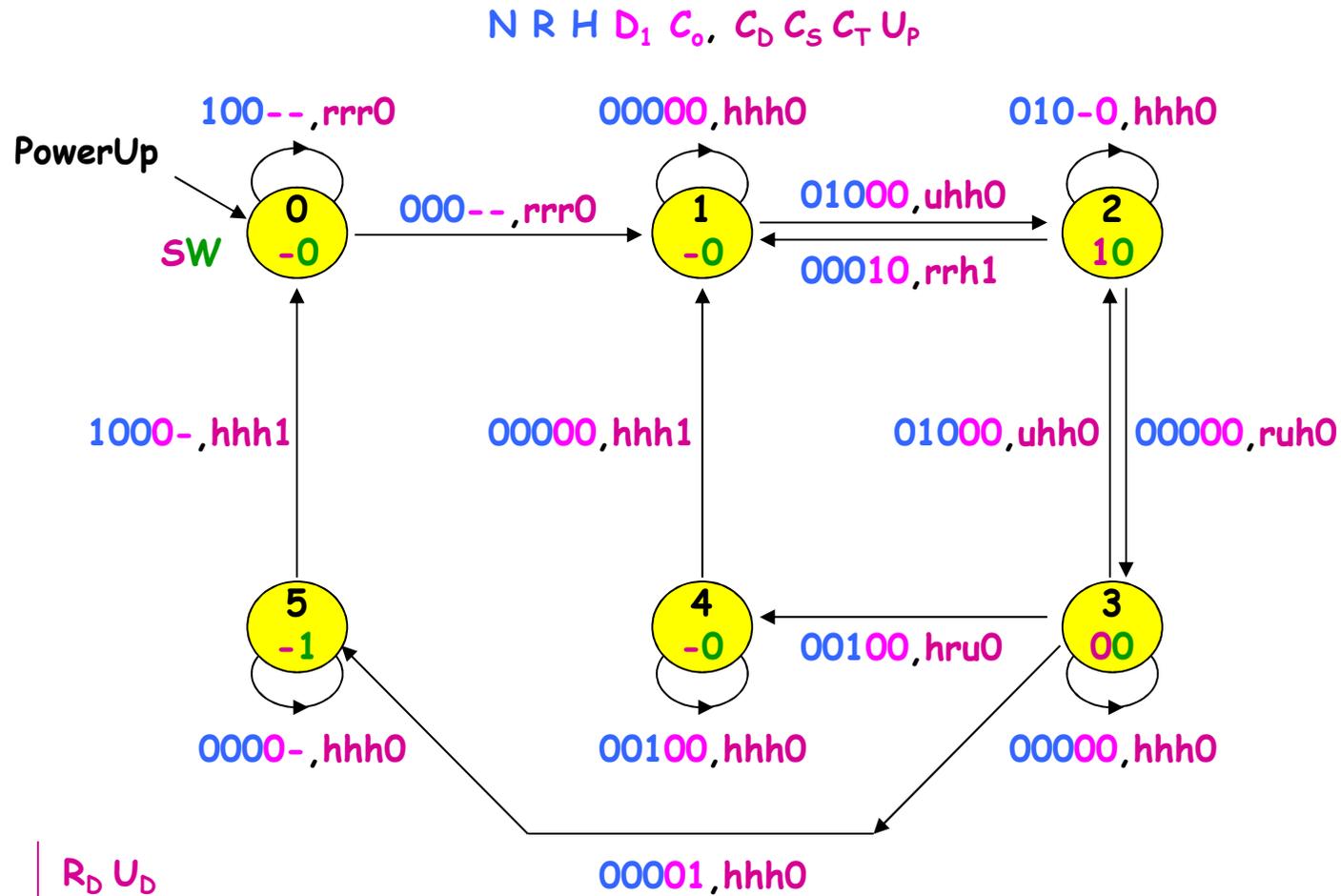
- **probabilità di esito positivo = 1 - probabilità di esito negativo = 1 - 1/6 = 5/6**
- **punteggio mediamente conseguito in caso di esito positivo = (2+3+4+5+6)/5 = 4**

**Onde poter vincere un incontro al primo turno:**

- **numero medio di lanci = 100/4 = 25**
- **probabilità di esito positivo in 25 lanci consecutivi = (5/6)<sup>25</sup> ≅ 0.01**



# Unità di controllo: automa a stati finiti



C <sub>D</sub>	R <sub>D</sub> U <sub>D</sub>
h (hold)	0 0
u (update)	0 1
r (reset)	1 -

analogamente C<sub>S</sub> e C<sub>T</sub>

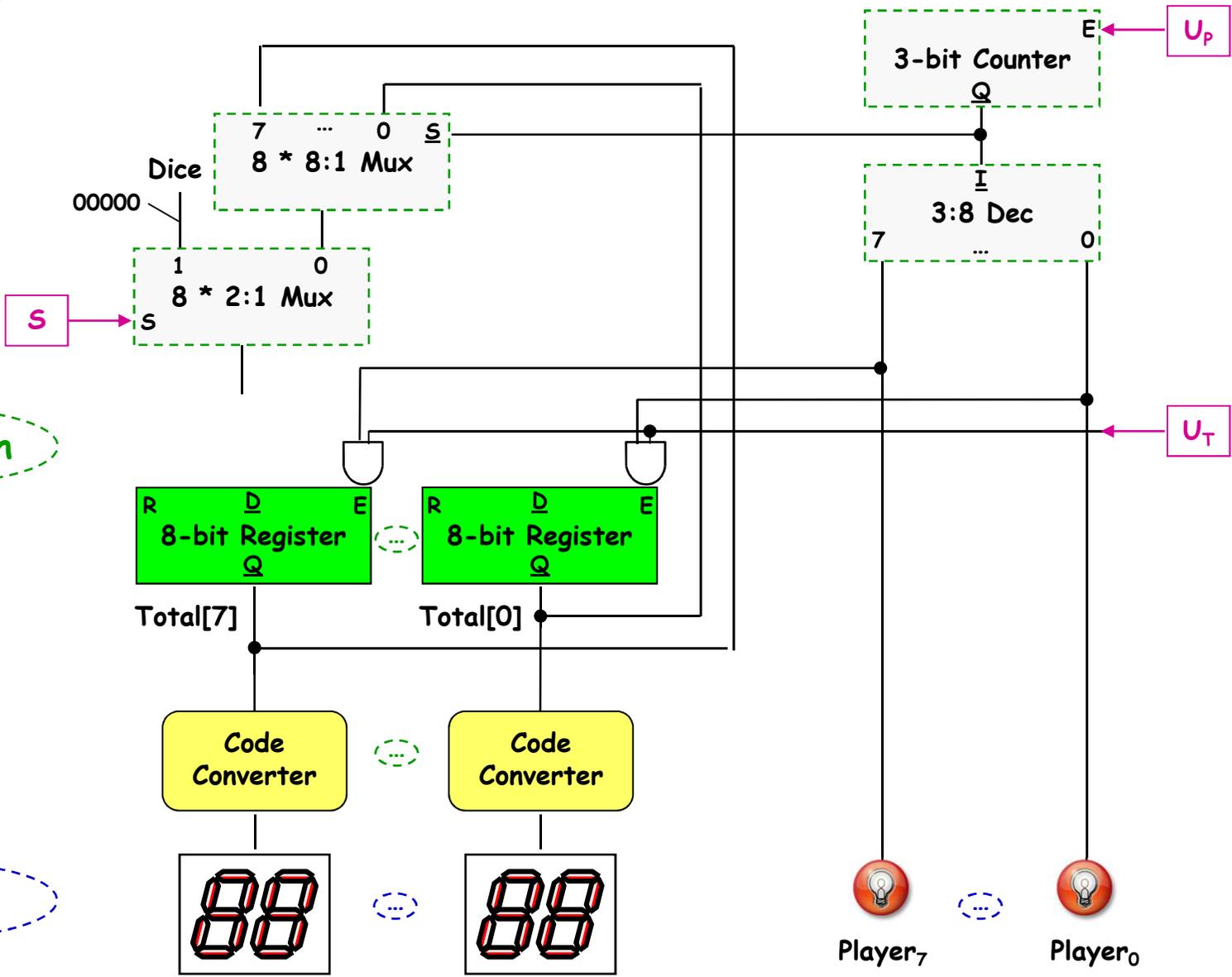
$N = 8 \rightarrow$  modifiche e/o estensioni a livello di:

control unit

nessuna

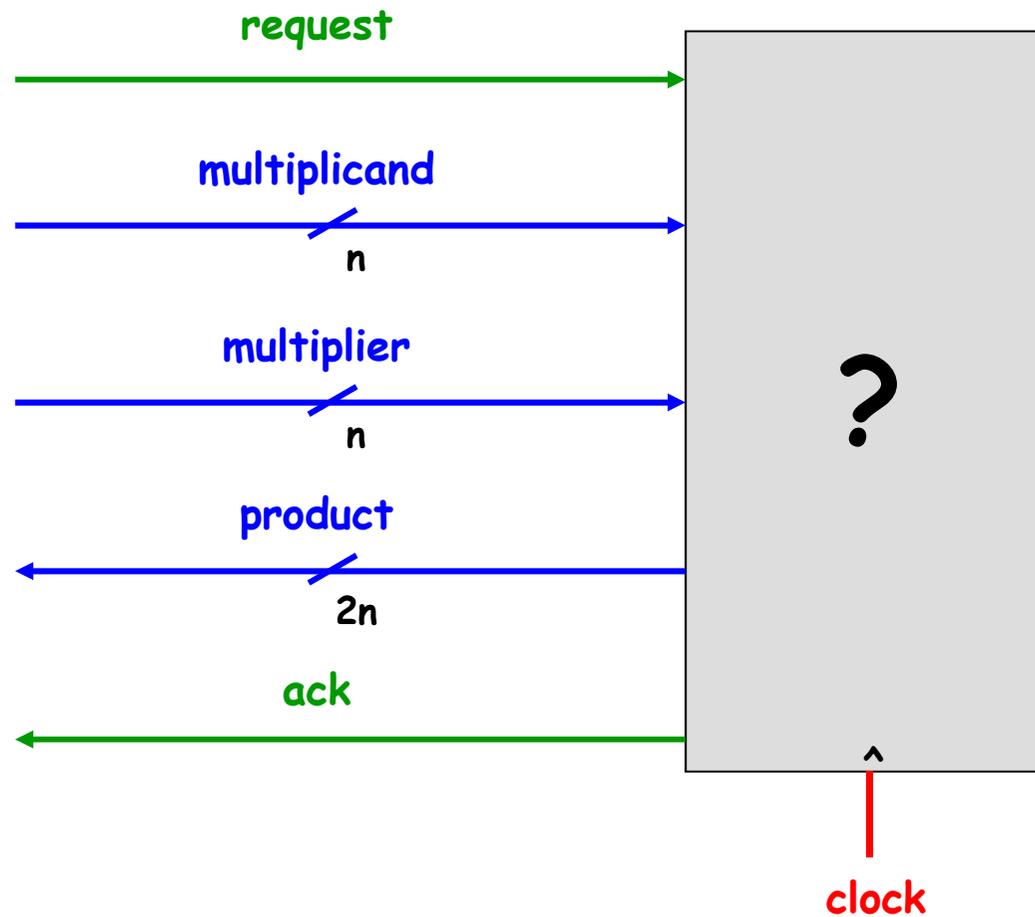
data-path

console



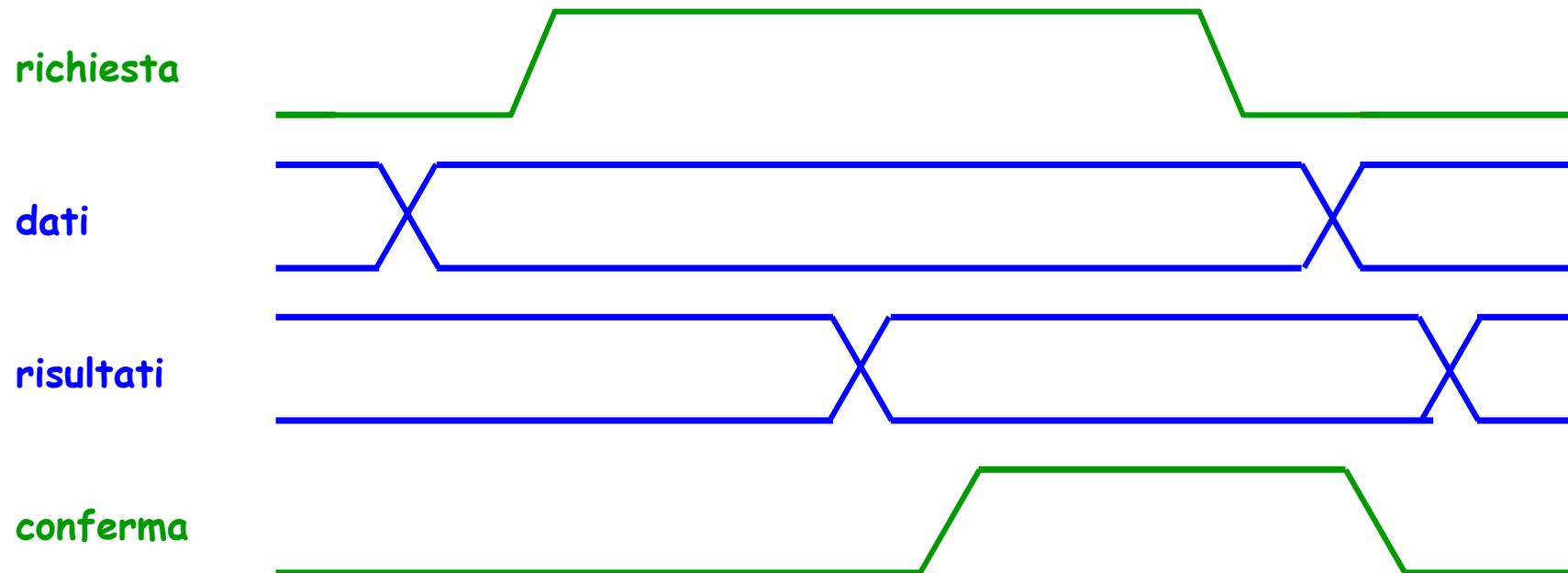
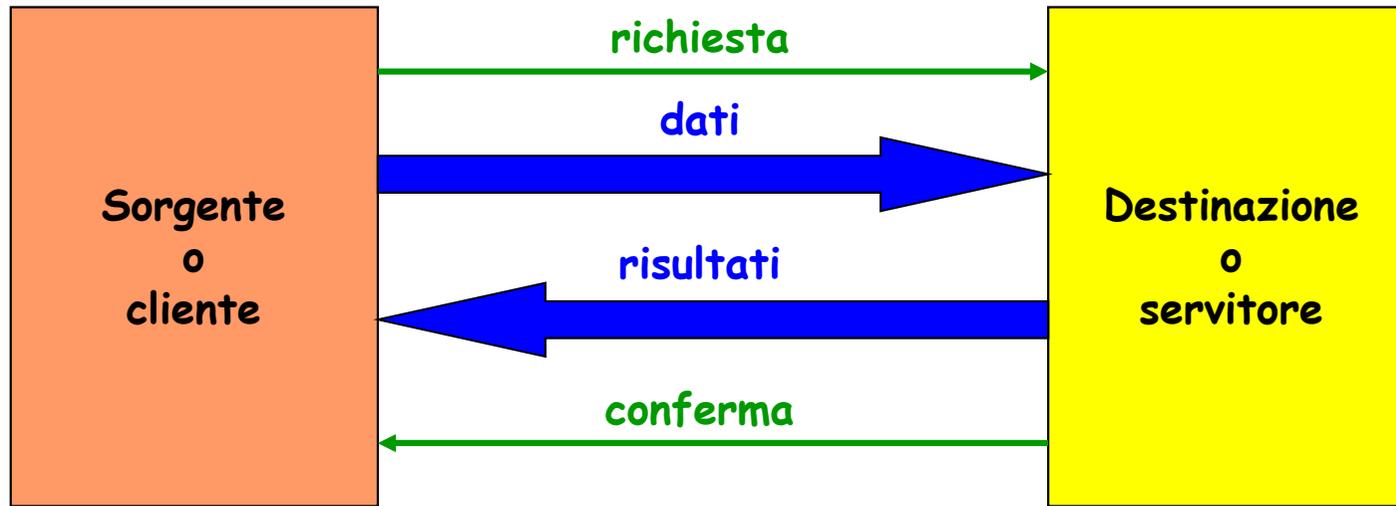
# Problema 3

## Sintesi di un moltiplicatore binario



multiplicand, multiplier, product: unsigned integer

# Comunicazione asincrona: protocollo a stretta di mano



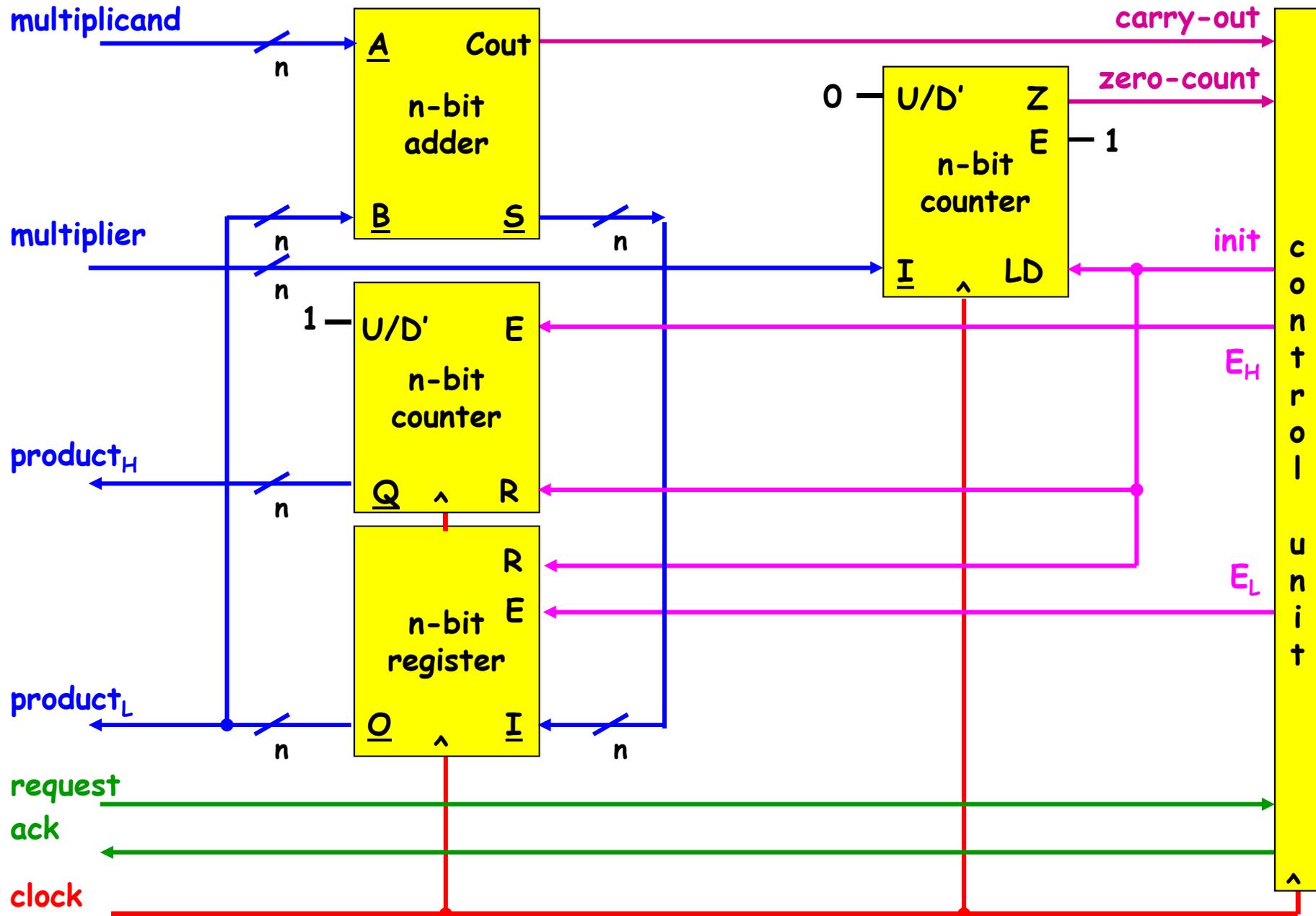
## Descrizione algoritmica del processo di elaborazione (1<sup>a</sup> soluzione)

```
while (true)
{
    ack = false;
    while (! request);
    counter = multiplier;
    product = 0;
    while (counter > 0)
    {
        product += multiplicand;
        counter --;
    }
    ack = true;
    while (request);
}
```

## Descrizione RTL del processo di elaborazione (1<sup>a</sup> soluzione)

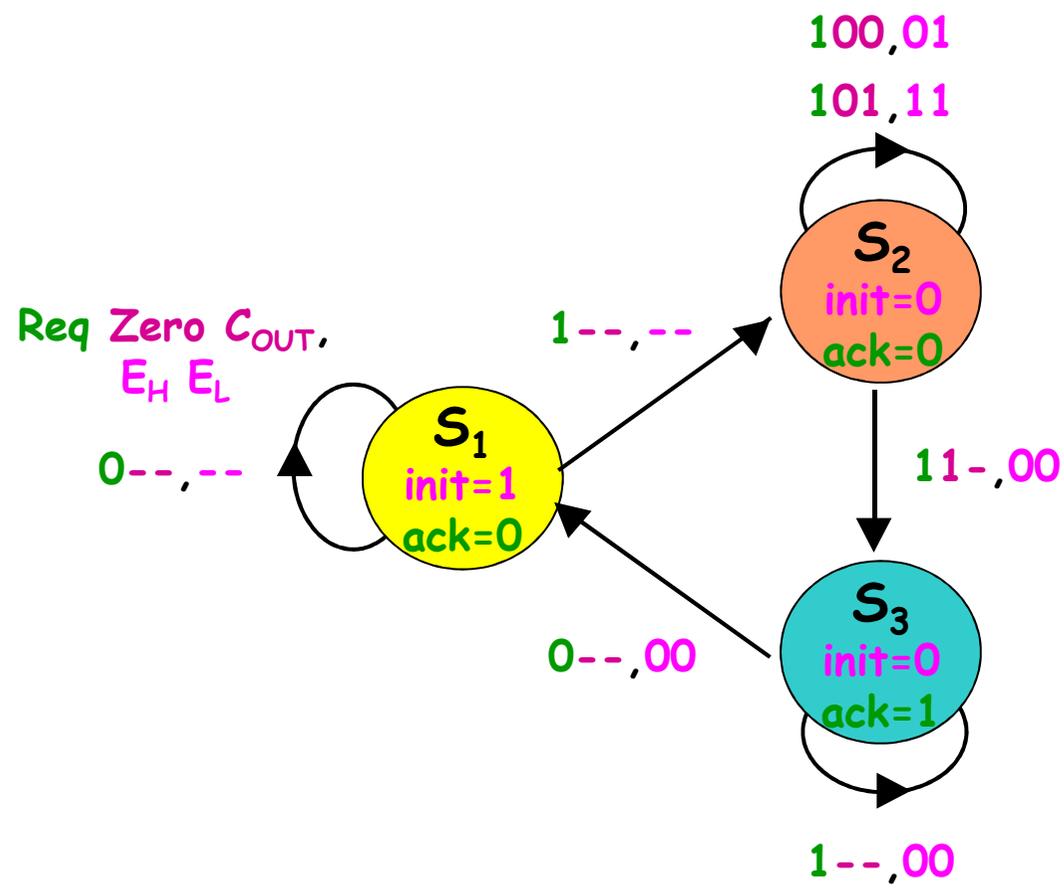
```
1: ack ← 0,  
   if (not request)  
   then goto 1;  
   else counter ← multiplier,  
        product ← 0 /* , goto 2 */;  
  
2: ack ← 0,  
   if (counter = 0)  
   then product ← product /* , goto 3 */;  
   else product ← product + multiplicand,  
        counter ← counter - 1,  
        goto 2;  
  
3: ack ← 1,  
   product ← product,  
   if (request)  
   then goto 3;  
   else goto 1;
```

# Progetto del data-path (1ª soluzione)



# Progetto della control unit (1ª soluzione) ...

## Il grafo degli stati

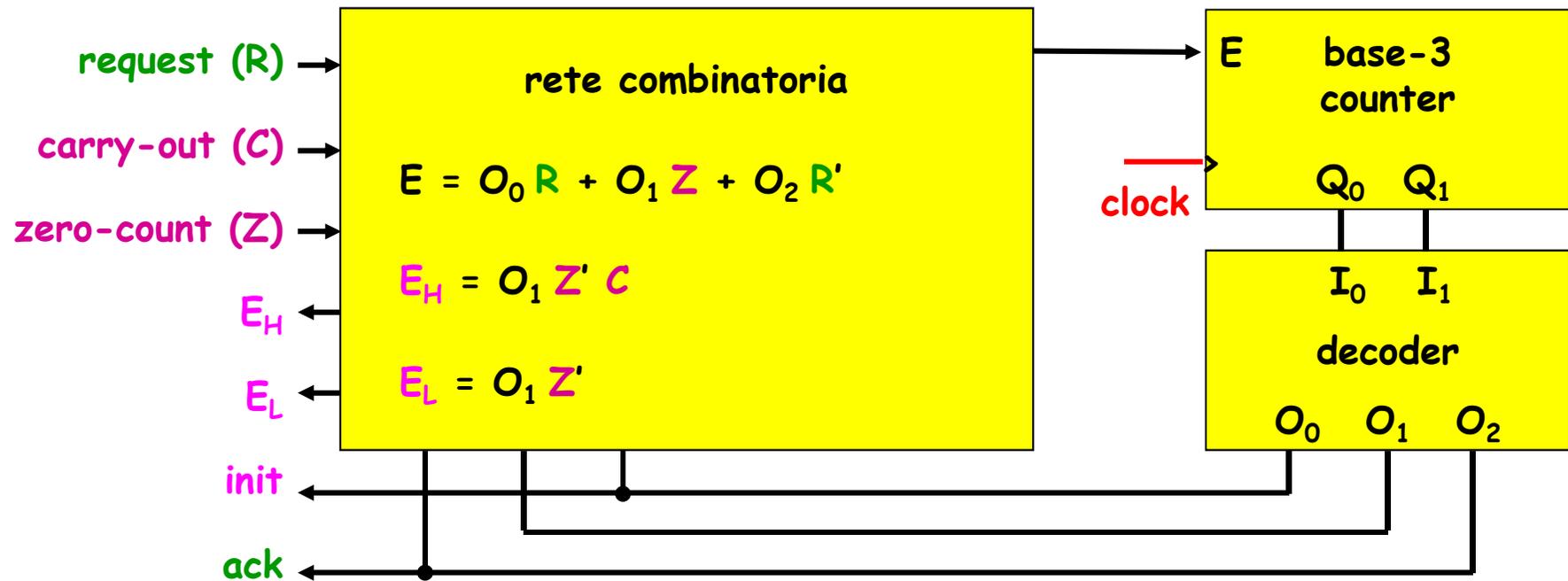


# ... Progetto della control unit (1ª soluzione)

request    zero-count    carry-out

	000	001	011	010	100	101	111	110	init	ack
s.p.	$S_1$	$S_1, --$	$S_1, --$	$S_1, --$	$S_2, --$	$S_2, --$	$S_2, --$	$S_2, --$	1	0
	$S_2$	$-, --$	$-, --$	$-, --$	$S_2, 01$	$S_2, 11$	$S_3, 00$	$S_3, 00$	0	0
	$S_3$	$S_1, 00$	$S_1, 00$	$S_1, 00$	$S_3, 00$	$S_3, 00$	$S_3, 00$	$S_3, 00$	0	1

s.f.,  $E_H E_L$



## Descrizione algoritmica del processo di elaborazione (2<sup>a</sup> soluzione)

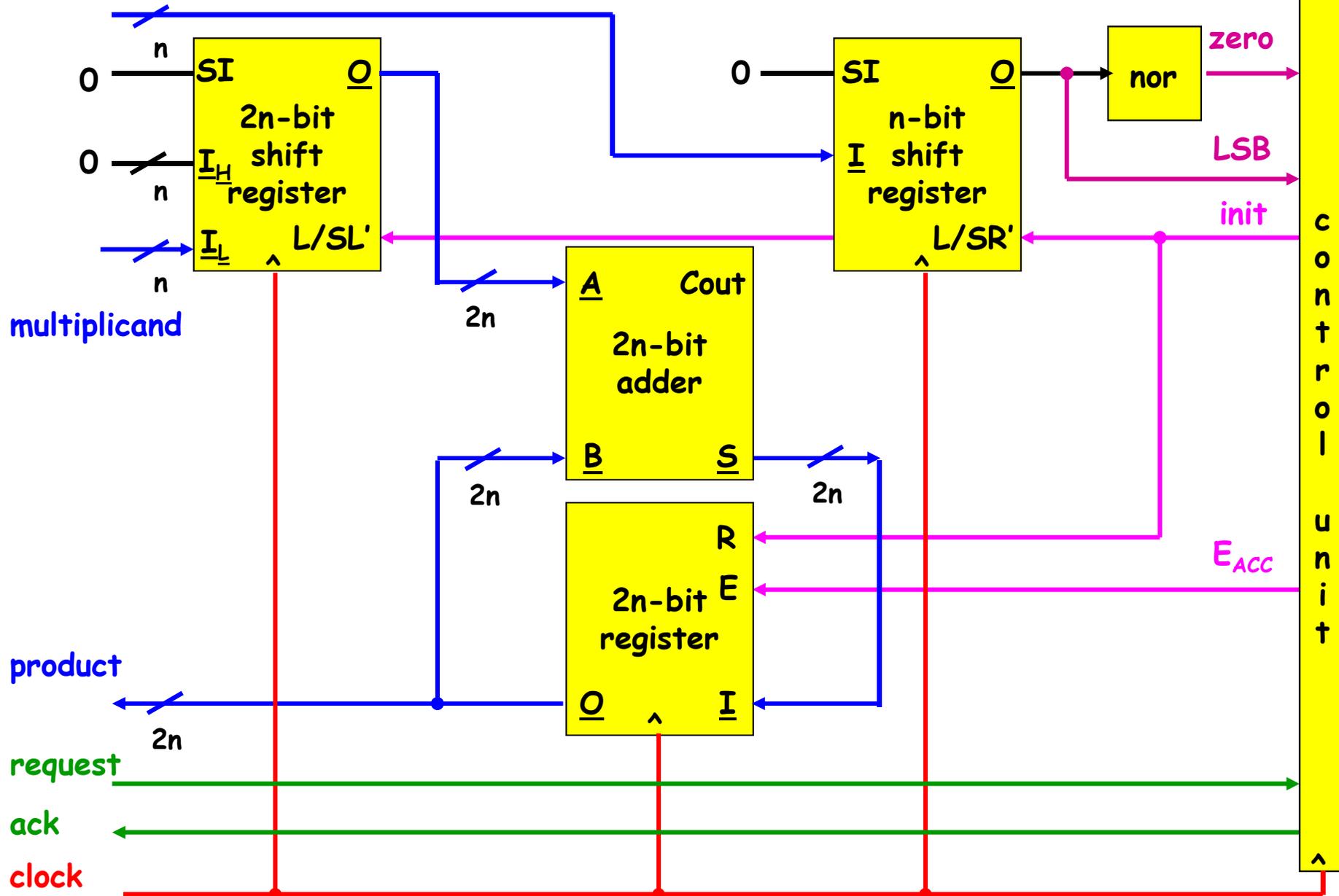
```
while (true)
{
    ack = false;
    while (! request);
    _multiplicand_ = multiplicand;
    _multiplier_ = multiplier;
    product = 0;
    while (_multiplier_ > 0)
    {
        if ((_multiplier_ & 1) == 1)
            product += _multiplicand_;
        _multiplicand_ *= 2;
        _multiplier_ /= 2;
    }
    ack = true;
    while (request);
}
```

## Descrizione RTL del processo di elaborazione (2<sup>a</sup> soluzione)

```
1: ack ← 0,  
   if (not request)  
   then goto 1;  
   else _multiplier_ ← multiplier,  
        _multiplicand_ ← multiplicand,  
        product ← 0 /* , goto 2 */;  
  
2: ack ← 0,  
   if (_multiplier_ = 0)  
   then product ← product /* , goto 3 */;  
   else if (least_significant_bit (_multiplier_) = 1)  
   then product ← product + _multiplicand_,  
        _multiplicand_ ← shift_left (_multiplicand_, 0),  
        _multiplier_ ← shift_right (_multiplier_, 0),  
        goto 2;  
  
3: ack ← 1,  
   product ← product,  
   if (request)  
   then goto 3;  
   else goto 1;
```

# Progetto del data-path (2<sup>a</sup> soluzione)

multiplier



product

request

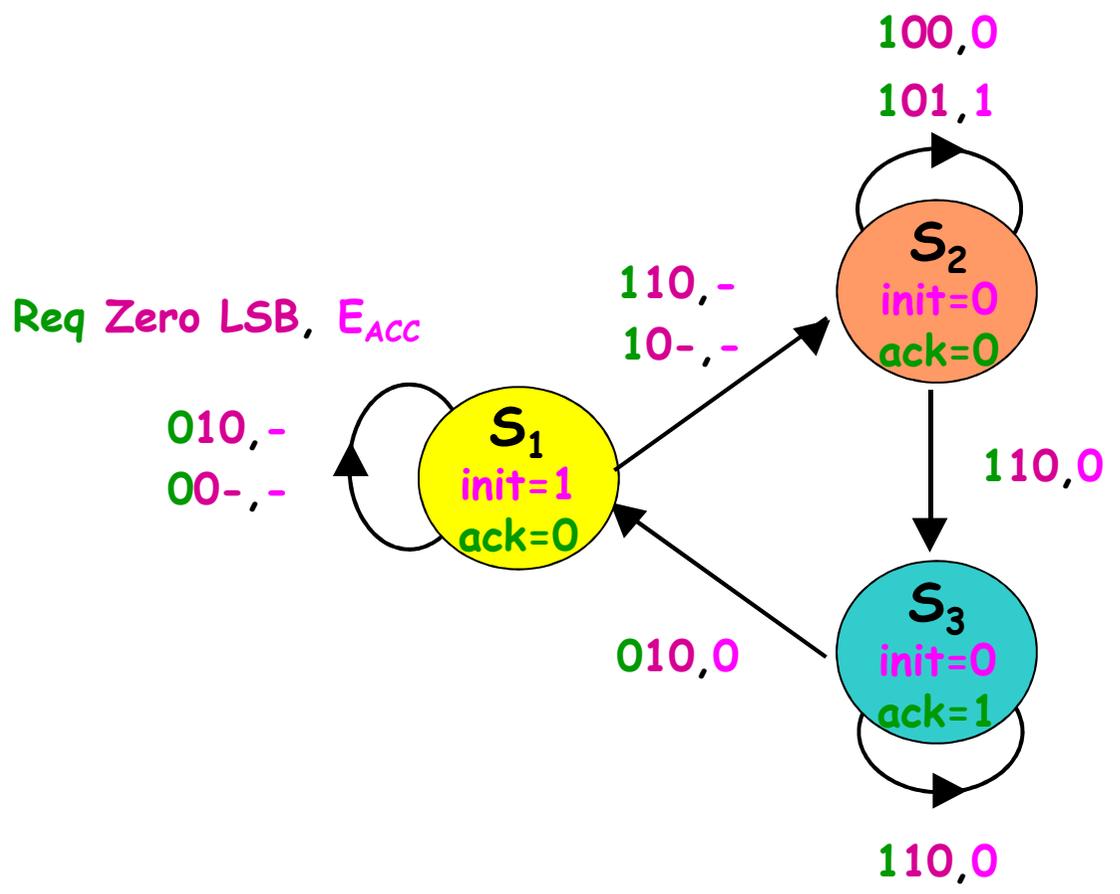
ack

clock

Control Unit

# Progetto della control unit (2ª soluzione) ...

## Il grafo degli stati

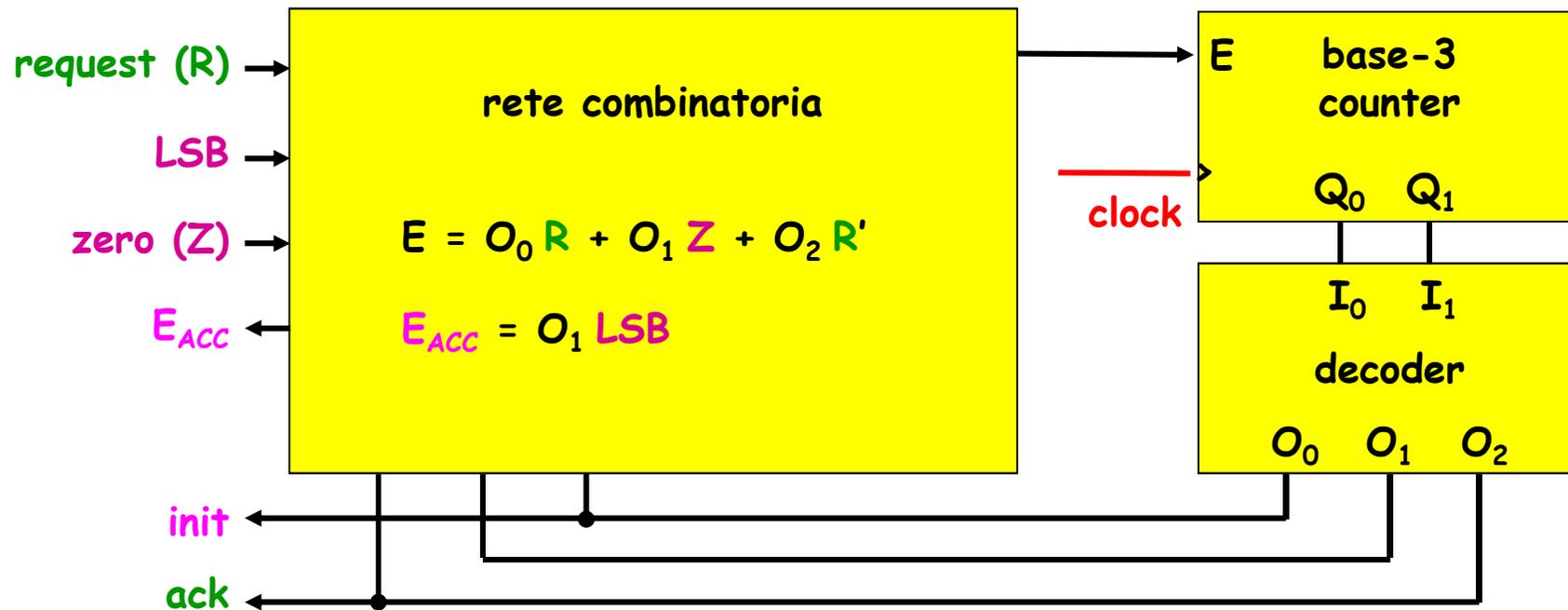


# ... Progetto della control unit (2<sup>a</sup> soluzione)

request zero least-significant-bit

	000	001	011	010	100	101	111	110	init	ack	
s.p.	$S_1$	$S_1, -$	$S_1, -$	$-, -$	$S_1, -$	$S_2, -$	$S_2, -$	$-, -$	$S_2, -$	1	0
	$S_2$	$-, -$	$-, -$	$-, -$	$S_2, 0$	$S_2, 1$	$-, -$	$S_3, 0$	0	0	0
	$S_3$	$-, -$	$-, -$	$-, -$	$S_1, 0$	$-, -$	$-, -$	$-, -$	$S_3, 0$	0	1

s.f.,  $E_{ACC}$



## Descrizione algoritmica del processo di elaborazione (3<sup>a</sup> soluzione)

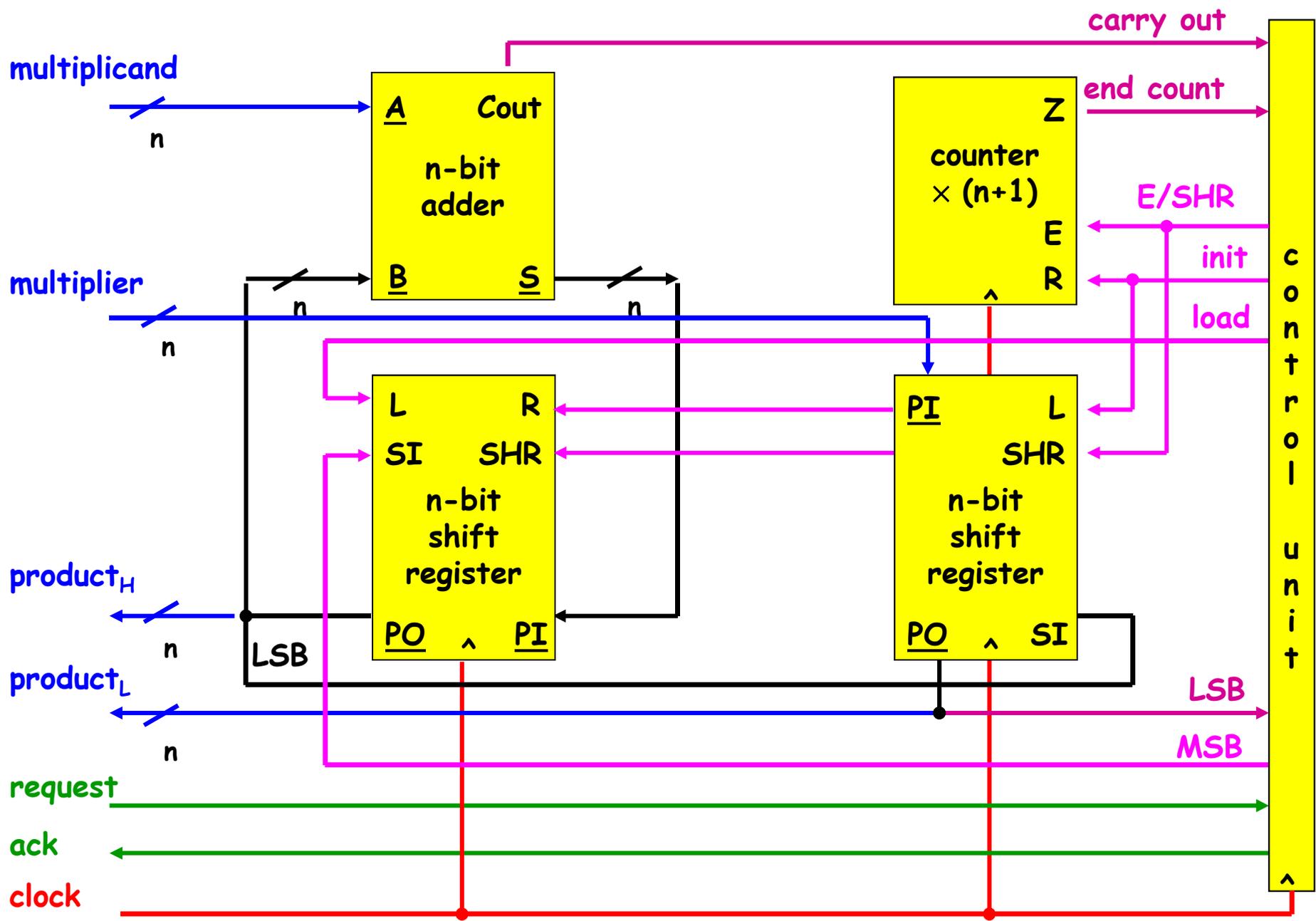
```
while (true)
{
    ack = false;
    while (! request);
    productL = multiplier;
    productH = 0;
    for (counter = 0; counter < n; counter++)
    {
        if ((productL & 1) == 1)
            productH += multiplicand;
        product /= 2;
    }
    ack = true;
    while (request);
}
```



## Descrizione RTL del processo di elaborazione (3<sup>a</sup> soluzione)

- 1:  $ack \leftarrow 0$ ,  
if (not request)  
then goto 1;  
else  $product_L \leftarrow multiplier$ ,  $product_H \leftarrow 0$ ,  $counter \leftarrow 0$ ;
- 2:  $ack \leftarrow 0$ ,  
if (counter = n)  
then  $product \leftarrow product$ , goto 5;  
else  $counter \leftarrow counter$ ,  $product_L \leftarrow product_L$ ,  
if (least\_significant\_bit (product) = 0)  
then  $product_H \leftarrow product_H$ ;  
else  $product_H \leftarrow product_H + multiplicand$ ,  
if ((most\_significant\_bit (product\_H + multiplicand)) == 1)  
then goto 4;
- 3:  $ack \leftarrow 0$ ,  
 $product \leftarrow shift\_right (product, 0)$ ,  $counter \leftarrow counter + 1$ , goto 2;
- 4:  $ack \leftarrow 0$ ,  
 $product \leftarrow shift\_right (product, 1)$ ,  $counter \leftarrow counter + 1$ , goto 2;
- 5:  $ack \leftarrow 1$ ,  $product \leftarrow product$ ,  
if (request) then goto 5; else goto 1;

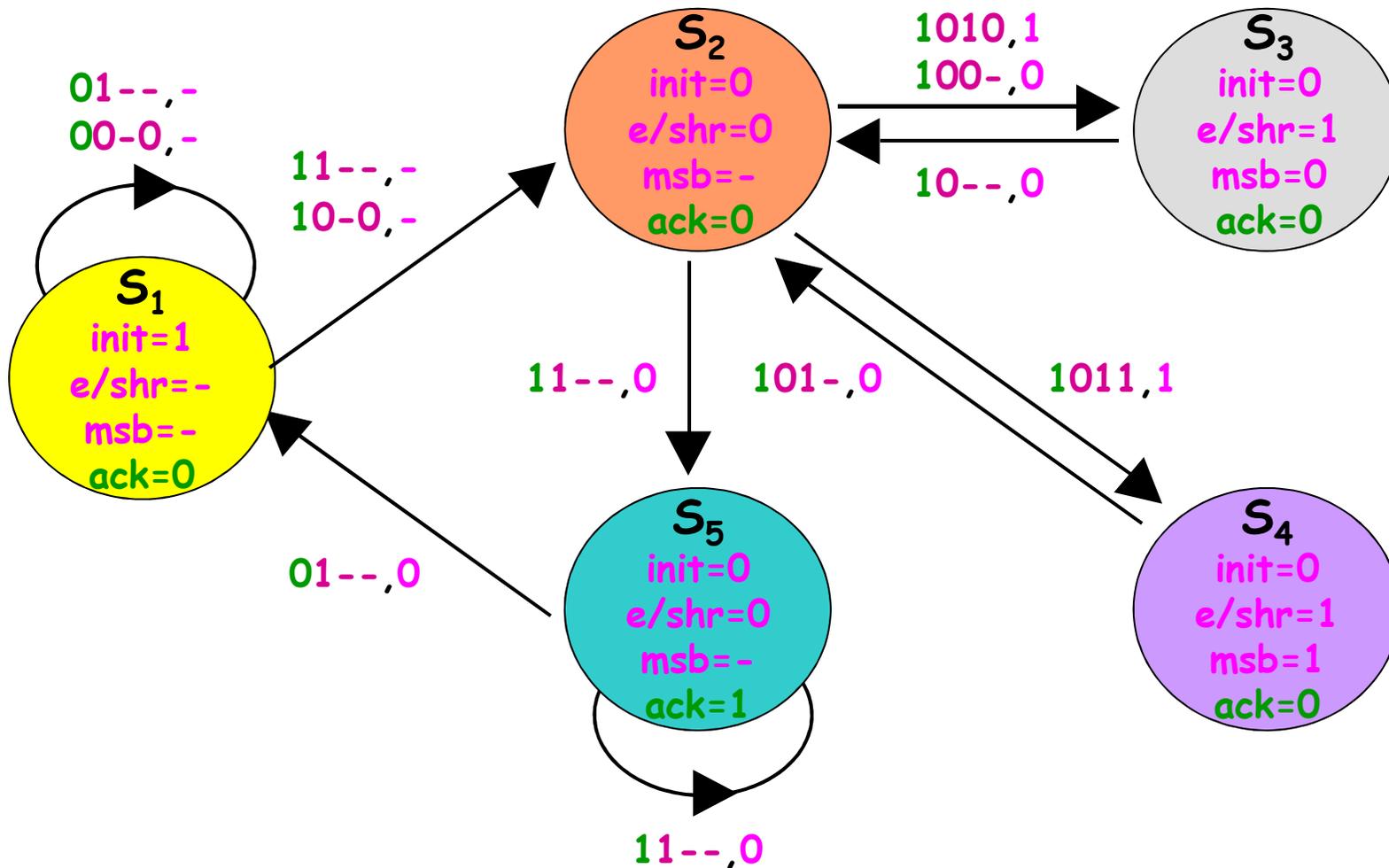
# Progetto del data-path (3<sup>a</sup> soluzione)



# Progetto della control unit (3<sup>a</sup> soluzione) ...

## Il grafo degli stati

Req  $END_c$  LSB  $C_{OUT}$ , load

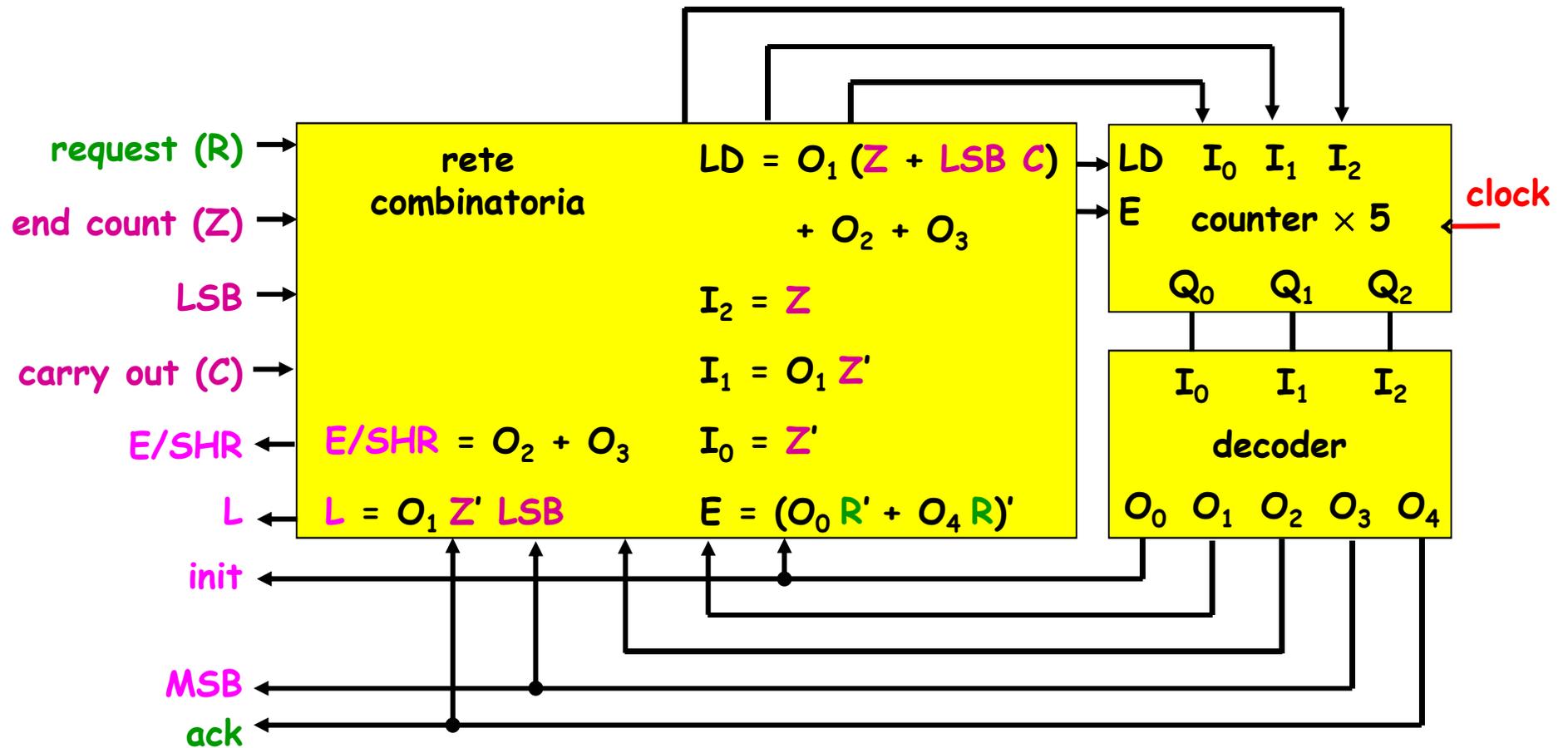


... Progetto della control unit (3<sup>a</sup> soluzione) ...

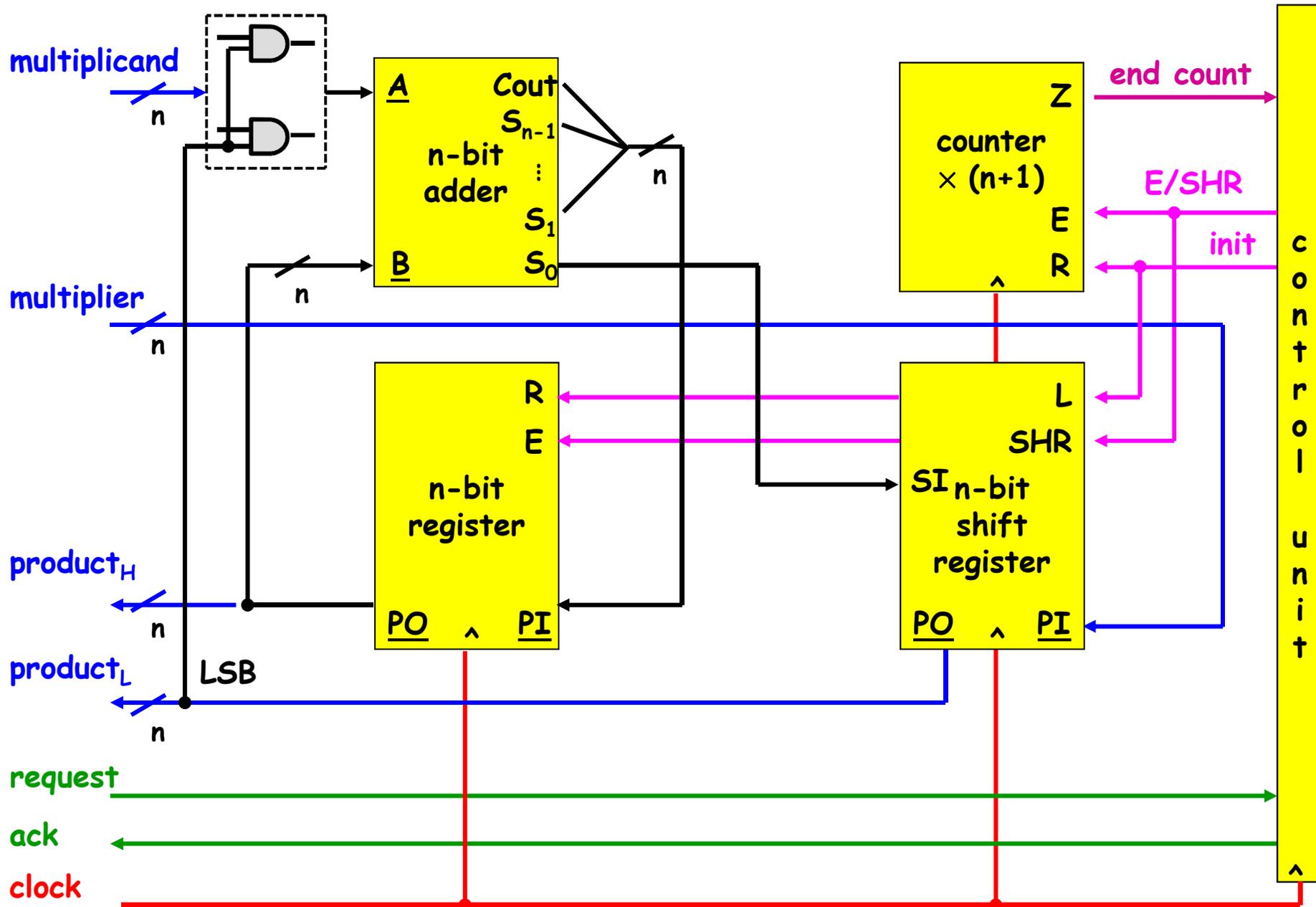
request = 0									request = 1							
end-count				least-significant-bit					carry-out							
s.p.	000	001	011	010	100	101	111	110	000	001	011	010	100	101	111	110
<b>S<sub>1</sub></b>	S <sub>1,-</sub>	-, -	-, -	S <sub>1,-</sub>	S <sub>1,-</sub>	S <sub>1,-</sub>	S <sub>1,-</sub>	S <sub>1,-</sub>	S <sub>2,-</sub>	-, -	-, -	S <sub>2,-</sub>				
<b>S<sub>2</sub></b>	-, -	-, -	-, -	-, -	-, -	-, -	-, -	-, -	S <sub>3,0</sub>	S <sub>3,0</sub>	S <sub>4,1</sub>	S <sub>3,1</sub>	S <sub>5,0</sub>	S <sub>5,0</sub>	S <sub>5,0</sub>	S <sub>5,0</sub>
<b>S<sub>3</sub></b>	-, -	-, -	-, -	-, -	-, -	-, -	-, -	-, -	S <sub>2,0</sub>	S <sub>2,0</sub>	S <sub>2,0</sub>	S <sub>2,0</sub>	-, -	-, -	-, -	-, -
<b>S<sub>4</sub></b>	-, -	-, -	-, -	-, -	-, -	-, -	-, -	-, -	-, -	-, -	S <sub>2,0</sub>	S <sub>2,0</sub>	-, -	-, -	-, -	-, -
<b>S<sub>5</sub></b>	-, -	-, -	-, -	-, -	S <sub>1,0</sub>	S <sub>1,0</sub>	S <sub>1,0</sub>	S <sub>1,0</sub>	-, -	-, -	-, -	-, -	S <sub>5,0</sub>	S <sub>5,0</sub>	S <sub>5,0</sub>	S <sub>5,0</sub>
s.f., load																

s.p.	init	e/shr	msb	ack
<b>S<sub>1</sub></b>	1	-	-	0
<b>S<sub>2</sub></b>	0	0	-	0
<b>S<sub>3</sub></b>	0	1	0	0
<b>S<sub>4</sub></b>	0	1	1	0
<b>S<sub>5</sub></b>	0	0	-	1

# ... Progetto della control unit (3<sup>a</sup> soluzione)



# Oppure, più efficientemente: data-path



# Oppure, più efficientemente: control unit

## Il grafo degli stati

